

NAME — SAROJ KUMAR SAHANI

CLASS — FINAL YEAR

BRANCH — CHEMICAL ENGG.

SUBJECT — HEAT TRANSFER OPERATIONS. (HTO)

INSTITUTE — GOVT POLYTECHNIC GKP

* Modes of Heat transfer *

There are three types of modes of Heat transfer.

1 → conduction

2 → convection

3 → radiation.

* conduction *

"Heat transfer की वह mode, जिसमें किसी body के molecule बिना migrate (place change) हुए vibration करते हैं, जिससे vibration के कारण उनकी amplitude बढ़ जाती है। इस प्रकार molecule बिना migrate हुए ^{v.m के} momentum का transfer करते हैं, जिससे heat, high temp से low temp की ओर move करती है, Heat transfer की इस mode को conduction कहते हैं।"

* conduction की घटना normally, solid में होती है, लेकिन थोड़ी मात्रा में liq & gas में भी होती है।

* conduction में molecule अपना place नहीं छोड़ते हैं, अर्थात् molecule का migration नहीं होता है।

* conduction में transfer of momentum होता है।

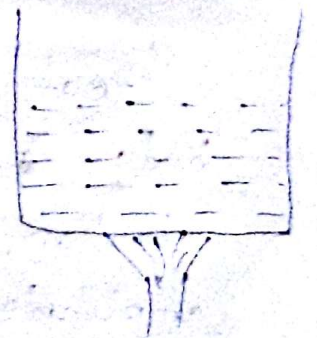
* conduction की process अकेले हो सकती है।

* *

* convection *

“Heat transfer की इस mode में molecule का migration होता है। इसमें molecule energy लेकर अपना स्थान छोड़ देते हैं, जिसके कारण इसमें ~~transportation~~ of momentum होता है।”

Ex - माना एक vessel में water लेकर heat देते हैं। As shown in fig



सबसे पहले vessel के molecule में conduction के कारण Heat transfer हो जाता है तथा उसके बाद water का वह molecule जो vessel के bottom के contact में है, उसका वह heat होता है, जिससे उसका temp increase होता है, इस कारण उस molecule का volume increase होता है, जिससे उस molecule की density decrease हो जाती है। अतः molecule अपना स्थान छोड़कर ऊपर आ जाता है तथा उसका स्थान cold water लेता है। बार - 2 यही process होती है, जिससे जग में heat transfer होता है। Heat transfer की इस mode को convection कहते हैं।

यह दो प्रकार से/म होता है।

1 → Natural convection ^{Heat देने पर} → molecule का volume increase होने से उसकी density में कमी हो जाती है। अतः volume expansion / density decrease / diff in density के कारण जो convection होती है, उसे natural convection कहते हैं।

2 → forced convection → वह convection जिसमें molecule का migration (place change) करने के लिए mechanical media की आवश्यकता पड़ती है forced convection कहलाती है।

Ex - Agitator, pump, etc. (mechanical media)

* some imp note *

- 1 → convection की घटना liq & gas में होती है।
- 2 → convection में transport of momentum होता है।
- 3 → convection की घटना ठोके नहीं होती।

* Radiation *

Heat transfer की वह mode जिसमें material / medium की आवश्यकता नहीं होती, Radiation कहलाती है।

Radiation electromagnetic waves के कारण होती है। अतः इस mode में Heat electromagnetic waves के form में चलती है।

जब Radiation होता है, तो electromagnetic wave चलती है तथा जिस body से उठता है वह पर हीन action होती है।

- 1 → Refraction
- 2 → Reflection
- 3 → Absorption

जो waves उस body में Absorb हो जाती है, उसे Heat energy / Radiate energy कहते हैं। तथा जो waves Refract / Reflect हो जाती है, उसे Radiation ही कहते हैं।

“ Electromagnetic waves के द्वारा अब Heat transfer होता है, इसे उसे Radiation कहते हैं। ”

* some imp note *

1 → Heat transfer सबसे fast radiation में होता है उससे कम convection में तथा सबसे कम conduction में होता है।

$$\text{Radiation} > \text{convection} > \text{conduction}$$

2 → Radiation की घटना solid, liq & gas तीनों में होती है।

* Rate of transfer *

Rate of transfer is defined as two term.

(i) Driving force.

(ii) Resistance.

* Driving force जितना अधिक होगा, Rate of transfer उतना ही अधिक होगा।

$$D.F \propto \text{Rate of transfer.}$$

* Resistance जितना अधिक होगा, Rate of transfer उतना ही कम होगा। अतः

$$\text{Rate of transfer} \propto \frac{1}{\text{Resistance.}}$$

* Heat transfer को समझने के लिए हम दो term मान लेंगे हैं।

1 → unidirection Heat transfer.

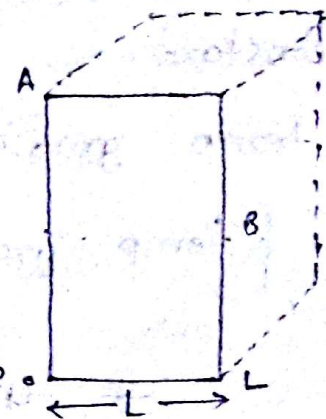
(अर्थात् Heat transfer, unidirectional है.)

2 → steady state.

(अर्थात् Heat transfer steady state में है)

* steady state *

Fig में एक body है, जो एक ही material की बनी है तथा Heat की conductor है। तथा body के दोनों ends के surface समान हैं।



माना हम पहले body को Air के air में रख देंगे, तो body का temp भी, air का temp के equal होता है। अब इसके surface A पर कोई 1200°C का flame सले, तो surface के layer का temp 1200°C होगा, यानी उसी body का उसके आगे का layer, का temp मभी वही होगा, जो air का है। तथा धीरे-धीरे body का temp बढ़ता है। अतः उस body के layer का one by one बढ़ता है। जब तक surface B के layer तक temp न पहुँच जाय। अब एक ऐसी condit आती है, जब body का every layer heat लेना बन्द कर देता है।

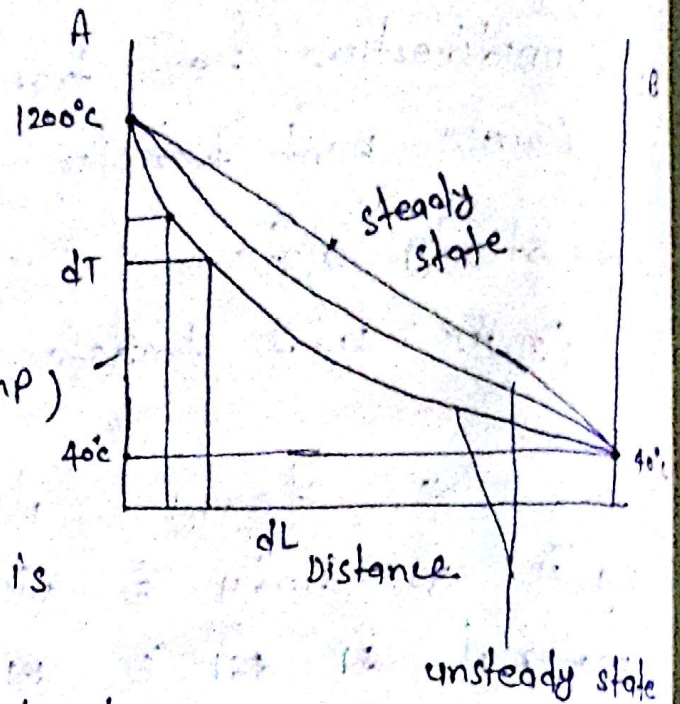
अब उस body को जितनी heat point A पर देनी, उतनी heat point B पर मिलेगी। इस state को ही steady state कहते हैं।

अतः input heat = output heat.

* At steady state *

→ location के साथ temp में change होता है, But...

time के साथ एक location पर temp change नहीं होता है।



2→ Rate of heat transfer is constant.

3→ temp gradient is constant.

$$\left[\text{temp gradient} = \frac{dT}{dL} \right]$$

* unsteady state *

In unsteady state

temp is the function of location.

~ time is the function of temp

अर्थात् unsteady state में locationwise & timewise दोनों प्रकार से temp change होता है।

इस state में temp gradient भी vary करता है।

* Rate of heat transfer *

if Amount of heat transfer. = Q

Time of heat transfer = θ

then. rate of heat transfer.

$$q = \frac{Q}{\theta}$$

~~Temp~~ * Fourier's Law *

According to this law.

In any uniform body. (In which conduction) takes place

(i) The rate of heat transfer is proportional to the temp diff between two ends.

$$q \propto \Delta T \quad \text{---} \quad (i)$$

(ii) The rate of heat transfer is proportional to surface area which is perpendicular to heat flow. path.

$$q \propto A \quad \text{---} \quad (ii)$$

(iii) The rate of heat transfer is inversely proportional to distance / length between two ends.

$$q \propto \frac{1}{L} \quad \text{---} \quad (iii)$$

combining eqn (I), (II) & (III)

$$q \propto \frac{\Delta T \cdot A}{L}$$

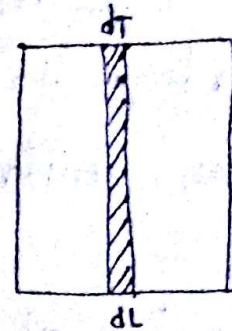
$$q = -K \frac{\Delta T \cdot A}{L}$$

where K = thermal conductivity of that material
It is property of that material.

Rate of Heat transfer.

$$q = -K A \frac{\Delta T}{L}$$

fig से thin layer के लिए



$$q = -K A \frac{dT}{dL}$$

This eqn is known as differential form of Fourier's Law.

* Significance of the negative sign (-) *
negative sign का mean यह है कि Length बढ़ने के साथ -2 temp घटा जाता है।

$$q = -K A \frac{dT}{dL}$$

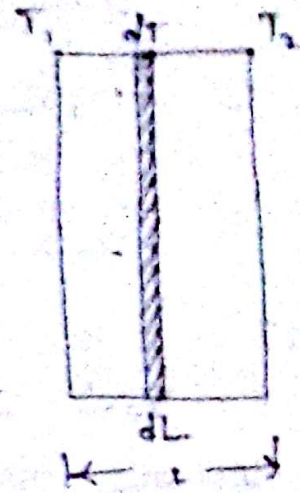
where $q = \frac{Q}{\theta}$ = Rate of Heat transfer.

A = surface area of H.T $\perp$ to the path of heat flow.

dT = temp diff in between two points which dL apart

* Rate of Heat transfer through at flat wall, flat slab, flat plain. *

Let एक rectangular plain है, जो uniform material की बनी है। इसके दोनों ends की equal surface area A है तथा इन दोनों ends के बीच की दूरी L है।



एक end का temp T_1 तथा दूसरे end का temp T_2 है। ($T_1 > T_2$)
दोनों surface isothermal है।

माना इस body में एक thin layer dL thickness की consider करते हैं, जिसमें heat transfer का के कारण हो रहा है। material की thermal conductivity k है।

under steady state H.T conduction

then इस layer पर differential form of Fourier's Law apply करने पर

$$q = -k A \frac{dT}{dL}$$

$$q \cdot dL = -k A dT$$

Integrating this eqn with limit.

$$\int_0^L q \cdot dL = - \int_{T_1}^{T_2} k \cdot A dT$$

$$q \int_0^L dL = -k \cdot A \int_{T_1}^{T_2} dT$$

$$q \cdot (L - 0) = -k \cdot A (T_2 - T_1)$$

$$q \cdot L = +k \cdot A (T_1 - T_2)$$

$$q = \frac{k \cdot A (T_1 - T_2)}{L}$$

NOTE $\rightarrow$ k का मान जितना अधिक होगा, Rate of Heat transfer उतना ही अधिक होगा। तथा k का मान जितना कम होगा, Rate of Heat transfer उतना ही कम होगा।

We know that $\div$

$$q = \frac{k \cdot A \Delta T}{L}$$

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{L}{k \cdot A}} = \frac{\text{Driving force}}{\text{Resistance}}$$

when then.

$$\text{Resistance} = \frac{L}{k \cdot A}$$

NOTE $\rightarrow$ L का मान बढ़ने पर Resistance बढ़ता है तथा घटने पर घटता है।

* unit of thermal conductivity *

we know that $\div$

$$q = \frac{k \cdot A \Delta T}{L}$$

$$k = \frac{q \cdot L}{A \cdot \Delta T}$$

then

$$k \text{ SI unit} = \frac{q \text{ SI unit} \times L \text{ SI unit}}{A \text{ SI unit} \times \Delta T \text{ SI unit}}$$

$$= \frac{\text{watt} \cdot \text{m}}{\text{m}^2 \cdot \text{K}} \quad (\text{actual})$$

$$= \frac{\text{watt}}{\text{m} \cdot \text{K}} \quad [\text{This unit is not actual}]$$

~~Def~~ * Thermal conductivity *

we know that.

$$q = \frac{k \cdot A \cdot \Delta T}{L}$$

if $A = 1 \text{ m}^2$, $\Delta T = 1 \text{ K}$, $L = 1 \text{ m}$.

then

$$\boxed{q = k}$$

Then.

" Thermal conductivity is defined as the amount of heat transfer per unit time through a surface having unit area perpendicular to the path of heat transfer, if two surface of that material is unit length apart & temp diff in between both surface is unit.

NOTE →

1 → Thermal conductivity of solid = 2.3 - 420 $\left(\frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{K}}\right)$

" " " Liquid = 0.09 - 0.7 "

" " " Gas = 0.006 - 0.6 "

2 → some data of good conductor. *

(i) Thermal conductivity of silver (Ag) = $420 \frac{W}{m \cdot K}$

(ii) Thermal conductivity of copper (Cu) = $395 \frac{W}{m \cdot K}$

(iii) Thermal conductivity of Gold (Au) = $302 \frac{W}{m \cdot K}$

(iv) Thermal conductivity of Aluminium (Al)

$$= 210 \frac{W}{m \cdot K}$$

3 → Heat exchanger की tube mostly Cu की बनी होती है।

4 → Bad conductor or insulator के लिए thermal conductivity का मान less than $0.2 \frac{W}{m \cdot K}$ होता है।

* conductance *

we know that.

$$\text{Resistance} = \frac{L}{kA}$$

Conductance is defined as the reciprocal of Resistance

then. $\text{conductance} = \frac{1}{\text{Resistance}}$

$$\boxed{\text{conductance} = \frac{k \cdot A}{L}}$$

multiply by ΔT in both side.

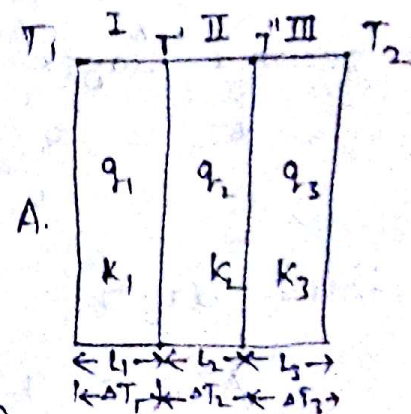
then

$$\text{conductance} \times \Delta T = \frac{k A \cdot \Delta T}{L}$$

$$\boxed{\text{conductance} \times \Delta T = q.}$$

* Rate of heat transfer the composite wall / combined surfaces / multilayer wall of diff material *

माना diff. material की बनी wall को परस्पर ऐसे सटाकर रहे कि उन wall के बीच Air gap न हो, तब wall की surface area, same (A)



है। अब इन तीन wall से बनी wall को multilayer wall कहते हैं। अब तीन wall को तीन layer में बांट दिमो। पहले layer का free surface का temp T_1 तथा III layer के free surface का temp T_2 है। माना I, II & III layer की thickness, L_1, L_2 & L_3 है। माना I, II, & III layer में temp diff, $\Delta T_1, \Delta T_2$ & ΔT_3 है। I, II & III layer की thermal conductivity, k_1, k_2 & k_3 है। q_1, q_2 & q_3 is the rate of heat transfer through I, II & III layer respectively. Let heat transfer takes place T_1 to T_2 .

overall temp diff

$$\Delta T = T_1 - T_2$$

$$\Delta T = \Delta T_1 + \Delta T_2 + \Delta T_3 \quad \text{--- (1)}$$

we know that.

$$q = k \cdot A \frac{\Delta T}{L}$$

$$\Delta T = \frac{qL}{kA}$$

then, for first layer.

$$\Delta T_1 = \frac{q_1 L_1}{k_1 A} \quad \text{--- (2)}$$

for second layer.

$$\Delta T_2 = \frac{q_2 L_2}{k_2 A} \quad \text{--- (3)}$$

for third layer.

$$\Delta T_3 = \frac{q_3 L_3}{k_3 A} \quad \text{--- (4)}$$

put the values of ΔT_1 , ΔT_2 & ΔT_3 from eqn. (2), (3), (4) in eqn. (1).

$$\Delta T = \frac{q_1 L_1}{k_1 A} + \frac{q_2 L_2}{k_2 A} + \frac{q_3 L_3}{k_3 A} \quad \text{--- (5)}$$

since steady state Heat transfer.

$$\therefore q_1 = q_2 = q_3 = q \quad (\text{let})$$

then.

$$\Delta T = \frac{q L_1}{k_1 A} + \frac{q L_2}{k_2 A} + \frac{q L_3}{k_3 A}$$

$$\Delta T = q \left[\frac{L_1}{k_1 A} + \frac{L_2}{k_2 A} + \frac{L_3}{k_3 A} \right]$$

$$q = \frac{\Delta T}{\left[\frac{L_1}{K_1 A} + \frac{L_2}{K_2 A} + \frac{L_3}{K_3 A} \right]}$$

$$q = q_1 = q_2 = q_3 \quad (\text{s.s})$$

then.

$$\frac{\Delta T (T_1 - T_2)}{\frac{L_1}{K_1 A} + \frac{L_2}{K_2 A} + \frac{L_3}{K_3 A}} = \frac{T_1' - T_1''}{\frac{L_1}{K_1 A}} = \frac{T_1' - T_1''}{\frac{L_2}{K_2 A}} = \frac{T_1'' - T_2}{\frac{L_3}{K_3 A}}$$

* Heat transfer through thick hollow cylindrical wall
माना एक hollow cylindrical wall is wall

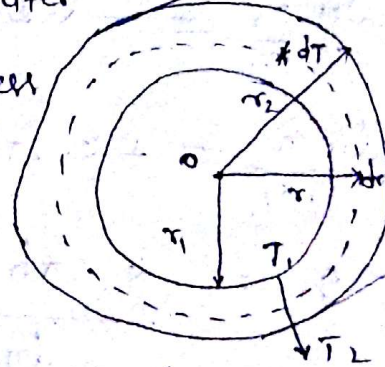
जिसकी inner radius r_1 तथा outer

radius r_2 है। अतः इसकी thickness

$(r_2 - r_1)$ होगी। inner surface

का temp T_1 तथा outer

surface का temp T_2 है।



$T_1 > T_2$ अतः heat flow की direction

T_1 से T_2 की ओर होगी है। wall की length h है।

माना centre से r दूरी पर एक thin cylindrical
(layer) (radius r)
element की कल्पना करते हैं।

माना इस layer की thickness dr तथा इस layer
की thickness के through temp diff dt है।

We know that

Diff form of Fourier's Law

$$q = -KA \frac{dT}{dr} \quad [\text{steady state}]$$

Apply diff form of fourier's law on this thin cylindrical layer.

$$q = \frac{-k \cdot 2\pi r h \, dT}{dr}$$

$$q \cdot dr = -k \cdot 2\pi r h \, dT$$

$$\frac{q}{r} dr = -k \cdot 2\pi h \, dT$$

Integrating for both side with upper & lower limit

$$\int \frac{q}{r} dr = \int -k \cdot 2\pi h \, dT$$

$$q \int_{r_1}^{r_2} \frac{1}{r} dr = -k \cdot 2\pi h \int_{T_1}^{T_2} dT$$

$$q \cdot \ln \frac{r_2}{r_1} = -k \cdot 2\pi h (T_2 - T_1)$$

$$q \cdot \ln \frac{r_2}{r_1} = +k \cdot 2\pi h (T_1 - T_2)$$

$$q = \frac{k \cdot 2\pi h (T_1 - T_2)}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$$

$$\boxed{q = \frac{k \cdot 2\pi h \, \Delta T}{\ln \frac{r_2}{r_1}}} \quad \text{--- ①}$$

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{\ln \frac{r_2}{r_1}}{k \cdot 2\pi h}} = \frac{D \cdot F}{\text{Resistance (R)}}$$

$$\therefore \boxed{R = \frac{\ln \frac{r_2}{r_1}}{k \cdot 2\pi h}}$$

Eqn ① में ऊपर दिए $(r_2 - r_1)$ से गुणा करने पर

$$q = \frac{k \cdot 2\pi h \Delta T (r_2 - r_1)}{\ln \frac{r_2}{r_1} (r_2 - r_1)} = \frac{k \cdot 2\pi h \Delta T (r_2 - r_1)}{\ln \frac{r_2}{r_1} L}$$

माना $(r_2 - r_1) = \Delta L$.

$q = \frac{k \cdot A \Delta T}{L}$ से compare करने पर

$$A_{lm} = \frac{2\pi h (r_2 - r_1)}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$$

where A_{lm} = logarithmic mean area

$$r_{lm} = \frac{r_2 - r_1}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$$

where r_{lm} = logarithmic mean radius.

* For multilayer hollow cylindrical wall *

we know that.

$$R = \frac{\ln r_2/r_1}{k \cdot 2\pi h} \quad \text{so} \quad R_1 = \frac{\ln r_2/r_1}{k_1 \cdot 2\pi h} \quad R_2 = \frac{\ln r_3/r_2}{k_2 \cdot 2\pi h}$$

$$R_3 = \frac{\ln r_4/r_3}{k_3 \cdot 2\pi h}$$

then

$$R = R_1 + R_2 + R_3$$

$$R = \frac{\ln r_2/r_1}{k_1 \cdot 2\pi h} + \frac{\ln r_3/r_2}{k_2 \cdot 2\pi h} + \frac{\ln r_4/r_3}{k_3 \cdot 2\pi h}$$

then

$$q = \frac{\Delta T}{R} = \frac{\Delta T}{\frac{\ln r_2/r_1}{k_1 \cdot 2\pi h} + \frac{\ln r_3/r_2}{k_2 \cdot 2\pi h} + \frac{\ln r_4/r_3}{k_3 \cdot 2\pi h}}$$

We know that

$$q = \frac{k \cdot 2\pi h \Delta T \cdot (r_2 - r_1)}{\ln \frac{r_2}{r_1} \cdot (r_2 - r_1)}$$

$$= \frac{k \cdot A_{LM} \cdot \Delta T}{r_2 - r_1}$$

$$= \frac{\Delta T}{\frac{r_2 - r_1}{k \cdot A_{LM}}} = \frac{\Delta T}{R}$$

then

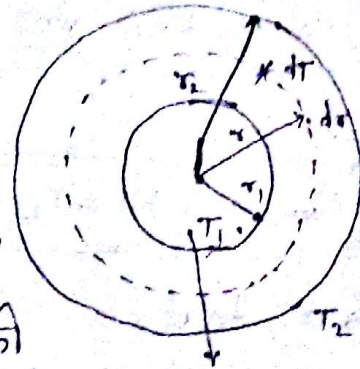
$$R = \frac{r_2 - r_1}{k \cdot A_{LM}}$$

for multilayer. $\div$

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{r_2 - r_1}{k_1 A_{LM1}} + \frac{r_3 - r_2}{k_2 A_{LM2}} + \frac{r_4 - r_3}{k_3 A_{LM3}}}$$

* Rate of Heat transfer through hollow sphere *

माना एक hollow sphere जिसकी inner radius r_1 तथा outer radius r_2 है।
inner surface का temp T_1 & outer surface का temp T_2 है।
($T_1 > T_2$)



माना centre से r radius की एक thin layer की sphere consider direction of heat flow करते हैं, जिसकी length में diff dr तथा temp diff dT है।
then.

Apply Fourier's law on this thin layer. (sphere)

$$q = -k \cdot 4\pi r^2 \cdot \frac{dT}{dr}$$

$$\frac{q \cdot dr}{r^2} = -k \cdot 4\pi \cdot dT$$

Integrating both side with limit.

$$\int_{r_1}^{r_2} \frac{q}{r^2} dr = \int_{T_1}^{T_2} -k \cdot 4\pi \cdot dT$$

$$q \int_{r_1}^{r_2} \frac{1}{r^2} dr = -k \cdot 4\pi \int_{T_1}^{T_2} dT$$

$$q \cdot \left[\frac{r^{-2+1}}{-2+1} \right]_{r_1}^{r_2} = -k \cdot 4\pi (T_2 - T_1)$$

$$-q \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right] = k \cdot 4\pi (T_1 - T_2)$$

$$-q \left[\frac{r_1 - r_2}{r_1 r_2} \right] = k \cdot 4\pi (T_1 - T_2)$$

$$q \left[\frac{r_2 - r_1}{r_1 r_2} \right] = k \cdot 4\pi (T_1 - T_2)$$

$$q = \frac{k \cdot 4\pi r_1 r_2 (T_1 - T_2)}{(r_2 - r_1)}$$

$$q = \frac{k \cdot 4\pi r_1 r_2 \Delta T}{(r_2 - r_1)}$$

Fourier's Law.

$$q = \frac{k \cdot A \Delta T}{L}$$

से compare करने पर

$$A_{gm} = 4\pi r_1 r_2$$

where A_{gm} = Geometric mean area.

we know that

$$A = 4\pi r^2$$

then

$$r^2 = r_1 r_2$$

$$r_{gm} = \sqrt{r_1 r_2}$$

where r_{gm} = Geometric mean radius.

For

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{r_2 - r_1}{k \cdot 4\pi r_1 r_2}} = \frac{\Delta T}{R}$$

then

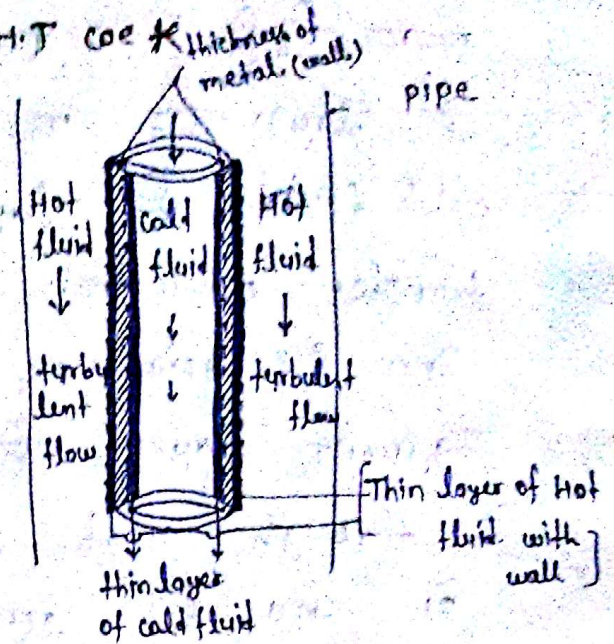
$$R = \frac{r_2 - r_1}{k \cdot 4\pi r_1 r_2}$$

For multilayer sp hallow sphere

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{r_2 - r_1}{k_1 \cdot 4\pi r_1 r_2} + \frac{r_3 - r_2}{k_2 \cdot 4\pi r_2 r_3} + \dots}$$

* Individual H.T coe and overall H.T coe *

माना एक double heat pipe heat exchanger है, जिसके inner pipe में cold fluid तथा outer pipe के annular space में Hot fluid flow हो रही है। तथा दोनों turbulent flow में है। अतः दोनों fluid का temp uniform होगा।



माना हमें Hot fluid से cold fluid में heat transfer करना है।

[Double pipe H.E]

Hot fluid में एक ऐसा zone होगा, जहाँ पर temp high होगा। वहाँ से temp diff (D.F) के कारण Heat convection के द्वारा Hot fluid के उस layer पर आयी होगी जो wall से सटी है। जैसा कि हम जानते हैं, wall से सटी layer की velocity zero होती है। अतः Hot fluid की यह layer 'stagnant' होगी। अतः इस layer के through heat transfer convection के through नहीं होगा। अब इस layer के through Heat transfer, conduction के through होगा लेकिन हम जानते हैं कि fluid की thermal conductivity बहुत low होती है अतः यहाँ पर rate of heat transfer के लिए बहुत ज्यादा driving force की जरूरत पड़ती है। क्योंकि

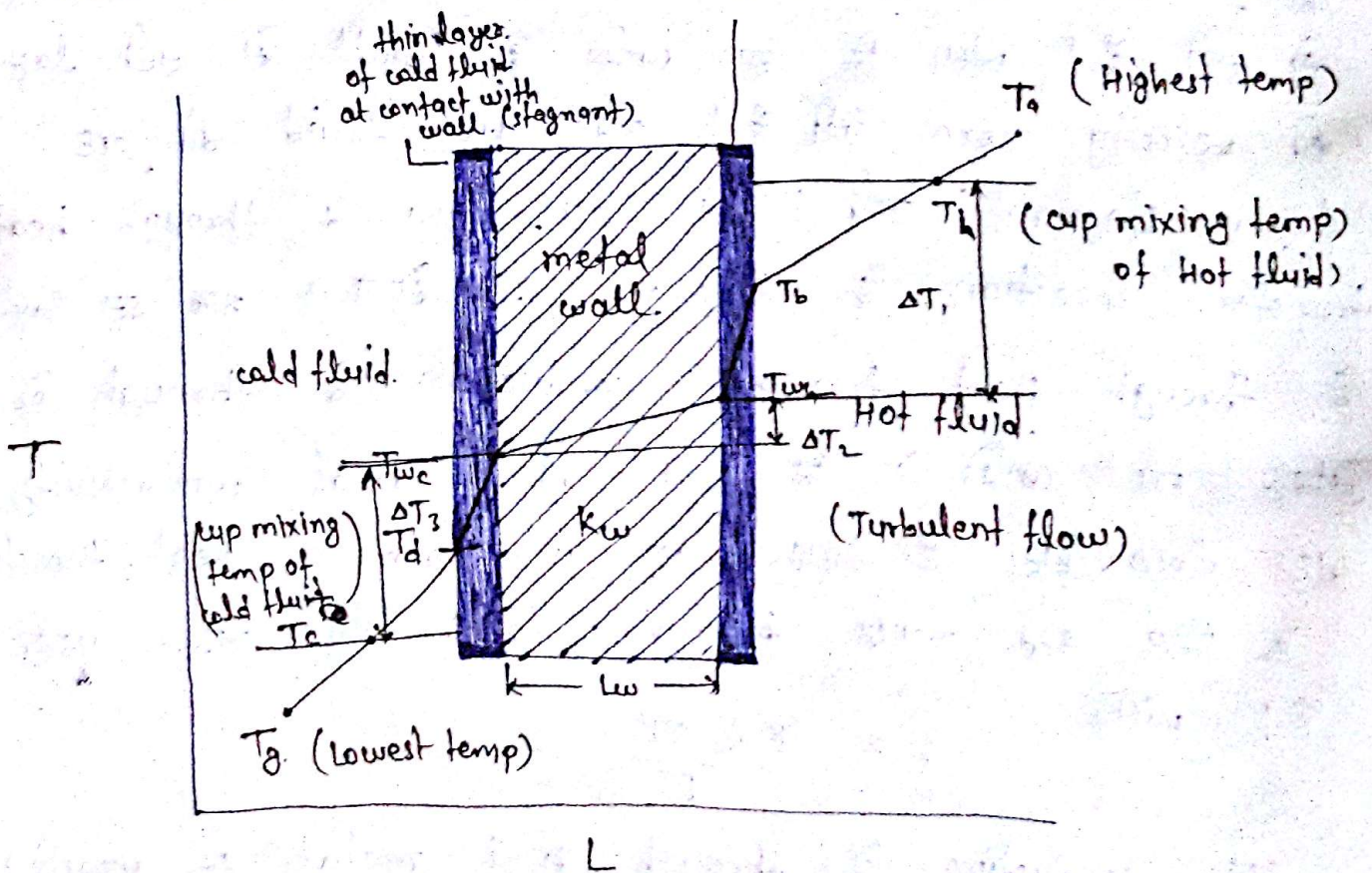
$$q = \frac{KA \Delta T}{L}$$

अतः conduction के through Heat metal तक पहुँच रही है metall wall में heat transfer easily हो जा रहा है

21
 क्योंकि यह metal की thermal conductivity ज्यादा होती है। तथा फिर यह cold layer fluid के layer तक पहुँचती है। पुनः wall के contact में cold fluid की layer stagnant है अतः यह Heat transfer convection से नहीं होकर conduction से होता है। उसके बाद जैसे ही heat cold fluid की stagnant layer को cross करती है। फिर convection के through Heat का transfer पूरे cold fluid में हो जाता है। इस तरह से Hot fluid से cold fluid में Heat का transfer होता है।

इस mechanism को graphical समझने के लिए Temp & Length के बीच graph खींचते हैं, जो निम्न है।

thin layer of Hot fluid at contact with wall (stagnant)



इस इस graph का अध्ययन करने पर यह देखा
 रहे कि hot fluid का temp point to point
 vary कर रहा है। ठीक इसी प्रकार cold fluid
 का temp point to point vary करता है।

अतः इस temp diff कहा से कहा है। यह भी
 एक समस्या होती है। अतः इस hot fluid के
 सभी temp का average & value लेते हैं, जिसे
 avg mixing temp कहते हैं। माना यह T_h है।
 ठीक इसी प्रकार cold fluid का avg mix temp T_c है।
 अतः overall driving force

$$\Delta T = T_h - T_c$$

$$= \Delta T_1 + \Delta T_2 + \Delta T_3$$

$$= (T_h - T_{wh}) + (T_{wh} - T_{wc}) + (T_{wc} - T_c) \quad \text{--- ①}$$

अगर stagnant layer की इस thickness की बात को
 तो यह turbulent flow (Reynolds no), बढने पर बढ़ती है
 अतः कोई fix thickness नहीं मिलती है।

अतः इस layer के through H.T निकालने के
 लिए एक & term आया, जिसे Heat flux कहते हैं।

Heat flux is defined as the rate of heat transfer
 per unit area.

$$\text{Heat flux} = \frac{Q}{A}$$

Experimentally,

$$\text{Heat flux} \propto \Delta T$$

$$\frac{Q}{A} \propto \Delta T$$

$$\frac{q}{A} = h \cdot \Delta T$$

$$q = h \cdot A \cdot \Delta T$$

where h = individual heat transfer coefficient / Heat transfer film coefficient / Heat transfer surface coefficient.

Let.

q_o = rate of H.E through stagnant layer of Hot fluid.

h_o = individual heat transfer coe for outer film.

A_o = surface area of outer film H.T based on the outside diameter.

$$q_o = h_o A_o (T_h - T_{wh})$$

$$T_h - T_{wh} = \frac{q_o}{h_o A_o} \quad (2)$$

As the same way $\div$

$$q_i = h_i A_i (T_{wc} - T_c)$$

$$T_{wc} - T_c = \frac{q_i}{h_i A_i} \quad (3)$$

For the metallic layer. (wall)

$$q_w = \frac{k_w 2\pi h (T_{wh} - T_{wc}) (\tau_2 - \tau_1)}{\ln \tau_2 / \tau_1 (\tau_2 - \tau_1)}$$

$$q_w = \frac{k_w A_{LM} (T_{wh} - T_{wc})}{L_w}$$

$$T_{wh} - T_{wc} = \frac{q_w L_w}{k_w A_{LM}} \quad (4)$$

put the value of ①, ②, ③ & ④ in eqn ①.
therefore

$$\Delta T = \frac{q_o}{h_o A_o} + \frac{q_w L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{q_i}{h_i A_i}$$

At steady state heat transfer.

$$q_o = q_i = q_w = q \text{ (say)}$$

$$\Delta T = q \left[\frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{1}{h_i A_i} \right]$$

$$q = \frac{\Delta T}{\frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{1}{h_i A_i}} = \frac{D.F}{\text{Resistance (R)}}$$

$$R_o = \frac{1}{h_o A_o}, \quad R_i = \frac{1}{h_i A_i}, \quad R_w = \frac{L_w}{k_w A_{lm}}$$

$$R = R_o + R_w + R_i$$

A_o से ऊपर नीचे multiply करने पर

$$q = \frac{A_o \Delta T}{\left(\frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{1}{h_i A_i} \right) A_o}$$

$$q = \frac{A_o \cdot \Delta T}{\left(\frac{1}{h_o} + \frac{L_w A_o}{k_w A_{lm}} + \frac{A_o}{h_i A_i} \right)}$$

$q = h \cdot A \Delta T$ से compare करने पर

$$U_o = \frac{1}{\frac{1}{h_o} + \frac{L_w A_o}{k_w A_{lm}} + \frac{A_o}{h_i A_i}}$$

where U_o = overall H.T
coe based on
outer surface area

यह पर H.T coe को U से denote करते हैं, क्योंकि यह overall

H.T coe होगा है।

∴ Thus

ऊपर नीचे A_i से multiply करने पर

$$q = A_i \Delta T$$

$$\left(\frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_m} + \frac{1}{h_i A_i} \right) A_i$$

$$q = \frac{A_i \Delta T}{\frac{A_i}{h_o A_o} + \frac{L_w A_i}{k_w A_m} + \frac{1}{h_i}}$$

इस $q = h \cdot A \Delta T$ से compare करने पर

$$U_i = \frac{1}{\frac{A_i}{h_o A_o} + \frac{L_w A_i}{k_w A_m} + \frac{1}{h_i}}$$

where U_i = overall H.T coe based on inner surface area

Generally we get overall rate of heat transfer

$$q = U \cdot A \Delta T$$

where U = overall H.T coe

* overall heat transfer coefficient *

we know that

$$q = U \cdot A \Delta T$$

$$U = \frac{q}{A \cdot \Delta T}$$

$\Delta T = 1^\circ\text{C}$, $A = 1 \text{ m}^2$, then

$$U = q$$

" overall heat transfer coefficient is defined as the rate of heat transfer per unit area.

when overall temp diff is unit, b/w hot fluid & cold fluid.

$$\text{Unit} \rightarrow \text{unit of } U = \frac{\text{unit of } q}{\text{unit of } A \times \text{unit of } \Delta T}$$

$$\text{unit of } U = \frac{\text{watt}}{\text{m}^2 \cdot \text{K}}$$

* calculation of individual heat transfer coefficient
(h) *

h का मान निकालने के लिए हमें fluid की properties को जानना होगा,

क्योंकि h का मान $D, \mu, \rho, \mu, C_p, \beta$ (coe of thermal expansion), $\Delta T, g, L, k$ सभी पर depend करता है। इसमें भी अगर ΔT में variation होने पर ρ, μ, C_p, β, k में भी variation आता है।

अतः इन सभी को एक साथ collect करने h का correct मान निकालना impossible है।

अतः जब हमारे पास कोई मार्ग नहीं बचता है, तो हमें dimensional analysis का सहाय (help) लेना पड़ता है।

इस analysis में हम कुछ dimensionless number का help लेते हैं, जो, निम्न हैं।

$$1 \rightarrow \text{Reynold no.}, N_{Re} = \frac{D u \rho}{\mu}$$

$$2 \rightarrow \text{Nusselt no.}, N_{Nu} = \frac{h D}{k}$$

$$3 \rightarrow \text{Prandtl no.}, N_{Pr} = \frac{C_p \mu}{k}$$

$$4 \rightarrow \text{Grashof no.}, N_{Gr} = \frac{g D^3 \beta \Delta T \rho^2}{\mu^2}$$

$$5 \rightarrow \text{Dimension ratio}, D_r = \frac{L}{D}$$

$$6 \rightarrow \text{Peclet no.}, N_{Pe} = \frac{C_p D u \rho}{k}$$

इन सभी no. में Nusselt no में h का मान है, अतः शेष no को कैसे calculate करें कि वह Nusselt no के equal हो,

अतः suppose.

$$N_{Nu} = K (N_{Re})^a (N_{Pr})^b (N_{Gr})^c (D_r)^d \quad \text{--- ①}$$

अगर इस eqn की बात करें, तो N_{Re} भी तीन तरह
mainly two type होते हैं | 1 → laminar, 2 → turbulent

अतः केवल N_{Re} से h का मान दो प्रकार का आ रहा है।

~~Imp~~ * Dittus Boelter eqn *

(31)

Dittus Boelter ने high turbulent flow के लिए एक eqn दिया।

इन्होंने एक clean pipe में fluid को tube side से enter कराया तथा flow, high turbulent flow ($N_{Re} = 10000 - 500000$) की।

यह eqn निम्न है।

$$\frac{hD}{k} = 0.23 \left(\frac{\rho u}{\mu} \right)^{.8} \left(\frac{c_p \mu}{k} \right)^{.3-.4}$$

clean pipe.
up mix temp
fluid
up mix temp.
turbulent flow.

heating purpose के लिए = 0.4

cooling purpose के लिए = 0.3

$$N_{Pr} = 0.7 - 95 - 160$$

This eqn is known as Dittus boelter eqn.

* इस eqn में हम देखते हैं कि N_{Re} & N_{Pr} है, but $\frac{L}{D}$ & N_{Gr} नहीं है। $\frac{L}{D}$ का value very less होता है तथा turbulent flow होने के कारण यह forced convection होता है जबकि N_{Gr} natural convection पर depend करता है मतलब इस eqn में N_{Gr} नहीं है।

* यह eqn उपरोक्त condition तक ही applicable है।

* Dittus boelter eqn में individual H.T को h_i तथा D_{ia} D_i होती है।

* Sieder - Tate eqn *

यह eqn Dittus - Boelter eqn पर ही आधारित है। लेकिन इसमें $NRe = 2100 - 10000$ तक

लिया गया। यह भी ~~for~~ medium turbulent flow के लिए ही है। $NA = 0.7 - 700$

$$4 \rightarrow \frac{hD}{k} = 0.023 \left[\left(\frac{DUP}{\mu} \right)^{.8} \left(\frac{CP\mu}{k} \right)^{.33} \left(\frac{\mu_B}{\mu_s} \right)^{.14} \right]$$

This eqn is known as Sieder - Tate eqn.

3. $\left(\frac{\mu_B}{\mu_s} \right)^{.14}$ is known as Sieder Tate corrector factor.

where μ_B = viscosity at Bulk inlet temp.

μ_s = viscosity at tube surface temp

÷ For laminar flow. ÷

2 → $NRe \leq 2100$ से कम

$$\frac{hD}{k} = 1.86 \left[NRe \cdot NPr \cdot \frac{D}{L} \right]^{1/3} \left(\frac{\mu_B}{\mu_s} \right)^{.11 - .14}$$

यह भी eqn Sieder - Tate ने दिया था।

3 →

* For case of molten metal *

(33)

अगर pipe में कोई molten metal flow हो रही हो, तो इसके लिए h का value निकालने के लिए निम्न eqn है।

$$\frac{hD}{k} = 7 + 0.025 (N_{Pe})^{0.8}$$

where

$$N_{Pe} = N_{Re} \times N_{Pr}$$

यह eqn भी sider rate में दिया था।

* Colburn eqn *

we know that sider rate eqn (for medium turbulent flow)

$$h_{N_{Nu}} = 0.023 (N_{Re})^{0.8} (N_{Pr})^{1/3} \left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14} \quad \text{--- ①}$$

Colburn ने medium turbulent flow को ही लेकर एक dimensionless number दिया, जिसे Stanton no. कहा गया।

Stanton no.

$$N_{St} = \frac{N_{Nu}}{N_{Re} \times N_{Pr}}$$

$$N_{Nu} = N_{St} \times N_{Re} \times N_{Pr} \quad \text{--- ②}$$

from eqn ① & ②

$$N_{St} \times N_{Re} \times N_{Pr} = 0.023 (N_{Re})^{0.8} (N_{Pr})^{1/3} \left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14}$$

$$N_{St} \times N_{Pr} = \frac{0.023 (N_{Re})^{0.8} (N_{Pr})^{1/3} \left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14}}{N_{Re}}$$

$$N_{St} \times \frac{N_{Pr}}{(N_{Pr})^{1/3}} = 0.023 (N_{Re})^{-0.2} \left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{0.14}$$

$$N_{St} \cdot (N_{Pr})^{2/3} \left(\frac{\mu_s}{\mu}\right)^{0.14} = 0.023 (N_{Re})^{-0.2}$$

$$N_{St} (N_{Pr})^{2/3} \left(\frac{\mu_s}{\mu}\right)^{0.14} = \cancel{0.023} \cdot 0.023 (N_{Re})^{-0.2}$$

$$N_{St} (N_{Pr})^{0.67} \left(\frac{\mu_s}{\mu}\right)^{0.14} = 0.023 (N_{Re})^{-0.2}$$

$$N_{St} \left(\frac{c_p \mu}{k}\right)^{0.67} \left(\frac{\mu_s}{\mu}\right)^{0.14} = 0.023 \left(\frac{D \mu \rho}{\mu}\right)^{-0.2}$$

This eqn is known as Colburn eqn.
we know that -

$$N_{St} = \frac{N_{Nu}}{N_{Re} \times N_{Pr}}$$

$$= \frac{h \cancel{\rho}}{\cancel{k}} \times \frac{\cancel{\mu}}{D \mu \rho} \times \frac{\cancel{k}}{c_p \cancel{\mu}}$$

$$N_{St} = \frac{h}{c_p \cdot u_p}$$

$$N_{St} = \frac{h}{c_p \cdot u}$$

where

u = max velocity.

* Graetz No *

Graetz no is defined as the ratio of the product of mass flow rate of fluid & specific heat at constant pressure of fluid to the product of thermal conductivity & length of pipe in which fluid is flowing.

It is denoted by N_{Gz}

In mathematically

$$N_{Gz} = \frac{\dot{m} c_p}{K \cdot L}$$

We know that.

$$\dot{m} = A u \rho$$

$$\dot{m} = \frac{\pi}{4} D^2 u \rho$$

then

$$N_{Gz} = \frac{\frac{\pi}{4} D^2 u \rho \cdot c_p}{K \cdot L}$$

$$N_{Gz} = \frac{\frac{\pi}{4} D \cdot D u \rho \cdot c_p u}{K \cdot L u}$$

$$N_{Gz} = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{D u \rho}{u} \cdot \frac{c_p u}{K} \cdot \frac{D}{L}$$

$$N_{Gz} = \frac{\pi}{4} N_{Re} \cdot N_{Pr} \cdot \frac{D}{L}$$

$$N_{Re} \cdot N_{Pr} \cdot \frac{D}{L} = \frac{4}{\pi} N_{Gz} \quad \text{--- ①}$$

We know that Sieder Tate eqn (for laminar flow)

$$\frac{h D}{K} = 1.86 \left[N_{Re} \cdot N_{Pr} \cdot \frac{D}{L} \right]^{1/3} \left(\frac{\mu}{\mu_s} \right)^{1/4} \quad \text{--- ②}$$

put the value of $N_{Gr} \cdot N_{Pr} \cdot \frac{D}{L}$ from eqn ① in eqn ②.

then we get.

$$\frac{hD}{k} = 1.86 \left[\frac{4}{\pi} N_{Gr} \right]^{1/3} \left(\frac{\mu_f}{\mu_s} \right)^{1/4}$$

$$\frac{hD}{k} = 1.86 \left[\frac{4 \times 1}{22} N_{Gr} \right]^{1/3} \left(\frac{\mu_f}{\mu_s} \right)^{1/4}$$

$$\boxed{\frac{hD}{k} = 1.86 \cdot 2.0 [N_{Gr}]^{1/3} \left(\frac{\mu_f}{\mu_s} \right)^{1/4}}$$

* calculate the overall H.T coe *
we know that.

$$U_o = \frac{1}{\frac{1}{h_o} + \frac{L_w A_o}{k_w A_{lm}} + \frac{A_o}{h_i A_i}}$$

$$\frac{1}{U_o} = \frac{1}{h_o} + \frac{L_w A_o}{k_w A_{lm}} + \frac{A_o}{h_i A_i}$$

we have

$$A_o = \pi D_o L$$

$$A_i = \pi D_i L$$

$$A_{lm} = \pi D_{lm} L$$

$$\therefore \frac{A_o}{A_i} = \frac{\pi D_o L}{\pi D_i L} = \frac{D_o}{D_i}$$

$$\frac{A_o}{A_{lm}} = \frac{\pi D_o L}{\pi D_{lm} L} = \frac{D_o}{D_{lm}}$$

$$\therefore \frac{1}{U_o} = \frac{1}{h_o} + \frac{L_w D_o}{k_w D_{lm}} + \frac{D_o}{h_i D_i}$$

similary

$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{h_i} + \frac{L_w D_i}{K_w D_{LM}} + \frac{D_i}{h_o D_o}$$

For thin walled tube, the inside & outside radii are not much different from each other. The overall heat transfer coe U_o & U_i may be replaced by simply U . ($D_i = D_o = D_{LM}$)

then.

$$\boxed{\frac{1}{U} = \frac{1}{h_i} + \frac{L_w}{K_w} + \frac{1}{h_o}}$$

when the metal wall resistance is very small in comparison with the resistance of fluid film.

$$(L_w = 0)$$

then

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_i} + 0 + \frac{1}{h_o}$$

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_i} + \frac{1}{h_o}$$

$$\boxed{\frac{1}{U} = \frac{h_o + h_i}{h_i h_o}}$$

$$\boxed{U = \frac{h_i h_o}{h_o + h_i}}$$

We know that

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{K_w A_{LM}} + \frac{1}{h_i A_i}$$

$$\boxed{\frac{1}{U} = R}$$

अतः U का मात्र increase होगा तो R का मात्र decrease होगा।

* Fouling factor *

जब हम किसी Heat exchanger के through Heat transfer करते हैं, तो hot fluid से cold fluid तक Heat का transfer होने के लिए three resistance को cross करना पड़ता है। अतः इसके लिए U का मान निम्न होता है।

$$U = \frac{1}{\frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{K_w A_{LM}} + \frac{1}{h_i A_i}}$$

$$\boxed{\frac{1}{U} = \frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{K_w A_{LM}} + \frac{1}{h_i A_i}} \quad \text{--- ①}$$

$\frac{1}{h_o A_o}$ = Resistance offered by outside ^{stagnant} fluid.

$\frac{1}{h_i A_i}$ = Resistance offered by inside stagnant fluid.

$\frac{L_w}{K_w A_{LM}}$ = Resistance offered by metal wall.

But अगर flow होने वाले hot fluid और cold fluid में dirt / impurity हो, तो ^{tube} pipe के inner side तथा outer side पर इस impurity का scale formation / deposition हो जाता है। जिससे इस impurity की एक layer बन जाती है, जिससे heat transfer कम होता है। अतः pipe/tube के inner & outer surface पर impurity का Deposition को ही fouling कहते हैं।

अब heat transfer के लिए 3 resistance हो जाते हैं। पहले के ही resistance और दो

R_i = Resistance due to deposition of inner surface.
 R_o = " " " " " outer " "

इन दोनों को Add करके total Resistance मिलान लेते हैं।
deposition

$$R_d = R_i + R_o$$

R_d is known as fouling factor.

then eqn becomes.

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{1}{h_i A_i} + (R_i + R_o)$$

$$\frac{1}{U} = \frac{1}{h_o A_o} + \frac{L_w}{k_w A_{lm}} + \frac{1}{h_i A_i} + R_d$$

* overall heat transfer coe *

There are two types of overall heat transfer coe.

1 → Clean overall H.T coe.

2 → Dirty overall H.T coe.

(Design overall H.T coe)

* किसी भी heat exchanger को design करते समय Dirty/Design overall H.T coe को ही calculate करते हैं।

* Flow arrangement *

There are three types of flow arrangement in Heat exchanger.

- 1 → co current / parallel current flow
- 2 → counter current flow
- 3 → cross flow.

* ^{Imp} Log mean temp diff (LMTD) *

We know that H.E में overall heat transfer का eqn.

$$Q = U A \Delta T$$

अतः यहाँ पर हमारी सबसे बड़ी समस्या यह होती है कि ΔT कब का ले, क्योंकि ΔT का मान H.E के अन्दर point - 2 पर vary करता है।

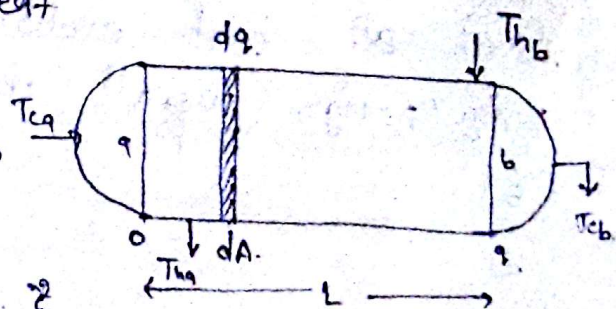
अतः हम ΔT के स्थान पर ΔT_{LM} का use करते हैं।

माना कोई H.E है, जिसमें heat flow counter current में हो

रहा है। इस H.E के अन्दर एक thin film की कल्पना करते हैं,

जिसकी heat flow की area, dA है

तथा इसके through rate of heat transfer dQ है। तथा इस film के दोनों side के temp में ΔT है।



we know that.

Heat flux $\propto$ D.F.

अतः thin film के लिए

$$\frac{dq}{dA} \propto \Delta T.$$

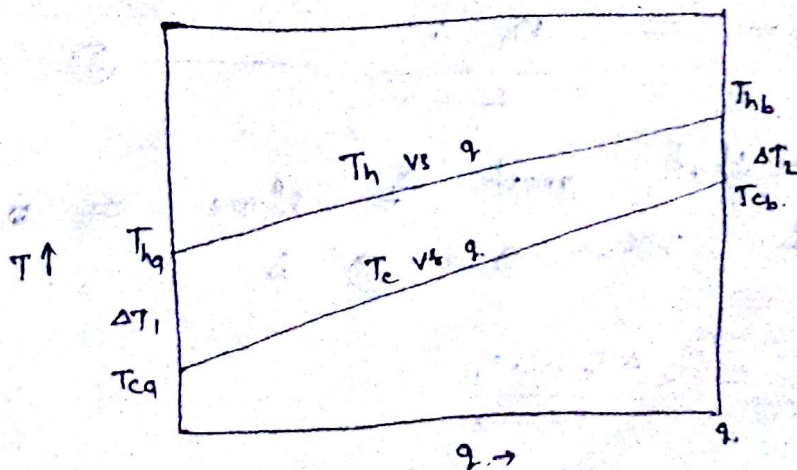
$$\frac{dq}{dA} = U \Delta T$$

$$dq = U \cdot dA \Delta T \quad \text{--- 0}$$

जब H.E में flow हो रही fluid के लिए कुछ Assumption लेंते हैं।

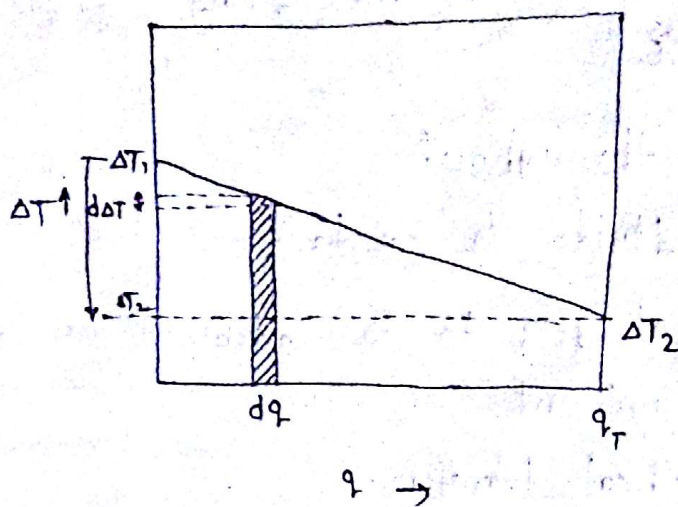
- 1 $\rightarrow$ U is constant throughout.
- 2 $\rightarrow$ specific heat of fluids is constant.
- 3 $\rightarrow$ There is no heat loss to the ambient & no heat gain from the ambient.
- 4 $\rightarrow$ steady state & heat transfer.

अगर flow counter current की हो रही है, तो T & q के बीच graph निम्न प्राप्त होगा है।



42
 इस graph में hot fluid & cold fluid दोनों का graph straight line प्राप्त होती है, क्योंकि दोनों fluid के specific heat constant है। तथा system (HE) से न heat loss हो रही है और न ही system में add हो रही है।

अब अगर हम hot & cold fluid के बीच temp diff और q में graph खींचते हैं, तो निम्न आया।



अब thin film को इस graph पर दिखाते हैं।
 graph से —

$$\text{slope} = \frac{d\Delta T}{dq} \quad (\text{thin layer के}) \quad \text{--- ①}$$

$$\text{slope} = \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{q_T - 0} \quad \text{--- ③}$$

∴ we know that graph के slope एक ही equal होते हैं। अतः ① & ③ से

$$\frac{d\Delta T}{dq} = \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{q_T - 0}$$

put the value of dq from eqn ①

$$\frac{d\Delta T}{U \cdot dA \cdot \Delta T} = \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{q_T}$$

$$\frac{d\Delta T}{\Delta T} = \frac{U \cdot dA (\Delta T_2 - \Delta T_1)}{q_T}$$

Integrating with limit

$$\int_{\Delta T_1}^{\Delta T_2} \frac{d\Delta T}{\Delta T} = \int_0^{A_T} \frac{U \cdot (\Delta T_2 - \Delta T_1)}{q_T} dA$$

$$\ln \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} = \frac{U \cdot (\Delta T_2 - \Delta T_1)}{q_T} (A_T - 0)$$

$$\ln \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} = \frac{(\Delta T_2 - \Delta T_1) \cdot U \cdot A_T}{q_T}$$

$$q_T = U \cdot A_T \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{\ln \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1}}$$

$$q_T = U \cdot A \cdot \Delta T_{LM}$$

where

$$\Delta T_{LM} = \frac{\Delta T_2 - \Delta T_1}{\ln \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1}}$$

is known as Logarithmic mean temp diff.

* Most imp note *

→ we know that

$$q = U_i A_i \Delta T_{LM} = U_o A_o \Delta T_{LM} = U \cdot A \Delta T_{LM}$$

overall heat transfer. we U_o & U_i में से कौन ले

for calculation को इसके लिए निम्न cond है।

we know that

Hot fluid का heat, cold fluid में जाता है, तो उसे ही resistance पार करना होता है।

first resistance (resistance offered by stagnant film of Hot fluid)

$$R_o = \frac{1}{h_o A_o}$$

second resistance (metal wall)

$$R_w = \frac{L_w}{k_w \cdot A_{LM}}$$

third resistance (Resistance offered by stagnant film of cold fluid.)

$$R_i = \frac{1}{h_i A_i}$$

metal का Resistance कम होता है, क्योंकि इसकी thermal conductivity ज्यादा होती है।

अतः R_o & R_i में जिसका मान ज्यादा हो अर्थात् जिसका resistance अधिक हो, उसी side की area के base पर overall heat transfer coefficient निकालते हैं।

2 → for counter current. *

$$\Delta T_{LM} = \frac{320 - 100}{\ln \frac{320}{100}} = \frac{230}{1.19} \cdot \frac{10}{0.035}$$

$$\Delta T_1 = 230 \text{ K}$$

$$\Delta T_2 = 240 \text{ K}$$

$$= \frac{121.05}{256.41} \text{ K}$$

for co current.

$$\Delta T_1 = 400 \text{ K} \quad \Delta T_2 = 70 \text{ K}$$

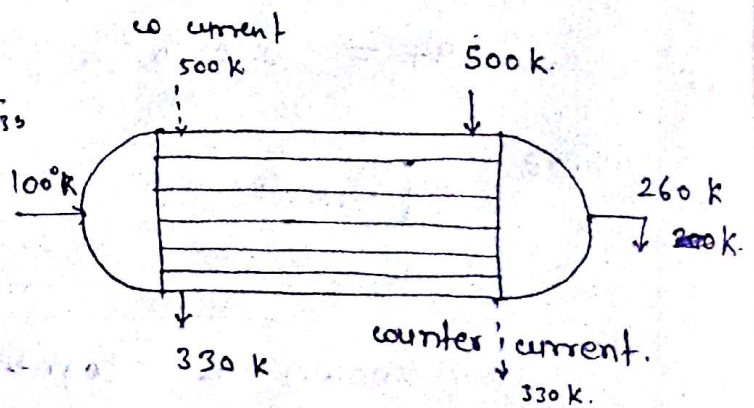
$$\Delta T_{LM} = \frac{70 - 400}{\ln \frac{70}{400}} = \frac{7 \cdot 330}{1.74} = 189.65 \text{ K}$$

Egn =

$$Q = U \cdot A \cdot \Delta T_{LM}$$

$$Q \propto \Delta T_{LM}$$

अतः जिस flow arrangement में ΔT_{LMTD} का मान ज्यादा होगा, उसमें उतनी ही rate of H.T अधिक होगी। अतः parallel current की अपेक्षा counter current में rate of heat transfer ज्यादा होती है।



parallel current में LMTD का मान कम है। अतः इसमें rate of heat transfer इतनी ही पाने के लिए (जितनी counter current flow में हो रही थी) ज्यादा surface area को बढ़ाना होगा क्योंकि

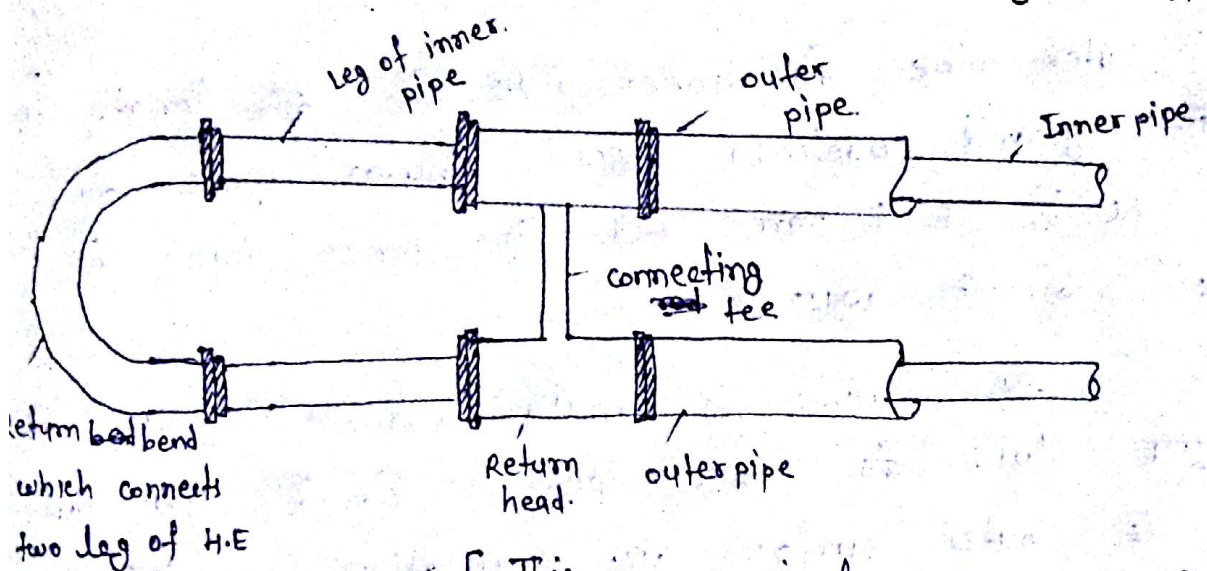
$$Q = U \cdot A \cdot \Delta T_{LM}$$

$$Q \propto A \cdot \Delta T_{LM}$$

अगर ΔT_{LM} कम है, तो A बढ़ाना होगा इसी Q constant होगा।

अतः surface बढ़ाने के लिए Heat exchanger की length भी बढ़ानी होगी।

* Double pipe heat exchanger *



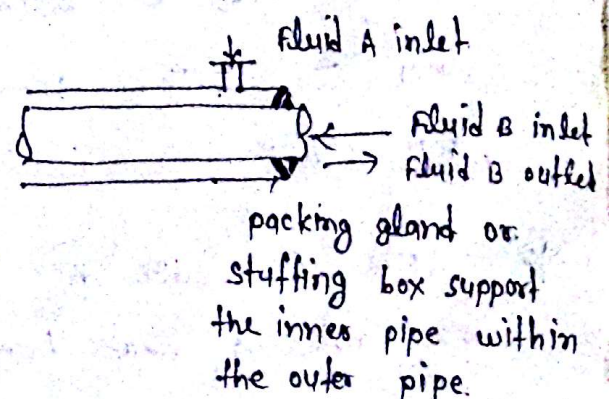
[This is one single Hair pin.]

* surface area = 100 - 150 ft²
(9.29 - 14 m²)
(maximum)

* pipe size normally .

Dia of inner pipe = 1 $\frac{1}{4}$ " (inch)

Dia of outer pipe = 2 $\frac{1}{2}$ " (inch)



* construction & working *

इसमें दो concentric pipe होती है। inner pipe की dia $1\frac{1}{4}$ " तथा outer pipe की dia $2\frac{1}{2}$ " होती है। inner pipe की जो leg को return bend की help से जोड़ देते हैं। outer pipe, inner pipe की पूरी length पर नहीं लगी होती है उसके कुछ ही length पर लगी होती है। ^{inner} pipe को length पर लगे outer pipe को connecting tee से जोड़ देते हैं, जिससे hot & cold में से कोई एक fluid inner pipe में तथा दूसरी fluid annular space में flow होती है।

outer pipe को inner pipe के कुछ length पर लगाकर gland packing कैंके annular space में jam कर देते हैं। jam करने से inner pipe को support भी हो जाता है।

एक fluid को annular space में तथा दूसरी fluid को inner pipe में देते हैं तथा outer pipe के outer surface पर insulation कर देते हैं। ताकि heat loss न हो। अब दोनों fluid के flow होने के कारण दोनों fluid thermal contact में आती है, तथा heat का transfer. Hot fluid से cold fluid में होता है।

* इसका use वही करते हैं जहाँ surface area कम हो, तो कम rate of heat transfer करना है।

* Advantage *

- 1 → construction is simple , 4 → easily to clean
- 2 → Low maintenance cost.
- 3 → cheap

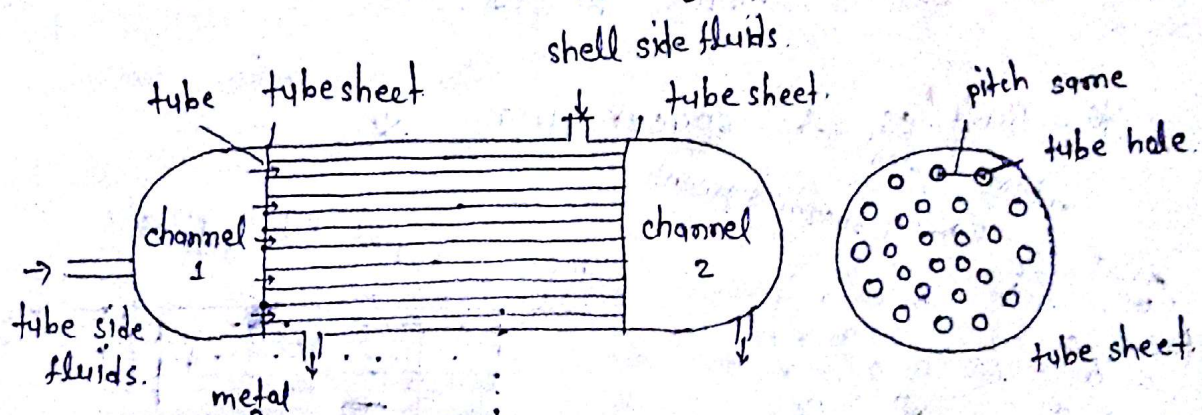
* Disadvantage *

- 1 → small heat transfer takes place.
- 2 → Dismantling requires large time.
- 3 → maximum leakage point.

* uses *

- 1 → Refrigeration service
- 2 → cold store.

* shell & tube type heat exchanger * (tubular exchanger)



इसमें दो tube sheet होती है। जिनमें tube के लिए hole बने होते हैं। दो hole के centre के बीच की दूरी (pitch), same होती है। दोनों sheet को tube से connect कर देते हैं। अब जो structure बनता है, उसे tube bundle कहते हैं। tube bundle में लगे tube sheet की outer dia के equal, inner dia की एक pipe लेकर tube bundle के ऊपर लगा देते हैं तथा tube sheet के दोनों ओर

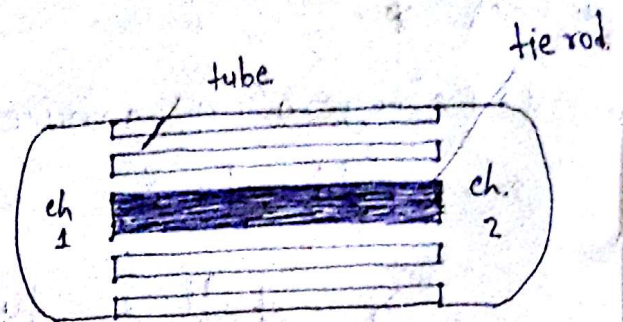
एक hemispherical wall लगा देते हैं।

जिससे tube के दोनों ओर channel बन जाते हैं। इसी wall में एक inlet line तथा दूसरी तरफ outlet line निकाल देते हैं। pipe पर भी fig के acc. inlet & outlet line बना देते हैं। यह shell side होता है।

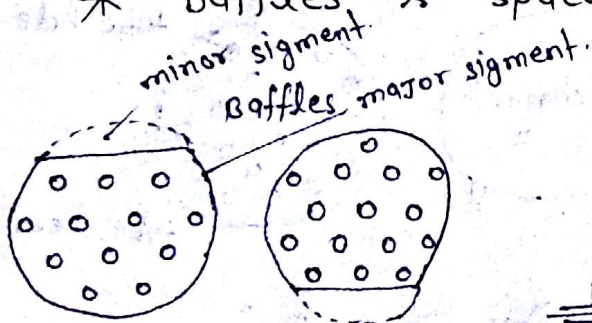
इस type के heat exchanger में tie rod, Baffles & spacer ring भी लगे होते हैं।

Tie rod →

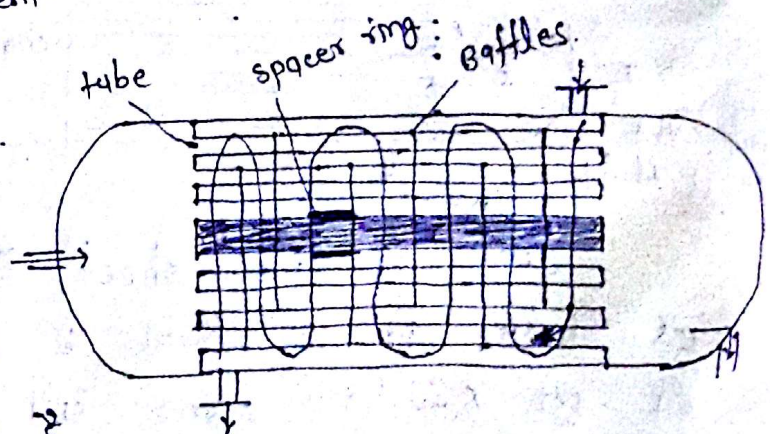
tube sheet को fix करने के लिए tie rod लगाये जाते हैं। यह tube की अपेक्षा मोटे होते हैं। इन्हे भी tube की तरह ही tube sheet में बने hole में लगाकर जॉइंट कर देते हैं।



* Baffles & spacer ring. *



tube sheet के dia का 25% part cut कर देते हैं तथा जो part बचता है, उसे baffle के रूप में use करते हैं।



अगर heat exchanger में baffle न हो, तो shell side की fluid direct bottom में गिरकर straight जाते हुए bottom से निकल जायेगी तथा major part of tube के surface को heat नहीं देगी। अर्थात् heat transfer नहीं होगा। इसलिए हम Baffle का use करते हैं।

ताकि सभी tube के surface के through heat transfer हो सके।

* Advantage *

1 → In tube, baffle से होकर गुजरते हैं, जिसके कारण up की fluids को tube आसानी से सन कर लेते हैं तथा damage नहीं होते क्योंकि baffles tube को support किये होते हैं।

2 → baffles के कारण fluids बार-बार मुड़ती हैं, जिसके कारण इसमें turbulent flow होती है। Turbulent flow होने के कारण fluids की stagnant layer बहुत पतली होती है जिससे resistance कम होता है, जिससे rate of heat transfer ज्यादा होता है।

or.

turbulent flow के कारण N_{Re} का मान बढ़ता है। जिससे h का मान बढ़ता है, फलस्वरूप rate of heat transfer बढ़ जाता है।

$$\boxed{h \propto N_{Re}^0.8} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{from pittua boelter.} \\ \text{or sider late eqn} \end{array} \right\}$$

* spacer ring *

दो baffle को tie rod से spacer ring से connect कर देते हैं, ताकि baffle भी fix हो जाय।

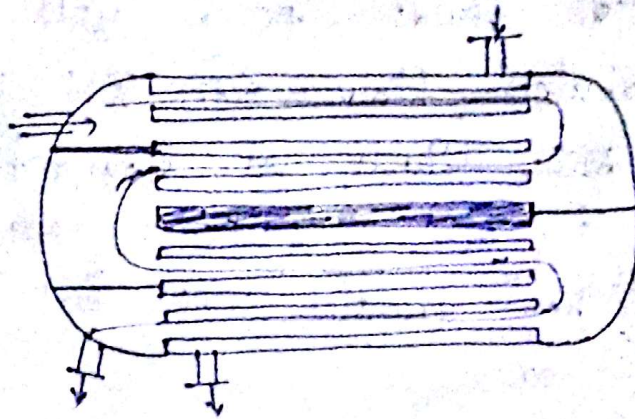
उपरोक्त Heat exchanger में shell fluid & tube fluid दोनों 1 pass होकर जाती हैं।

अतः इस heat exchanger को 1-1 pass shell & tube type heat exchanger कहते हैं।

इसमें पहले वाला no, shell side तथा दूसरा no tube side के लिए होता है।



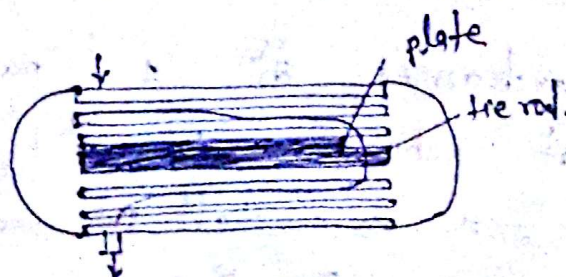
(1-2 pass shell & tube type H.E)



(1-4 pass shell & tube type H.E)

इसी प्रकार tube side के fluid को 2, 4, 6, 8, max 12 pass का बना सकते हैं। But ऐसा करने से H.E exchanger complicated होता जाएगा।

ठीक इसी प्रकार shell side के fluid को भी एक से अधिक pass में ले जा सकते हैं। इसके लिए tie rod को tube sheet के centre पर लगा देते हैं तथा tube sheet के dia के equal plate, जिसकी length H.E के से थोड़ी कम होती है, लगा देते हैं। इससे shell side की fluid भी दो pass में बर जाती है।



* some imp notes *

1 → H.E में no of pass बढ़ने से fluid को same mass flow rate पर flow करना है, जिस surface area कम मिलती है, जिससे fluid की velocity बढ़ जाती है। velocity बढ़ने से npe का मान बढ़ता है। we know that,

$$\frac{hp}{K} = 0.022 (NRe)^{-1/4} (NPr)^{1/4} \left(\frac{\mu}{\mu_s}\right)^{1/4}$$

$$h \propto (NRe)^1 \quad \left[\because NRe = \frac{\rho u \mu}{\mu} \right]$$

अतः velocity बढ़ने पर h का मान बढ़ता है, जिससे rate of heat transfer ज्यादा होता है।

But ऐसा करने से frictional losses होता है, जिससे fluid को flow करने के लिए अधिक समान के pump का use करना होगा और बहुत सारे problem create हो जाते हैं।

2 → shell & tube heat exchanger की construction में निम्न चीजें होती हैं।

- | | | |
|---------------------|----------------|------------------------|
| 1 → two tube sheet. | 5 → tubes | 8 → channel covers |
| 2 → Tie rod | 6 → shell | 9 → 4 nozzles |
| 3 → spacer rings. | 7 → channel | (1 2 shells + 2 tubes) |
| 4 → Baffles | (tube bundle). | |
| 5 → tubes. | | |

3 → (i) There is no clearance b/w shell & baffle

(ii) There is no clearance b/w tube & baffle

4 → (i) अगर H.E में no of pass even है, तो inlet & outlet एक ही channel में होता है।

(ii) अगर no of pass odd है, तो inlet एक channel से तथा outlet दूसरे channel से होता है।

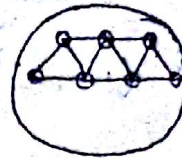
* tube pitch *

दो Adjacent tube के centre की minimum दूरी को ही tube pitch कहते हैं।

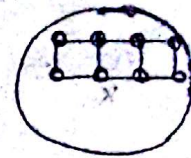
यह दो प्रकार का होता है।

1 → 60° pitch (Triangular pitch) (a)

2 → 90° pitch (square pitch) (b)



(a)



(b)

* Difference b/w triangular & square pitch arrangements

Triangular pitch

1 → इसमें no of tubes ज्यादा होती है।

2 → no of tubes अधिक होने के कारण tube की surface area अधिक होती है, जिससे rate of heat transfer ज्यादा होता है।

3 → tubes अधिक होने के कारण shell की area कम हो जाती है, जिसे shell side की fluid की velocity बढ़ जाती है। तथा fouling एग के acc. $\Delta P \propto u^2$

pressure drop बढ़ जाता है। अतः fluid को H.E. में भेजने के लिए pump लगाना पड़ेगा। अतः pumping cost बढ़ेगी। तथा frictional losses भी बढ़ेगी।

4 → tube की outer surface clean करने में problem होती है।

5 → अगर shell side की fluid very clean हो, तो इस pitch का use करते हैं।

square pitch

इसमें no of tubes अपेक्षाकृत कम होती है।

no of tubes कम होने के कारण tube की surface area कम होती है, जिससे rate of heat transfer कम होता है।

इसमें shell की area ज्यादा होती है। अतः frictional losses अपेक्षाकृत कम होते हैं तथा pump की आवश्यकता नहीं पड़ती है। अर्थात् pressure drop low होता है।

tube की outer surface की cleaning easily हो जाती है। इस pitch में shell side की fluid impure हो, तो भी use करते हैं।

Imp * Removal of scale formation / deposition * in shell & tube type H.E

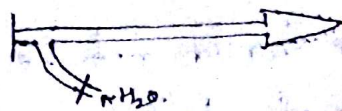
Heat exchanger में deposition को दो तरह से remove करते हैं।

1 → Mechanical means *

इस means में deposition remove करने के लिए दो mechanical device का use करते हैं।

(i) wire brushes → अगर deposition hard नहीं है, तो इसका use करते हैं। इससे tube की internal surface तथा square pitch है, तो outer surface of tube की cleaning हो जाती है।

(ii) Augers *



अगर deposition hard है, तो इसका use करते हैं। इससे tube की internal surface तो साफ हो जाती है, लेकिन outer surface की cleaning नहीं हो पाती है।

2 → chemical means *

जब mechanical means से deposition की cleaning नहीं हो पाती है, तब chemical means का use करते हैं।

जहाँ पर cleaning करनी होती है वहाँ dilute HCl (0.5 - 2% conc) देते हैं, जिससे deposition से rxn

करके HCl, sludge के रूप में बाहर आ जाती है।

उसके बाद water से flush कर देते हैं ताकि acid भी

धुल जाय तथा corrosion न हो। पुनः dilute alkali देते हैं

जिससे जो acid वॉश neutralise हो जाय तथा Cr_2O_4

भी देते हैं, जिससे chromium oxide की layer tube की surface

पर हो जाती है।

* Baffles pitch *

H.E. में दो Baffles (adjacent) के centre की minimum distance को Baffle pitch कहते हैं।

* Data of tube pitch, clearance and Baffle pitch *

1 → Dia of tubes = 6 mm - 40 mm ($\frac{1}{4}$ " - 1") maximum use

2 → thickness of tubes = 10 - 12 BWG (Birmingham wire gauge)

3 → tube pitch = minimum $1.25 \times$ outer dia of tube

4 → clearance = 0.25 of outer dia of tube (not less than)
= 4.76 mm (minimum)

5 → Baffle pitch = It should not be higher than internal dia of shell.

= 20% of the internal dia of shell.
(not less than)

= 30% - 50% of I.D of shell.

= 50% of I.D of shell. (maximum use)
(optimum)

* B.W.G *

The wall thickness of tube is usually expressed in term of BWG. It depend upon the material of construction and diameter.

It ranges about from 10 - 24 BWG.

(i) The value of BWG increase then wall thickness of tube is decreases.

(ii) The value of BWG decrease then wall thickness of tube is increases.

* Baffles *

Tubular H.E. क में Baffles तीन तरह से लगाई जाती हैं।

1 → Segmental Baffle *

इसे दो अन्य नामों से भी जानते हैं।

25% cut segment Baffle

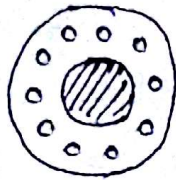
75% segment Baffle.

इसका use mostly होता है।

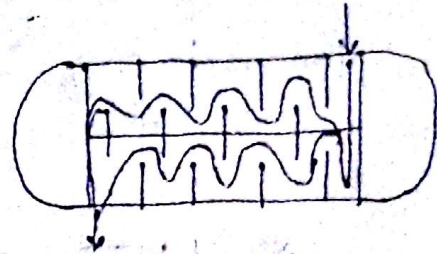
2 → Ring & Disc type Baffles *



Disc



ring.



3 → orific type Baffle *

इसका use बहुत कम होता है। यह छोटे H.E. के लिए use होती है।

* Fluid flow arrangement in shell & tube side of H.E *

हमारे लिए यह भी एक problem होती है कि किस fluid को shell side से गुजारे तथा किस fluid को tube side से दे। कुछ निम्न problem solve किए गए हैं।

1 → Corrosive fluid = tube

Non corrosive fluid = shell

2 → High corrosive fluid = tube

Low corrosive fluid = shell

3 → viscous fluid = shell
 Less viscous " = tube

4 → Gas $\Rightarrow$ shell
 Liq = tube

5 → dirty fluid = tube
 clean fluid = shell.

6 → High dirty fluid = tube
 Low dirty fluid = shell

7 → condensing fluid = shell
 Non condensing fluid = tube

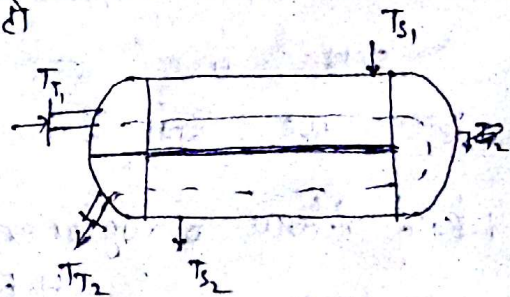
* LMTD correction factor *

जब H.E में pass हो रही है, तो

उसमें co current & counter
 current दोनों प्रकार के flow

होते हैं, तब LMTD का मान

निकालने में दिक्कत होती है। अतः हम ऐसा कि जानते हैं,
 कि LMTD counter current में अधिक तथा co current
 में कम होती है। अतः जब co current & counter current
 दोनों flow होती है, तो LMTD का मान इन दोनों के बीच
 में होता है। अतः rate of heat transfer.



$$q = UA F_T \Delta T_{LM}$$

where F_T = LMTD correction factor.

F_T का मान 0.85 - 0.9 के बीच वर्ण्य करता है।

* Classification of Heat exchanger *

(57)

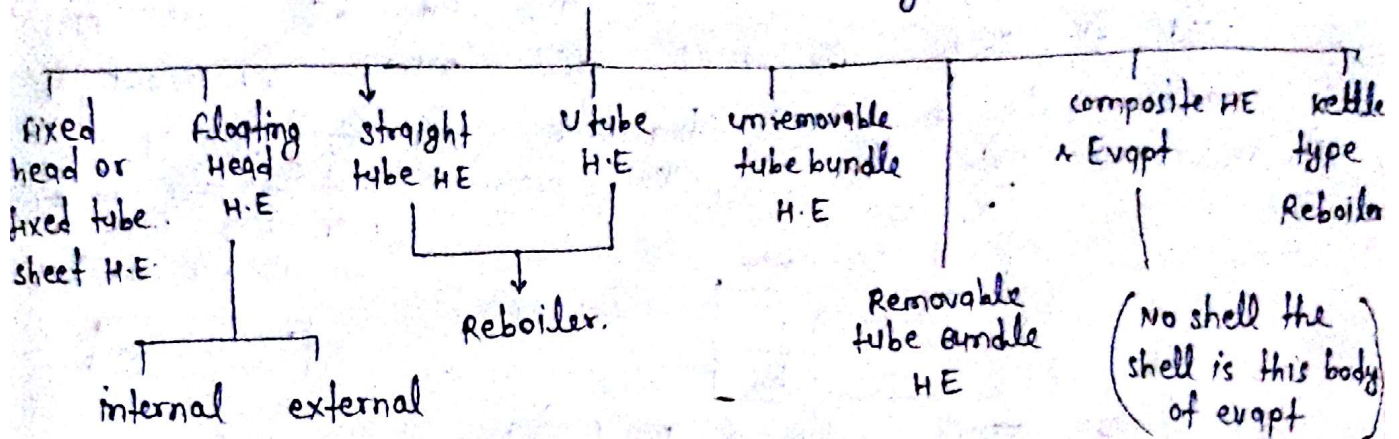
1 → Based on purpose *

- (a) Heater (b) cooler (c) condenser (d) Reboiler (e) Boiler
(f) WHG (g) vapouriser (h) Evaporator (i) chiller.

2 → Based on construction *

(i) Double pipe heat exchanger

(ii) shell & tube type heat exchanger



(iii) Extended surface type H.E (or Finned tube H.E)

(iv) plate / frame type H.E

(v) scrapped surface H.E.

(vi) Graphite block H.E

Extended surface type H.E

(finned tube type heat exchanger)

माना कोई H.E है जिसमें tube side में flow हो रही fluid का heat transfer coe high है तथा shell side में flow होने वाली fluid का heat transfer coefficient बहुत low है (in comparison to fluid of tube side). अब shell side से rate of heat transfer बहुत कम होगा क्योंकि h_o का मान बहुत less है और ये इसका resistance बहुत अधिक हो जाता है जिससे rate of heat transfer कम हो जाता है।
चूंकि resistance अधिक होने के कारण overall heat transfer coe भी घट जाएगा। जिससे Q का मान भी कम होगा।

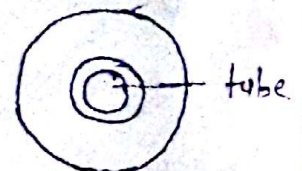
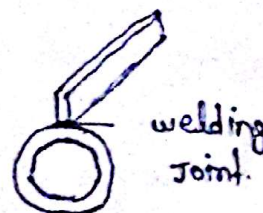
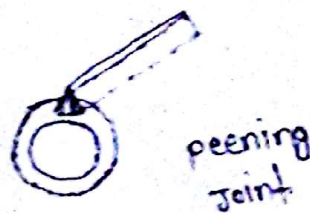
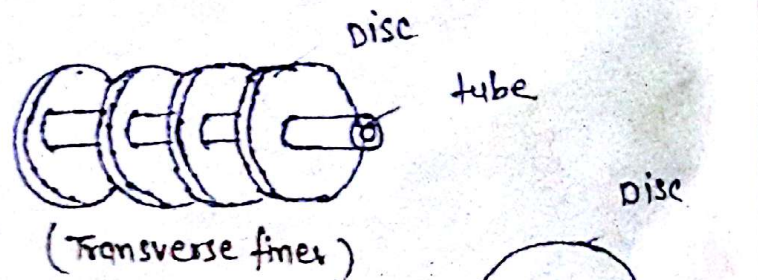
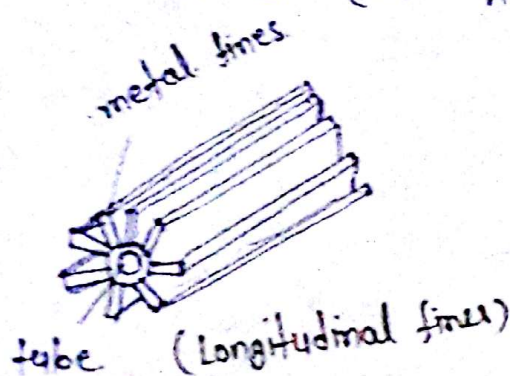
$$R_o = \frac{1}{h_o A_o}$$

$$R_o \propto \frac{1}{h_o}$$

$$Q = U A_o \Delta T_{LM}$$

अतः अगर rate of heat transfer बढ़ाना है, तो A_o बढ़ाना होगा। But A_o बढ़ाने पर उसी h_o में A_i भी बढ़ती है। अतः हम यह shell & tube type H.E का इस्तेमाल नहीं कर सकते हैं।

अतः हम एक ऐसा H.E बनाते हैं, जिसमें A_i fix हो तथा A_o का मान बहुत अधिक हो।



इस type के heat exchanger को Extended surface type heat exchanger कहते हैं।

- इस H.E में दो तरह से Extended surface बगते हैं।
- 1 → Longitudinal fins (Axially fins)
 - 2 → Transverse fins (Radially fins)

इसमें एक tube होती है, जिसके ऊपर metal strip लगा दी जाती है, जिससे outer surface area बढ़ जाती है। यह Longitudinal fins का case होता है।

In case of transverse

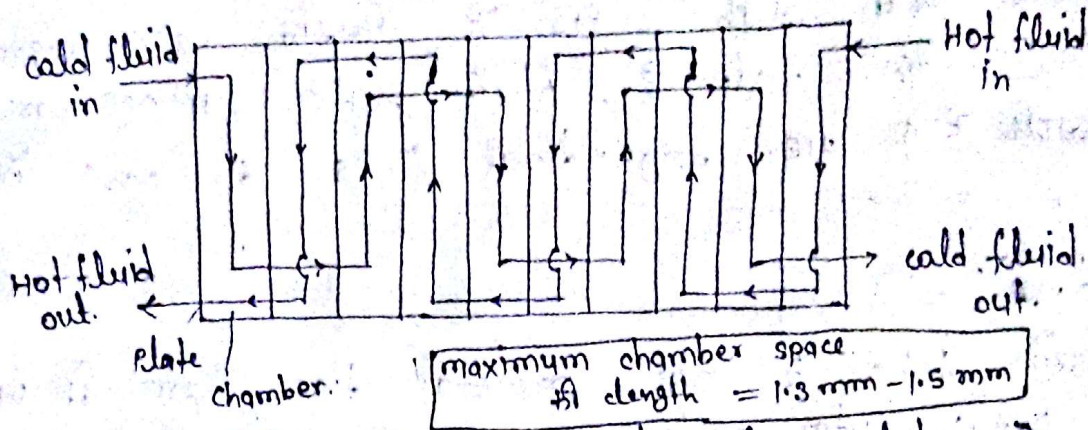
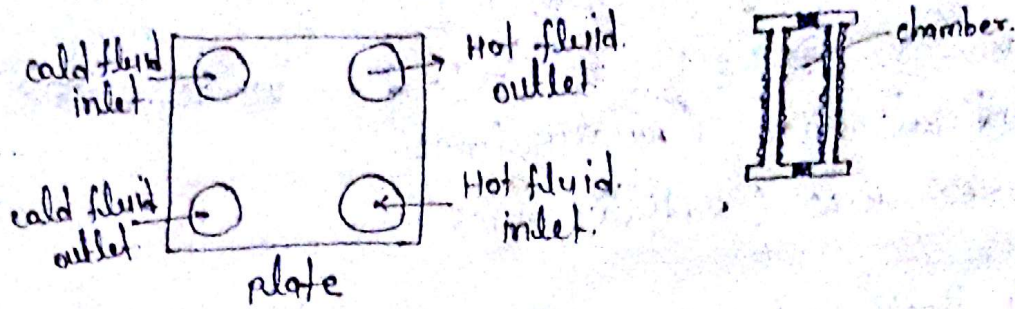
इसमें tube के ऊपर metal disc लगा दी जाती है, जिससे outer surface area बढ़ जाती है। metal disc के centre में tube के outer dia का छेद है तथा उसमें tube लगाकर weld कर देते हैं।

NOTE - 1 → जब एक fluid बहुत viscous हो तथा एक fluid कम viscous हो, तो भी इसका use करते हैं।

जब एक fluid की H.T. low अच्छी हो तथा एक fluid की H.T. low बहुत low हो, तो भी इसका use करते हैं।

- 2 → जब peening joint होती है, तो cleaning easily हो जाती है।

* ~~Imp~~ Plate type of H.E *



यह Heat exchanger Rectangular plate के series में लगाने से बना है, जिसकी thickness side में मोटी तथा बीच में पतली होती है। इन plates को series में रखने पर chamber बनता है। इसी chamber में hot fluid and cold fluid को Alternately flow करते हैं अर्थात् जिस chamber में hot fluid flow होती है, उसमें cold fluid नहीं flow होती है।

plates के चारों कोने पर चार holes होते हैं, जिसमें से दो Hot fluid के in और out तथा दो cold fluid के in और out के लिए होते हैं।

इन holes पर rubber gasket लगे होते हैं।

इसकी help से बहुत viscous fluid को भी handle किया जा सकता है।

इसके द्वारा लगभग 300 poise or 30000 cp तक की viscous fluid को handle कर सकते हैं। क्योंकि इसमें fluid की heating बेसी दरफ से हो सकती है। इस plate का surface plane न होकर corrugated होती है, ऐसा turbulence उत्पन्न करने के लिए होता है। इस heat exchanger की area हम अपने इच्छानुसार धाटा बना सकते हैं।

* Advantages of plate type H.E *

- 1→ It requires very small floor space.
- 2→ Low pressure drop
- 3→ Easily dismantling for inspection of plates.
- 4→ High H.T. coe and provide large H.T. area in a small volume.

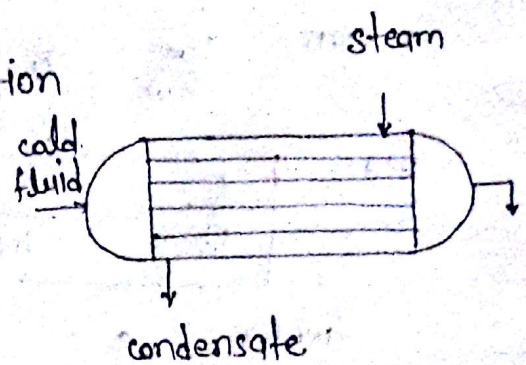
* Disadvantage *

- 1→ Necessity of long gaskets.

* ^{Imp} Wilson plot *

This plot is used for determination of film heat transfer coe.

consider.



माना एक shell & tube h.e type H.E है, जिसमें shell side, से

steam flow हो रही है। तथा condensate out हो जाती है। cold fluid tube side से inlet होकर hot होकर out हो जाती है। इस H.E में clean fluid धोनी चाहिए इसलिए steam का use करते हैं।

इस plot को खींचने के लिए कुछ assumption करते हैं।

- 1→ wall of the tube is very thin.
- 2→ out side of tube steam is flowing.
- 3→ Both side of fluid are flowing turbulent flow.
- 4→ Tube surface is clean.

In this condition.

then $A_i = A_o = A_m$
overall heat transfer coe

$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{h_o} + \frac{L_w}{k_w} + \frac{1}{h_i}$$

यदि h_o constant होगा क्योंकि shell side की fluid का temp constant है।

shell side में steam दते हैं, जो clean fluid होती है तथा turbulent flow होने के कारण outside film पतली होती है, जिससे इसका resistance constant होता है (तथा δ thin wall के कारण)

$$R = \frac{1}{h_o}$$

अतः h_o भी constant होता है।

तथा $\frac{L_w}{k_w}$ भी constant होता है।

अतः

$$\boxed{\frac{1}{U_i} = \frac{1}{h_i} + c} \quad \text{--- (1)}$$

where $c = \frac{1}{h_o} + \frac{L_w}{k_w}$

From Dittus Boelter eqn. $\therefore$

$$\frac{h_i D_i}{k} = 0.023 (N_{Re})^{0.8} (N_{Pr})^{0.4}$$

$$h_i \propto U^{0.8} \quad \left[D_i, k, \rho, \mu, \mu_s \text{ is constant} \right]$$

$$h_i = a U^{0.8}$$

put the value of h_i in eqn (1).

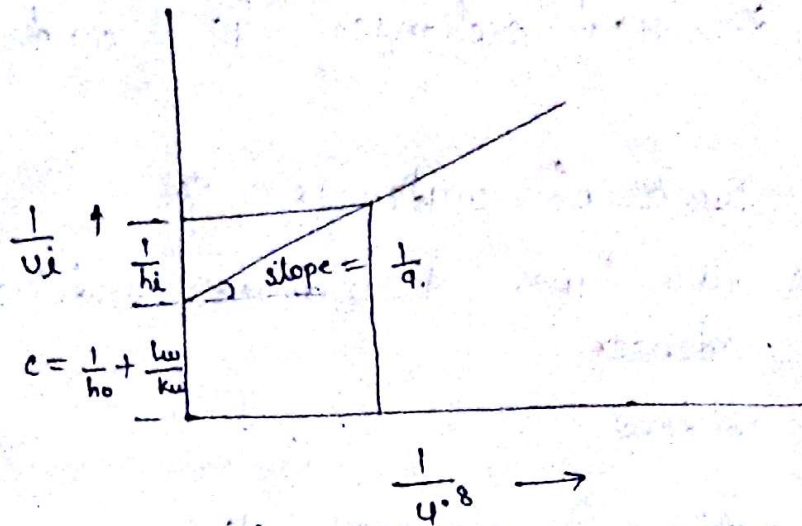
$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{a U^{0.8}} + c$$

$$\frac{1}{U_i} = \frac{1}{a} \cdot \frac{1}{U^{0.8}} + c$$

यह eqn $y = mx + c$ के रूप का है।

अतः जब हम $\frac{1}{U_i}$ तथा $\frac{1}{U_o}$ के मध्य graph खींचते हैं, तो एक सरल रेखा प्राप्त होती है। इस graph की help से overall heat transfer coe based on inside का मान आसानी से निकाला जा सकता है।

इस graph को सबसे पहले wilson नामक scientist ने दिया था इसलिए इसे wilson plot कहते हैं।



* Radiation *

Radiation, heat transfer की वह mode है, जिसमें किसी material or media की आवश्यकता नहीं होती है। इसमें केवल source तथा sink की जरूरत होती है।

कोई भी body जो absolute temp (0 K) से ऊपर के temp पर होती है, वह Radiation छोड़ती है।

Radiation के through heat transfer electro magnetic wave के कारण होता है।
Electro magnetic wave निम्न type की होती है।

- (i) Cosmic ray.
- (ii) Gamma ray.
- (iii) X-ray
- (iv) Ultra violet ray
- (v) visible light (.38 - .78 μm)
(VIBGYOR)
- (vi) Infra red ray (.8 - 400 μm .)
- (vii) Radio ray.

* यह wavelength के बढ़ते क्रम में rays को दिखाया गया है। तथा जिस ray की wavelength जितनी कम होती है वह उसकी मीटन समता उतनी ही अधिक होती है।

* सभी rays में heating energy नहीं होती है केवल infra red ray में ही heat energy होती है। अतः

Radiation के द्वारा heat का transfer, इसी ray के कारण होता है।

* Radiation का जो part किसी body में absorb होता है, केवल वही part heat energy में convert होता है। जिसे ~~Radiant~~ energy कहते हैं।

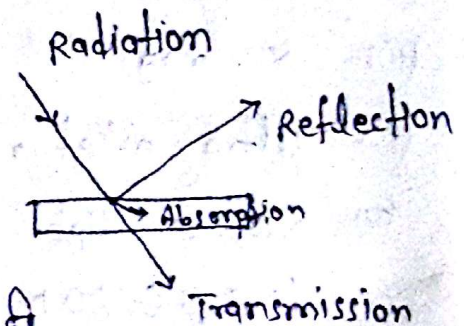
* Electromagnetic wave, straight line में light के velocity से चलती है।

* हम chemical energy में infra red ray के $.8 - 25 \mu\text{m}$ wavelength तक ही study करते हैं।

* Radiation के द्वारा heat transfer, conduction तथा convection की अपेक्षा ज्यादा होता है।

* ~~Imp~~ Reflection, Absorption & transmission of Radiation *

माना कोई radiation कहीं से आ रही है, जब radiation आ रही है, तो वह straight line में चलकर आती है तथा जैसे ही किसी body पर गिरी है, उस radiation की तीन अवस्थाएँ होती हैं।



1 → Reflection → जब Radiation reflect होता है तो वह reflection of radiation कहलाता है।

2 → Absorption → जब Radiation, body द्वारा absorb होती है, वह Absorption of radiation कहलाती है तथा यही heat energy में convert होती है।

हवा अब इसे Radiation भी कहते हैं।

3→ Transmission → जब radiation body के पार हो जाती है तो इसे transmission of radiation कहते हैं।

Radiation का Reflect व transmit part radiation ही होता है।

* Reflectivity *

जब कोई unit radiation किसी body पर गिरी है, तो उस unit radiation का जितना part body द्वारा reflect होता है, वह उस body की reflectivity होती है।

इसे ρ से denote करते हैं।

* जिस body की reflectivity 1 होती है उसे specular body कहते हैं।

अतः

$\rho = 1$	$\alpha = 0$	$\tau = 0$
------------	--------------	------------

* Absorptivity *

जब कोई unit radiation किसी body पर fall होता है, तो उस unit radiation का जितना part body द्वारा absorb होता है, उसे Absorptivity कहते हैं।

इसे α से denote करते हैं।

* जिस body की Absorptivity 1 होती है, वह body, black body कहलाती है।

अतः

$\alpha = 1$	$\rho = 0$	$\tau = 0$
--------------	------------	------------

* transmissivity *

जब कोई unit radiation किसी body पर fall होती है, तो unit radiation का जितना part transmit हो जाता है, transmissivity कहलाता है।

इसे τ से denote करते हैं।

* जिस body की transmissivity 1 होती है, transparent body कहलाती है।

अतः

$\tau = 1,$	$\rho = 0$	$\alpha = 0$
-------------	------------	--------------

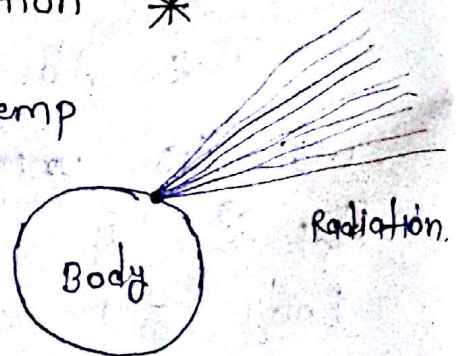
* thus. *

$\rho + \alpha + \tau = 1$

* किसी body का temp जितना अधिक होगा उसकी wavelength उतनी ही कम होती है।

* monochromatic radiation *

कोई भी body जो absolute temp से ऊपर के temp पर होती है, वह Radiation emit करती है।



जब किसी body से Radiation निकलती है, तो उसमें कई प्रकार की ray होती है, जिसकी wavelength diff-2 होती है। अ. जिन-2 ray की wavelength equal होती है, उन सबको monochromatic ray कहते हैं। इन सभी monochromatic ray को collect करके एक Beam (किरण) बनाते हैं।

कहा है, तो इस beam से जो radiation निकलती है, उसे monochromatic radiation कहते हैं।

* Total emitting power *

माना किसी body से radiation हो रही है, तथा λ , wavelength के monochromatic ray की emitting power or radiating power w_λ है।

थी. $\lambda_2 \longrightarrow w_{\lambda_2}$
 $\lambda_3 \longrightarrow w_{\lambda_3}$
 $\lambda_4 \longrightarrow w_{\lambda_4}$

अतः उस body की total emitting power.

$$w = \int_0^\infty w_\lambda d\lambda$$

~~Def~~ * Emitting power or radiating power *

Emitting power of any body is defined as the energy emitted from the body, per unit area per unit time.

It is denoted by w .

$$w = \frac{\text{energy emitted}}{\text{Area} \times \text{time.}} \quad \frac{\text{watt}}{\text{m}^2}$$

* अगर Black body की absorptivity 1 है, तो उसकी emitting power भी 1 होगी।

* Emissivity *

किसी भी दो diff body की emitting power same नहीं होती है।

only black body की emitting power 1 के लगभग होती है।

" Emissivity is defined as the emitting power of any body divided by emitting power of black body at given temp. It is denoted by ϵ (both body are same temp.)

$$\boxed{\epsilon = \frac{\omega}{\omega_b}} \quad \text{--- (A)}$$

where ω = emitting power of any body.
 ω_b = emitting power of black body.

* only black body की emissivity 1 होती है तथा other body की emissivity 1 से कम होती है।

* thermal equilibrium में any body की absorptivity & emissivity equal होती है।

अतः

$$\boxed{\alpha = \epsilon}$$

* Black body पर कुछ rule दिए गए जो अंग्रेजी में दिए जा रहे हैं।

* stefan - baltman rule for black body radiation *

stefan & baltman नामक दो scientist ने black body से होने वाली radiation के लिए एक Rule दिया, जिसे stefan-baltman rule कहते हैं।

"It states that the emitting power of a black body is directly proportional to the four ^{power} times of absolute temp."

consider: w_b = emitting power of a black body.
 T = Absolute temp.

then

$$w_b \propto T^4$$

$$\boxed{w_b = \sigma T^4} \quad \text{--- (x) } \odot$$

where σ = stefan-baltman constant & its value is $5.67 \times 10^{-8} \frac{w}{m^2 \cdot k^4}$

$\therefore$ we know that.

$$e_a = \frac{w}{w_b}$$

$$w = e_a \cdot w_b$$

then from eqn (x)

$$\boxed{w = e_a \sigma T^4} \quad \text{--- (y)}$$

where w = emitting power of any body

* In other word stefan, baltman law ^{for black body.} *

किसी emitting body के surface से होने वाली
rate of energy emitted.

$$q_r = \frac{\text{energy emitted}}{\text{time}} = \frac{Q_r}{t}$$

(i) Rate of energy emitted is directly proportional
to surface area of body.

$$q_r \propto A. \quad \text{--- (1)}$$

(ii) Rate of energy emitted is directly proportional
to four power of Absolute temp.

$$q_r \propto T^4 \quad \text{--- (2)}$$

combining eqn (1) & (2)

$$q_r \propto A \cdot T^4$$

$$\boxed{q_{rb} = \sigma A T^4} \quad \text{--- (for black body) (3)}$$

for non black body.

$$\boxed{q_r = \epsilon A \sigma T^4} \quad \text{--- (4)}$$

for from eqn (3)

$$\frac{q_{rb}}{A} = \sigma T^4 \quad \text{--- (5)}$$

where from eqn (4) & (5)

$$\boxed{w_b = \frac{q_{rb}}{A}}$$

w_b = emitting power of black body.

where $\frac{q_{rb}}{A}$ = emitting flux of black body

— From eqn (4) —

$$\frac{q_r}{A} = \epsilon A \sigma T^4 \quad \text{--- (6)}$$

from eqn (6) & (5)

$$\boxed{w = \frac{q_r}{A}}$$

where w = emitting power of non black body

$\frac{q_r}{A}$ = emitting flux of " " "

Imp

* Kirchhoff's Law *

* First statement *

अदि कई body, एक साथ surrounding में रखी गयी है तथा सभी body, परस्पर तथा surrounding के साथ thermal equilibrium में है, तो thermal equilibrium के temp पर सभी body की emitting power तथा Absorptivity का ratio same होता है।

Let ~~कई~~ body, A, B, C, ... जो thermal equilibrium में है। तथा body की emitting power क्रमशः $w_A, w_B, w_C, \dots$ तथा Absorptivity $\alpha_A, \alpha_B, \alpha_C, \dots$ है, तो :-

* According to this law. *

$$\frac{\omega_A}{\alpha_A} = \frac{\omega_B}{\alpha_B} = \frac{\omega_C}{\alpha_C} = \dots$$

Let $\rightarrow$ two body जिनमे एक black body तथा दूसरी non black body है, तथा दोनों body thermal equilibrium में है। then acc. to kirchoff's law.

$$\frac{\omega_b}{\alpha_b} = \frac{\omega}{\alpha}$$

where. $\frac{\omega_b}{\alpha_b} =$ for black body.

s. $\frac{\omega}{\alpha} =$ for non black body.

~~then~~ $\therefore$ we know that.

for black body

$$\alpha_b = 1$$

then.

$$\frac{\omega_b}{1} = \frac{\omega}{\alpha}$$

$$\alpha = \frac{\omega}{\omega_b}$$

⑦

from eqn (A) & (7)

$$\alpha = \epsilon$$

⑧

* second statement of kirchoff's Law *

Eqn (8) is known as second statement of kirchoff's law.

अतः " जब कोई body surrounding के साथ thermal equilibrium में होती है, तो उस equilibrium temp पर उस body की absorptivity & emissivity same होती है।

$$\alpha = \epsilon$$

* Absorptivity & emissivity is depended upon temp.

अगर temp बढ़ता है, तो body की absorptivity & emissivity दोनों बढ़ती है।

* ^{Ind}wein's displacement law *

we know that:

जैसे - 2 temp बढ़ता है, body की wavelength कम होती जाती है तथा जैसे - 2 temp घटता घटता है उस body से ^{emitted} radiation की wavelength बढ़ती जाती है तथा एक एक ऐसे temp पर पहुँच जाती है जिस पर उस body से emitted radiation की wavelength maximum हो जाती है।

* Acc to this law. *

maximum wavelength at certain absolute temp is inversely proportional to that absolute temp.

if maximum wavelength is λ_m & Absolute temp. is T , then acc to this law.

$$\lambda_m \propto \frac{1}{T}$$

$$\lambda_m = \frac{c}{T}$$

$$\lambda_m \cdot T = c$$

where c is constant & value of c is $2890 \text{ } \mu\text{m}\cdot\text{K}$.

Imp
* Gray body *

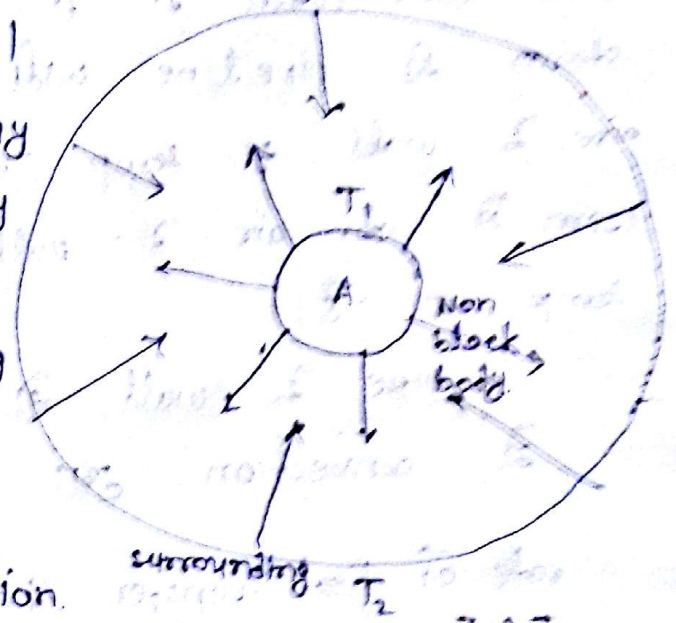
We know that किसी body का temp धट्टे पर वैसे पर उससे emitted radiation की wavelength धट्टी है वही है।

अतः वह imaginary body, जिसकी किसी particular temp पर wavelength धट्टे वैसे पर भी उस body की absorptivity & emissivity के में अंतर न आता हो, ऐसी body को gray body कहते हैं।

* Heat transfer from one body to other body by radiation *

माना एक body A है, जो non black body है।
 तथा surrounding में रखी है।

माना यह surface A से energy
 emit कर रही है तथा इस body
 की emissivity ϵ है। body का
 temp T_1 है तथा surrounding
 का temp T_2 है।



then.

rate of heat transfer by radiation
 from body to surrounding.

$$q_{r1} = \epsilon \cdot A \sigma T_1^4 \quad \text{--- (1)}$$

rate of Heat transfer by radiation from surrounding to body.

$$q_{r2} = \epsilon A \sigma T_2^4 \quad \text{--- (2)}$$

∴ Net heat transfer from the body to surrounding.

$$q_r = \epsilon A \sigma T_1^4 - \epsilon A \sigma T_2^4$$

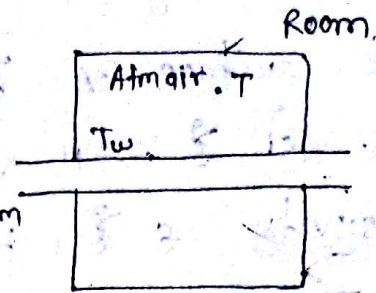
$$\boxed{q_r = \epsilon A \sigma (T_1^4 - T_2^4)}$$

* Radiation heat transfer coefficient *

(Radiant heat transfer coefficient)

माना एक room में से धूम steam की pipeline जाती है।

pipe के wall का temp T_w तथा room में atm air के bulk का steam temp T है।



pipe के wall से Heat का transfer room में convection तथा radiation के through होता है

∴ rate of heat transfer. through convection.

$$q_c = h_c A \cdot (T_w - T)$$

rate of heat transfer through radiation.

$$q_r = \epsilon A \sigma (T_w^4 - T^4)$$

total rate of Heat transfer.

$$q_t = h_c A (T_w - T) + \epsilon A \sigma (T_w^4 - T^4) \quad \text{--- ①}$$

we know that.

Heat flux $\propto \Delta T$

∴ Radiation Heat flux.

$$\frac{q_r}{A} \propto (T_w - T)$$

$$\frac{q_r}{A} = h_r \cdot (T_w - T)$$

$$q_r = h_r \cdot A (T_w - T)$$

$$\therefore q_r = q_c + q_r$$

$$q_r = h_c \cdot A (T_w - T) + h_r \cdot A (T_w - T) \quad \text{--- ②}$$

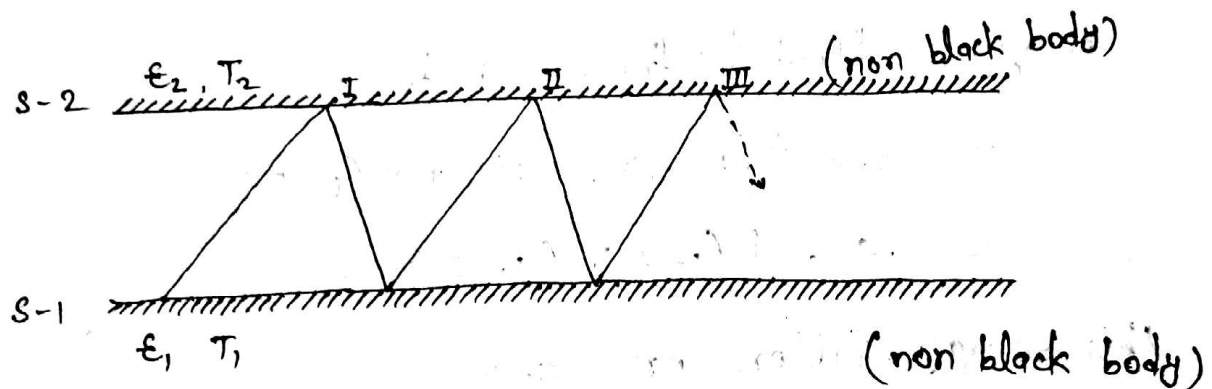
from eqn ① & ②.

$$h_r A (T_w - T) = \epsilon A \sigma (T_w^4 - T^4)$$

$$h_r = \frac{\epsilon \sigma (T_w^4 - T^4)}{(T_w - T)}$$

where h_r = Radiant heat transfer coefficient

Imp
* Heat transfer by radiation b/w two parallel plane (non black body surface) close to each other *



माना दो non black body surface S-1 & S-2 है, जिनकी emissivity क्रमशः ϵ_1 & ϵ_2 है तथा S-1 & S-2 क्रमशः T_1 & T_2 temp पर है। दोनों surface opaque है अर्थात् दोनों surface की transmissivity zero है। तथा Stefan-Boltzmann constant σ है।

then

energy radiated from S-1 per unit area per unit time = $\epsilon_1 \sigma T_1^4$

This energy fallen on S-2

then.

energy absorbed by s-2 at point I

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 \cdot \epsilon_2$$

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 \quad \text{---} \quad \textcircled{1}$$

energy reflected from s-2 to s-1

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 - \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_2)$$

This energy fallen on s-1

then. energy absorbed by s-1

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_2) \cdot \epsilon_1$$

energy reflected from s-1 to s-2.

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_2) - \epsilon_1^2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_2)$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_2) (1 - \epsilon_1)$$

this energy fallen on s-2.

then. energy absorbed by s-2 at point II

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2) \cdot \epsilon_2$$

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2) \quad \text{---} \quad \textcircled{2}$$

energy reflected from s-2 to s-1

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2) - \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2)$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2) (1 - \epsilon_2)$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1) (1 - \epsilon_2)^2$$

This energy fallen on s-1

energy absorbed by s-1

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)^2 \epsilon_1$$

energy reflected from s-1 to s-2

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)^2 - \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)^2 \epsilon_1$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)^2 (1 - \epsilon_1)$$

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^2 (1 - \epsilon_2)^2$$

this energy fallen on s-2

energy absorbed by s-2 at point III

$$= \epsilon_1 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^2 (1 - \epsilon_2)^2 \epsilon_2$$

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^2 (1 - \epsilon_2)^2 \quad \text{--- (3)}$$

similarly. at point IV on s-2.

$$\text{energy absorbed} = \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^3 (1 - \epsilon_2)^3$$

at point V

$$\text{energy absorbed} = \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^4 (1 - \epsilon_2)^4$$

therefore total energy absorbed by s-2 by only radiation.

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 + \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2) + \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^2 (1 - \epsilon_2)^2 + \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 (1 - \epsilon_1)^3 (1 - \epsilon_2)^3 + \dots \infty$$

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 \left[1 + (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2) + (1 - \epsilon_1)^2 (1 - \epsilon_2)^2 + (1 - \epsilon_1)^3 (1 - \epsilon_2)^3 + \dots \infty \right]$$

$$= \epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4 \left[\frac{1}{1 - (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)} \right]$$

$$= \frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4}{1 - (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)}$$

$$= \frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4}{1 - (1 - \epsilon_2 - \epsilon_1 + \epsilon_1 \epsilon_2)}$$

$$= \frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4}{1 - 1 + \epsilon_2 + \epsilon_1 - \epsilon_1 \epsilon_2}$$

$$= \frac{\epsilon_1 \epsilon_2 \sigma T_1^4}{\epsilon_2 + \epsilon_1 - \epsilon_1 \epsilon_2}$$

divide numerator & denominator by $\epsilon_1 \epsilon_2$
then we get.

$$= \frac{\cancel{\epsilon_1} \cancel{\epsilon_2} \sigma T_1^4 / \cancel{\epsilon_1} \cancel{\epsilon_2}}{\frac{\epsilon_2 + \epsilon_1 - \epsilon_1 \epsilon_2}{\epsilon_1 \epsilon_2}}$$

$$= \frac{\sigma T_1^4}{\frac{\cancel{\epsilon_2} + \cancel{\epsilon_1} - \cancel{\epsilon_1} \cancel{\epsilon_2}}{\cancel{\epsilon_1} \cancel{\epsilon_2}}}$$

$$= \frac{\sigma T_1^4}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}$$

$\therefore$ energy transfer from s-1 to s-2

$$\boxed{w_{1-2} = \frac{\sigma T_1^4}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}}$$

similarly.

energy transfer from s-2 to s-1

$$\boxed{w_{2-1} = \frac{\sigma T_2^4}{\frac{1}{\epsilon_2} + \frac{1}{\epsilon_1} - 1}}$$

So . Net heat transfer by radiation from s-1 to s-2

$$w_{net} = w_{1-2} - w_{2-1}$$
$$= \frac{\sigma T_1^4}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1} - \frac{\sigma T_2^4}{\frac{1}{\epsilon_2} + \frac{1}{\epsilon_1} - 1}$$

$$w_{net} = \frac{\sigma (T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}$$

where.

$\frac{1}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}$ is known as overall transfer factor.
or overall interchange factor,
& denoted by F_{12}

So.

$$w_{net} = \sigma F_{12} (T_1^4 - T_2^4)$$

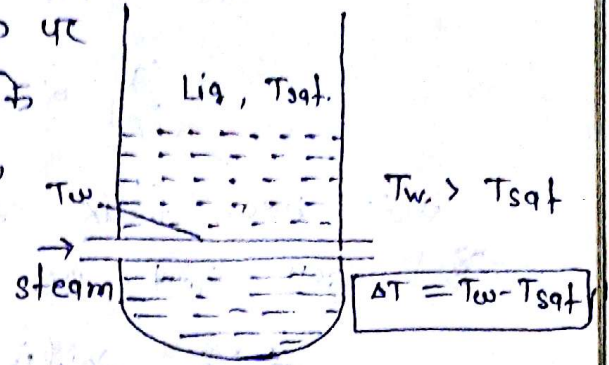
where

$$F_{12} = \frac{1}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}$$

Most imp * Boiling of liquid *

(76)

माना एक vessel में एक Liq है, जो ठीक अपने saturation temp पर है। इस vessel से एक tube के जरिए Hot fluid (steam) देते हैं,



अगर metallic wall का outer surface का temp (T_w), Liq के T_{sat} से अधिक है, तो driving force ($T_w - T_{sat}$) के कारण वह Liq में heat transfer होगा। जैसा कि हम जानते हैं कि जब Liq अपने saturation temp पर है तथा उसका और heat दी जाय, तो वह Latent heat उस Liq को vapour में change करने के लिए जिम्मेदार होगी तथा सबसे पहले जो Liq tube के outer surface पर होगी वह vapour में change हुई होगी तथा छोटे-छोटे vapour के bubbles बनेंगे। इस bubble का surface tension tube के surface के साथ कम है, तो ये vapour के bubble अपने density के कारण ऊपर उठकर Liq level को cross करते हुए Liq के surface पर आते हैं तथा वहाँ से उसके vapour ऊपर भाग जाते हैं। इस प्रकार के boiling को pool boiling कहते हैं।

यदि अभी bubble, density कम होने के कारण Liq level से होकर जा रहे हों तथा अगर Liq अपने saturation temp से कम के temp पर है, तो Liq उस bubble के Latent heat को लेकर उसे पुनः condense कर देती है। इस प्रकार के boiling को subcooled boiling कहते हैं तथा Liq को subcooled Liq कहते हैं।

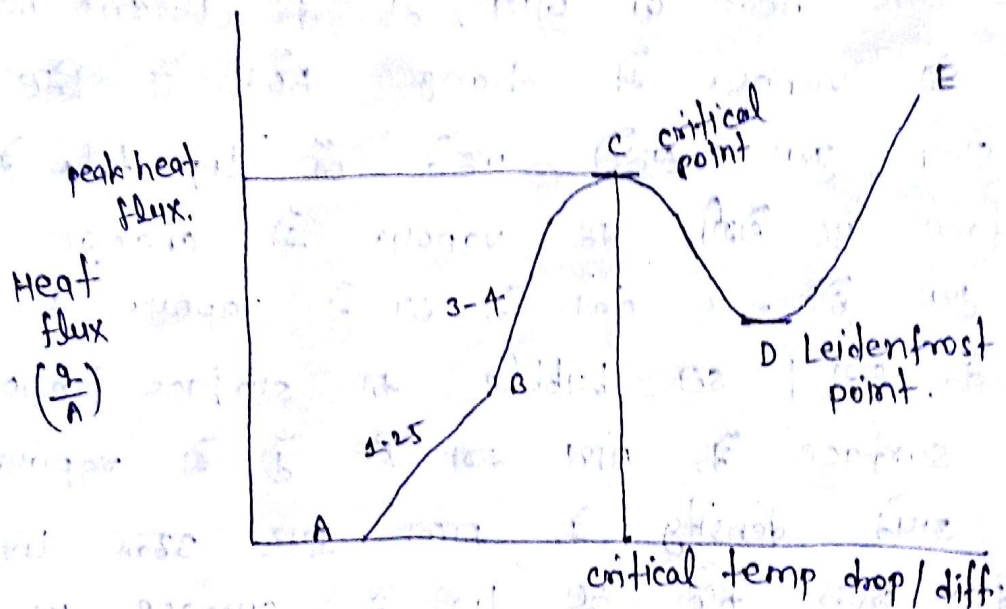
As we know that

Heat flux $\propto$ Driving force

$$\frac{q}{A} \propto \Delta T (T_{\text{sat}} - T_{\text{wall}})$$

अतः Heat flux का मान temp बढ़ने पर बढ़ता है। तथा घटने पर घटता है।

लेकिन Boiling of liquid के लिए जब Heat flux तथा ΔT (Driving force) से के बीच graph plot करते हैं, तो निम्न ग्राफ होता है।



इस पूरे graph को समझने के लिए इसे 4 part में divide कर रहे हैं।

1 → जब steam का temp बढ़ते हैं तो धीरे-2 bubbles बनते हैं तथा density को बिना disturb कम होने के कारण धीरे-2 ऊपर आ जाते हैं। इस condition में bubble Liq surface को disturb नहीं करते हैं। इस type के boiling को nucleate boiling

under natural convection कहते हैं। इस condition में ΔT का मान बढ़ने पर Heat flux का मान बढ़ता है तथा इसकी slope 1.25 होती है।

यह process AB में होती है। या A से B तक होती है।

2 → अब steam का temp और बढ़ते जाय, तो rate of formation of bubble बढ़ता जाता है। तथा bubble की संख्या बढ़ जाती है। ये bubble तेजी से ऊपर आगे हैं, जिससे liq में turbulence उत्पन्न होती है। अतः Heat flux का मान तेजी से बढ़ता है। इस condition में nucleate boiling होती है। इसकी slope 3-4 होती है। यह process B-C तक होती है।

Heat flux का मान B से C तक बढ़ता है तथा C पर maximum heat flux होता है, इस point को critical point कहते हैं। इस point के corresponding heat flux को peak heat flux कहते हैं। तथा इस point के corresponding temp diff को critical temp drop / diff. कहते हैं।

3 → अब steam का temp और बढ़ते जाय, तो अनेक bubble मिलकर एक बड़ी bubble बना लेते हैं, जिसके कारण liq wall की wall को छू नहीं पाती है, तथा एक resistance पैदा हो जाता है, जिसके कारण Heat flux का मान कम होता जाता है तथा एक minimum point पर Heat flux का मान minimum हो जाता है। उस point को Leidenfrost point कहते हैं।

यह process C- से D तक होती है।

अतः C से D तक transition boiling होती है।

4 → अब steam का temp. और बढ़ते जाय, तो transition boiling में जो बड़े bubble बन रहे थे | वह break होकर vapour की एक थोड़ी सी thick layer / film बना लेते हैं, जिससे यह Heat का transfer, convection से न होकर conduction तथा radiation दोनों से होता है। अतः rate of heat transfer बढ़ने से heat flux का मान बढ़ जाता है। इस condition में film boiling होती है यह process D से E तक होता है।

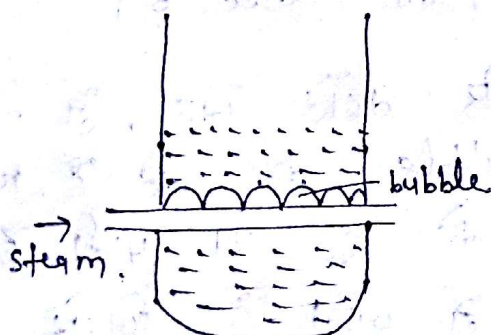
अथर्व-

AB = Boiling under natural convection

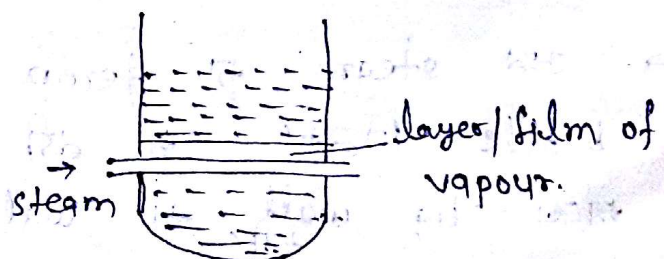
BC = nucleate boiling.

CD = Transition boiling.

DE = film boiling.



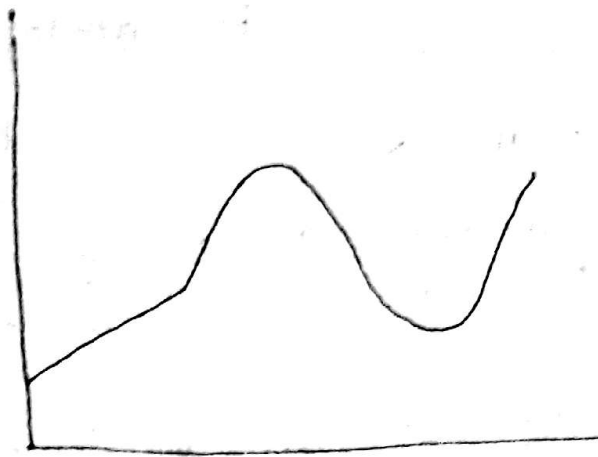
(3)



(4)

log

h



log ΔT

- * Heat flux का मम critical point के बाद कम होने लगता है। अतः किसी भी equipment की designing (exapt, boiler etc), critical point से कम (Peak heat flux से कम or critical temp drop से कम) पर ही की जाती है।

* vapour *

vapour वह material होती है, जिसे पर केवल pressure लगाकर liquified / condense किया जा सकता है।

vapour always अपने critical temp से कम temp पर होती है।

* Gases *

Gas पर कितना भी pressure लगा दिया जाय, यह कभी liquified नहीं होती, जब तक कि इसके temp को कम न किया जाय।

यह always अपने critical temp से ऊपर के temp पर होती है।

* vapourisation *

vapourisation is a surface phenomena.

It is a process in which vapour of liquid forms each & every temp.

माना एक पात्र में water है। water के सभी molecule की energy same नहीं होती। अतः जो molecule energetic होती है वह अन्य molecule को धक्का मारते हुए surface पर आता है तथा surface वाले molecule को देकर vapour के रूप में निकल जाता है।

* Evaporation & evaporators *

Evaporation is a unit operation in which a weak liquor is concentrated to thick liquor by the use of thermal energy.

In evaporation process solid liquid mixture is used as feed in which ^{liquid} solvent should be volatile solvent & solid should be non volatile solute.

This type of unit operation takes place in which equipment. This equipment is known as evaporators.

The weak liquor is composed of a non volatile solute and a volatile solvent.

- * In this unit operation, thick liquor / conc solution is the desired product.
- * It differs from ^{drying} drying in that very less amount of water present in wet solid are separated by hot air.
- * It differs from crystallization in that the purpose is to concentrate a solution rather than to form and build crystal.
- * It differs from distillation in that —
distillation से जो vapour निकलती है वह pure नहीं होती है। multi component की होती है।

* Evaporation is a unit operation in which solid liquid mixture (in which one component is volatile solvent & second is the non volatile solute) concentrated by removal of a considerable amount of solvent by use of heat energy.

* selection of feed in evaporation *

1→ viscosity of solution *

viscosity of solution is low

2→ density of solution *

density of solution should not be higher.

3→ scale forming or non scale forming *

non scale forming.

4→ foaming or non foaming. *

Non foaming.

5→ crystalline or non crystalline *

Non crystalline.

6→ corrosive or non corrosive *

Non corrosive.

7→ Heat sensitive or non heat sensitive *

Non heat sensitive

8→ Boiling point rise *

Boiling point rise slowly due to increasing concentration of solution.

9→ solution does not react with material of construction of evaporator.

* Classification of evaporators *

84

1 → Based on construction *

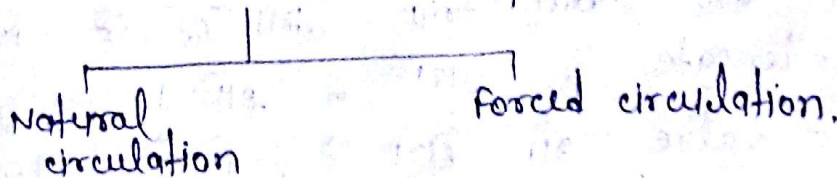
- (a) open pan evaporator
- (b) closed type evaporator.

2 → Based on heating arrangement *

- (a) Apparatus heated by direct fire (Boilers, pans)
- (b) Apparatus heating media in jacketed or double wall (jacketed evap)
- (c) vapour or steam heated evap with H.E or tubular heating surface.
 - (i) Horizontal tube evap (vapour or steam in tube of HE)
 - (ii) vertical tube evap (vapour or steam in shell of H.E)
 - (a) standard or short tube or Robert type evap. with vertical tube
 - (b) Basket type evap.
 - (c) long tube vertical evap or calandria tube
 - (d) forced circulation vertical tube evap.

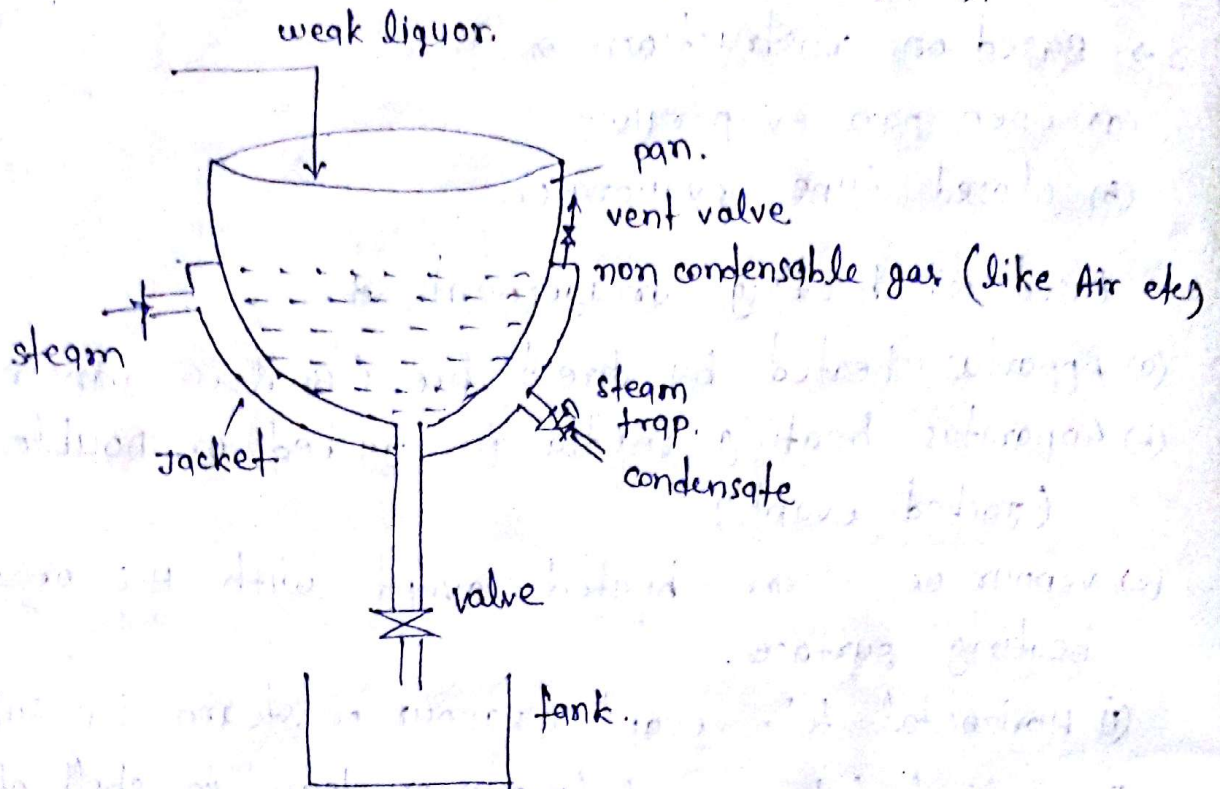
3 → Based on circulation of solution *

- (a) once through type [for heat sensitive material]
- (b) circulation type evap.



- 4 → Tubes of spherical shape e.g. coils etc
(specially used in sugar industries)
- 5 → Falling film type.

* open pan evapt (jacketted) *



यह एक simple type का evapt है, जो open pan type का होता है। इसमें pan को jacketted कर देते हैं तथा इस jacketted annular space में steam देकर pan में उपस्थित weak liquor को conc करते हैं।
(by removal of a considerable amount of volatile solvent)

तथा condensate को बाहर निकाल देते हैं। condensate के outlet पर एक steam trap लगा देते हैं, जिससे steam व condensate के साथ न भागे। इस jacket में एक vent valve भी होता है, जिसके through steam में उपस्थित non condensable gases remove हो जाती हैं। Jacket में steam देने पर weak liquor में Heat transfer होता है तथा अब weak liquor अपने B.P पर पहुँचता है। Evaporation होने लगती है तथा liquor conc होने लगता है।

जब एक desired concentrated की solution प्राप्त

हो जाती है, तो valve खोलकर dense conc solution

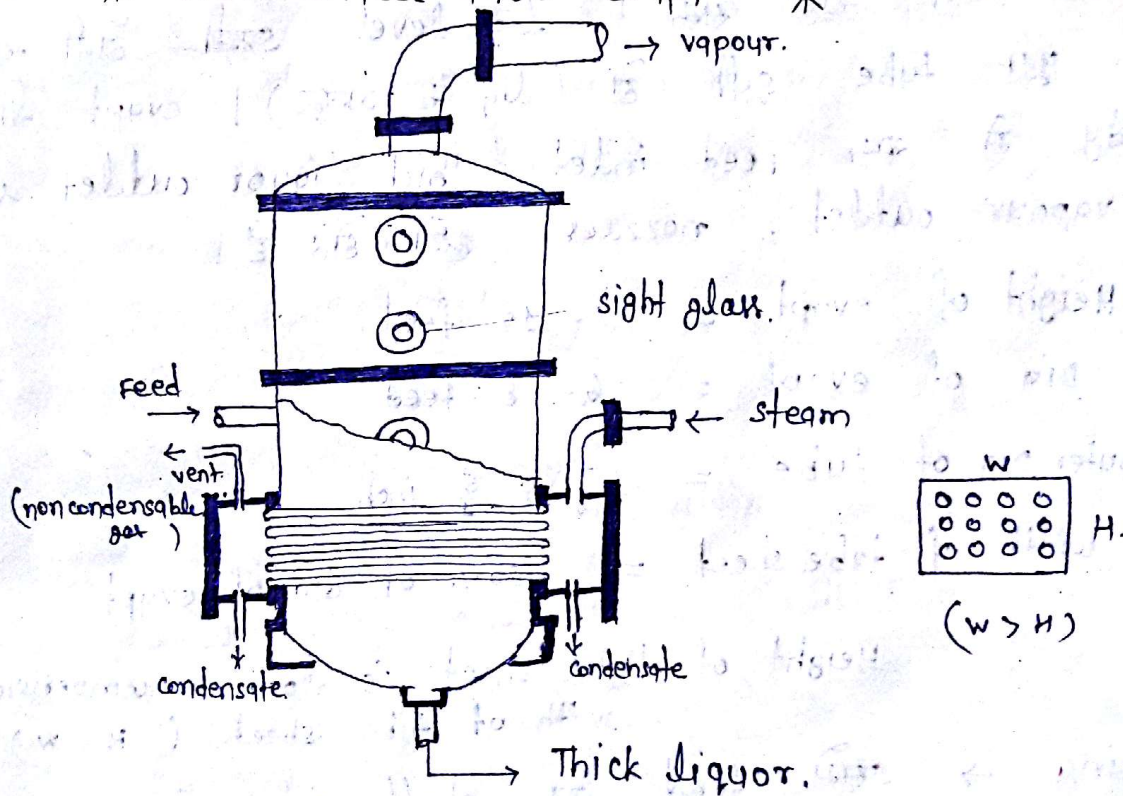
को एक tank में product के रूप में प्राप्त कर लेते हैं

* material of construction $\rightarrow$ commonly cast iron. (pan)
generally mild steel. (jacket)

* use $\rightarrow$ food processing industry, pharmaceutical & fine chemical industries.

* Rate of heat transfer $\rightarrow$ 50 to 300 $\frac{\text{Btu}}{\text{ft}^2 \cdot \text{F} \cdot \text{hr}}$ (Range).

^{Imp} * Horizontal tube evapt *



* Introduction *

world में सबसे पहले Horizontal tube evapt ही बनायी गई थी। इसे Norbert Riddieux ने सन् 1863 में बनाया था। सन् 1879 में wellner gebinek नामक scientist ने इसमें कई सुधार किये, जिससे यह famous हुआ।

construction $\rightarrow$ यह एक cylindrical body होती है, जिसमें top hemispherical तथा bottom hemispherical or conical भी हो सकती है। इस body में, rectangular tube sheet fit करते हैं जो square pitch की होती है, जिससे tube की outer surface की cleaning आसानी से हो सके। दोनों ओर के tube sheets को channel covers से close करते हैं, steam inlet, condensate outlet & non condensable gas outlet के लिए nozzles लगा होते हैं। तथा body में एक ही अचिक sight glass लगे होते हैं, जिससे liq की level पता चल सके। liq level इतनी होनी चाहिए कि पूरी tube डूबी हो (liq के अन्दर)। evapt की body में एक feed inlet, thick liquor outlet & vapour outlet, nozzles लगे होते हैं।

$$\text{Height of evapt} = 8 - 12 \text{ feet}$$

$$\text{Dia of evapt} = 6 - 8 \text{ feet}$$

$$\text{outer Dia of tube} = \frac{7}{8} \text{ to } \frac{5}{4} \text{ inch}$$

$$\text{width of tube sheet} = 50\% \text{ of dia of evapt}$$

Height of tube sheet is low in comparison to width of tube sheet. ($H < W$)

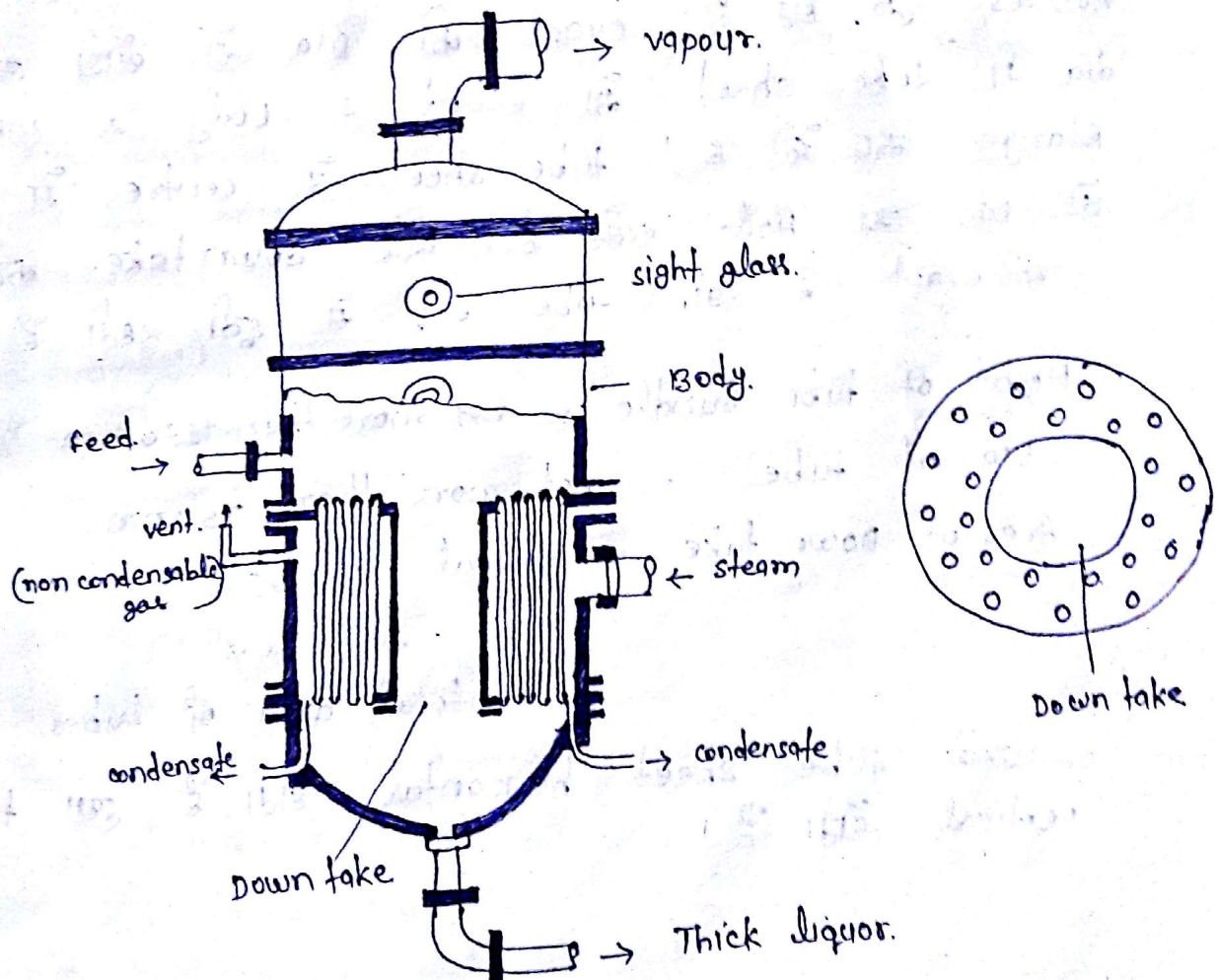
working $\rightarrow$ इसमें feed को shell side से तथा steam को tube side से देते हैं, जिससे feed & steam thermal contact में आते हैं तथा steam से latent heat, feed में जाती है तथा feed जैसे ही अपने boiling point पर पहुँचता है। Evaporation होने लगता है तथा feed में present volatile solvent (like water), vapour के रूप में form होकर top के nozzle से निकल जाता है तथा सब

thick solution bottom से प्राप्त हो जाता है।

* Advantages *

- * very low head room requirement and large vapour liquid disengaging area
- * It is not suited for salting and scaling liquids as deposits form on the outside of the tubes.
- * It is commonly employed for small capacity services and for simpler problems of concentration for processes wherein the final product is liquor, such as industrial sirups.

* ~~Inf~~ vertical tube evapt / standard type evapt / Robert type evapt / short tube evapt. *



79

* Introduction → सबसे पहले vertical tube evapt नही बनाया गया, फिर भी यह बहुत लोकप्रिय हुआ।
vertical tube evapt सबसे पहले Robert नामक scientist ने बनाया था in 1850. Robert Austria में एक sugar mill के director थे। अतः उनके नाम पर ही इस evapt को Robert evapt भी कहते हैं। लोकप्रिय होने की वजह से इसे standard type evapt भी कहते हैं। short tube इस evapt में प्रयुक्त करते हैं। अतः इस evapt को short tube evapt भी कहते हैं।

* construction → इस evapt में भी body में feed inlet, vapour outlet, & thick liquor outlet के लिए nozzles लगे होते हैं। evapt की Dia से थोड़ी अधिक dia की tube sheet को evapt के body के साथ flange कर देते हैं। tube sheet के centre में एक बड़े Dia का hole रखते हैं, जिसे down take कहते हैं। इस evapt में भी tube lig से डूबी रहती है।

Height of tube bundle = not more than 150 cm

Dia of tube = not more than 75 mm.

Area of down take = normal 40-75%
max 100-150%
..... total area of tubes.

इसमें tube sheet horizontal होती है तथा tubes vertical होती हैं।

* working → इस evap में shell side से steam तथा tube side से feed solution आती है। जब हम feed को देते हैं, तो वह पहले bottom में collect होता है, तथा धीरे-2 level बढ़ता है, तो वह tube में भरकर ऊपर आता है। जब shell side से steam आती है, तो यह अपनी latent heat solution को देती है, जिससे solution boil होने लगता है तथा vapour बनने लगते हैं। vapour top से तथा thick liquor को bottom से निकाल लेते हैं। steam condensate ठोकर मल्लाग nozzle से निकल जाती है तथा vent gas भी मल्लाग nozzle से निकल जाती है।

* यह evap scaling material के लिए भी useful है क्योंकि इसमें solution tube से होकर जाती है तथा tube की internal surface की cleaning हम easily कर लेते हैं।

* यह foaming material के लिए useful नहीं है। क्योंकि foam, vapour को impure कर देता है। तथा feed में present solid material भी loss होगा।

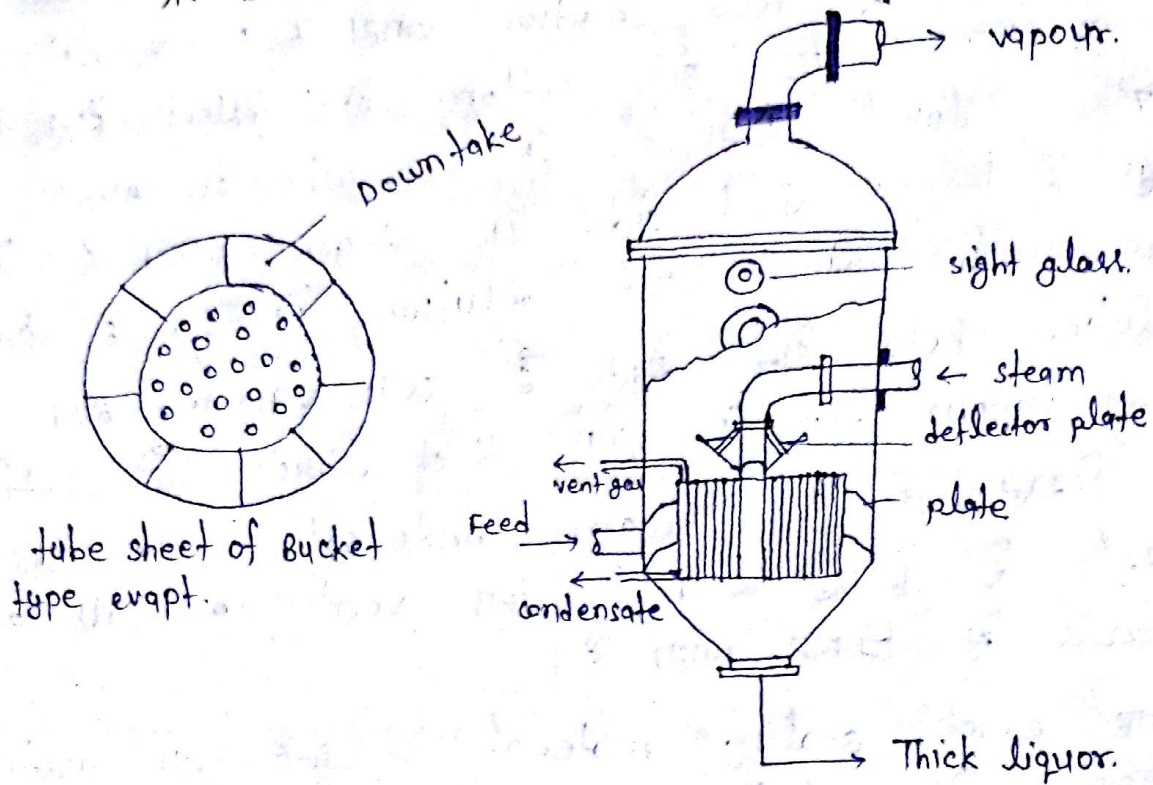
* Advantages *

- 1→ Relatively inexpensive
- 2→ High heat transfer coefficient
- 3→ Requires low head room.

* Disadvantage *

- 1→ Floor space required is large.
- 2→ Since there is no circulation these are not suitable for viscous liquid.

* Basket type evapt *



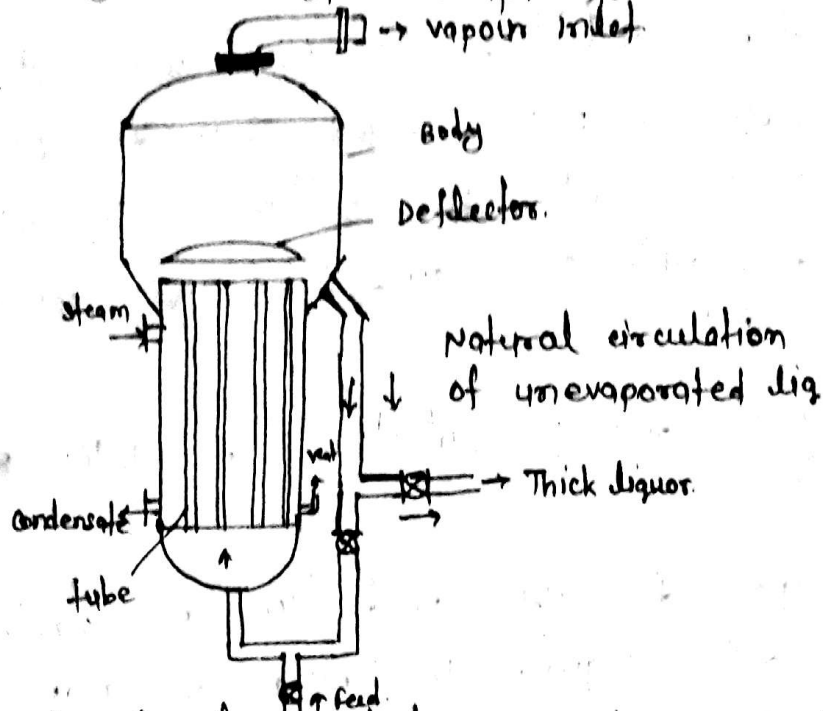
पहला Basket type evapt सन 1871 में बनाया गया था। इसका working same vertical tube evapt के समान ही है। इस evapt का construction, vertical tube evapt से थोड़ा सा diff है। इस evapt में diff यह है कि evapt body & tube bundle के बीच Annular space ही down take होता है तथा इसमें से tube bundle को completely निकालकर cleaning कर लेते हैं।

इसमें tube bundle को plate से evapt body से ~~well~~ lock nut के through arrange कर देते हैं ताकि जहाँ पर cleaning के लिए tube bundle को निकाला जा सके।

इसमें tube sheet की dia, evapt के dia से छोटी होती है।

यह foaming material के लिए भी useful होता है क्योंकि इसमें diffuser deflector plates होती है, जो foams को रोकते हैं।

* Long tube type evap *



Construction → A long tube evap consists of a long tubes heating element incorporating tubes 25-50 mm in dia ($\frac{1}{4}$ - $\frac{1}{2}$ inch) and 4-8 meter in length (10-20 feet).

इसमें नीचे से feed solution को देते हैं। इसमें steam shell side में flow होती है।

Working → इसमें feed solution को नीचे से tube side से तथा steam को shell side से देते हैं। Working में जब हम feed करते हैं, तो उसकी height 2-3 feet रखते हैं। Steam की help से solution गर्म होता है और उसके vapor बनते हैं। Vapor तथा liq दोनों जैसे ही top वाली tube के मुँह से निकलते हैं vapor तेज आबाज के साथ top से निकल जाता है। अतः इसे calandria type evap भी कह सकते हैं। तथा thick liquor को हम ऊपर से ही प्राप्त कर लेते हैं। इस evap में एक deflector होता है, जो vapor & liq को separate करता देता है।

* use $\rightarrow$

- 1 $\rightarrow$ यह scaling solution के लिए use की जाती है क्योंकि इसमें vapour इतनी तेजी से ऊपर आते हैं कि tube के wall पर collect होने वाली कणों को ऊपर लेते आते हैं। या tube की cleaning easily कर लेते हैं।
- 2 $\rightarrow$ इसका use foamy solution के लिए भी किया जाता है।
- 3 $\rightarrow$ इस evapt का use production of condensed milk and black liquor in pulp & paper industry में करते हैं।

* इस type के evapt में vapour bubble को wipe करते हुए जाता है अतः इसमें heat flux की value peak heat flux तक नहीं पहुँच पाता है।

~~Imp~~ * Forced circulation evapt *

ये evapt भी long tube type vertical evapt ही होते हैं। अंतर बस इतना है कि ~~नै~~ जहाँ natural circulation होता है तथा इसमें forced circulation होता है। natural circulation वाले evapt में enter करने वाली solution की velocity $0.3 - 1.0 \text{ m/s}$ तथा forced circulation में solution की velocity $2 - 6 \text{ m/s}$ होता है (लगभग 6 गुना)

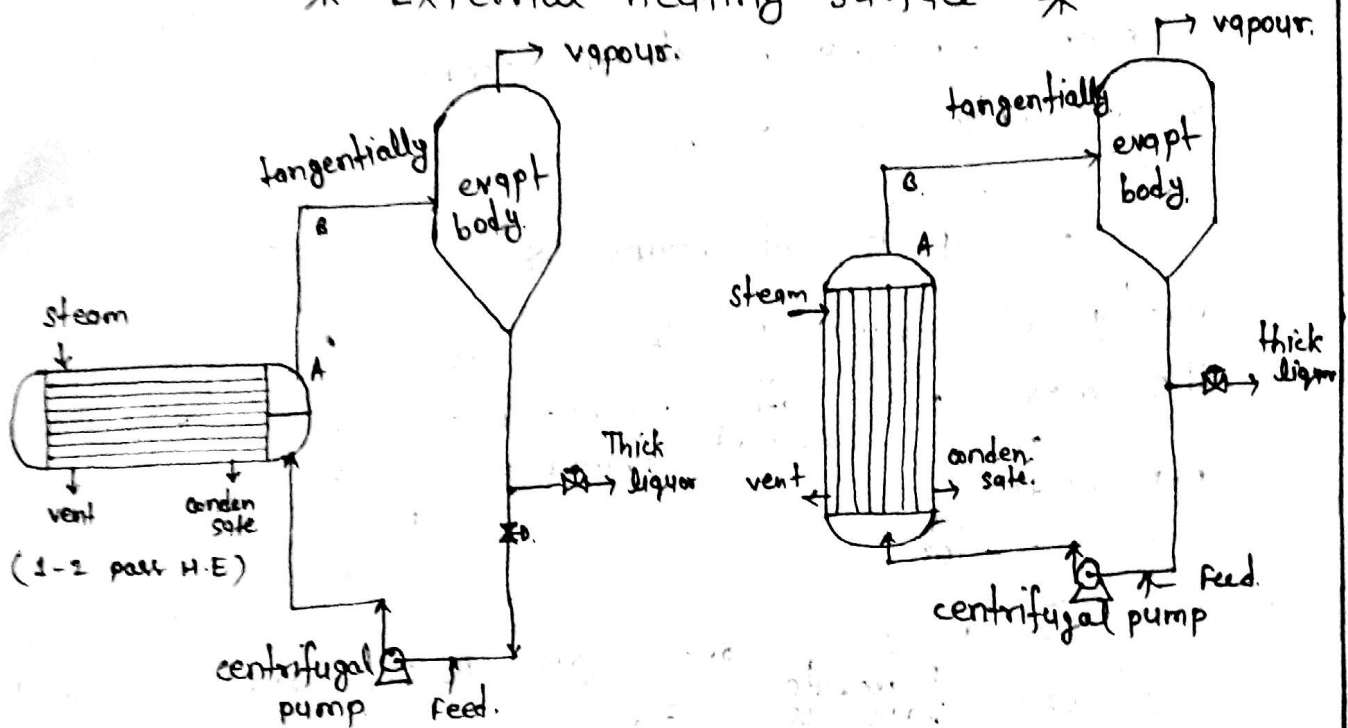
forced circulation evapt में solution को एक centrifugal pump से भेजते हैं। ये evapt भी viscous solution scaling, foaming, solution के लिए use किये जाते हैं।

ये two type के होते हैं।

94

- 1 → External heating surface → इस type के evapt में H.E evapt body के बाहर होता है।
- 2 → internal heating surface → इस type के evapt में H.E evapt body के अन्दर ही होता है।

* External heating surface *



इस type के evapt में H.E से निकलने वाली solution पर AB height तक भारी solution का pressure रहता है, जिससे यहाँ पर solution की boiling point अधिक होती है। But जैसे ही वह A-B height पर पहुँच जाता है। उस पर AB height का pressure कम हो जाता है, जिसके कारण इसकी boiling point भी low हो जाती है। अब इस solution को जैसे ही evapt body में tangentially enter करते हैं, vapour top से निकल जाता है तथा liq. bottom से thick liquor के रूप में प्राप्त हो जाती है। इस type के evapt को flash evaporation कहते हैं।

NOTE → Horizontal tube type evapt में heat flux का मान peak heat flux तक पहुँच सकता है, लेकिन vertical tube type evapt में नहीं।

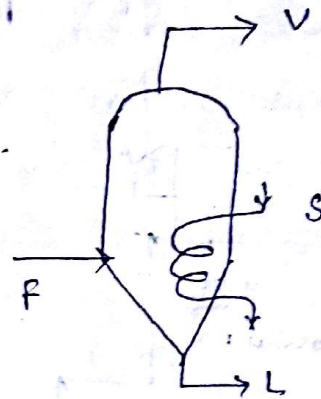
* Important terms for evapt *

किसी भी evapt के गुणवत्ता की अन्य निम्न factor के आधार पर की जाती है।

- 1 → Capacity of evapt
- 2 → evapt economy or steam economy
- 3 → consumption of steam.

* capacity of evapt *

capacity of evapt is defined as.
the mass (kg) of water vapourised / solvent evaporated per hour.



1 घंटे में इस evapt द्वारा जितनी मात्रा water / solvent Evaporate होती है, वह उस evapt की capacity कहलाती है।

$$\text{Evapt capacity} = \frac{\text{mass of water/solvent (in kg) evaporated}}{\text{time (hr)}}$$

* steam economy *

evapt के H.E में 1 kg steam से पर जितनी water evaporate होती है, वह evapt की steam economy होती है।

or.

It is defined as the kg of water evaporated⁹⁶ per kg of steam used in evapt.

$$\text{steam economy} = \frac{\text{water evaporated (kg)}}{\text{steam used in evapt (kg)}}$$

* consumption of steam *

It is defined as the ratio of capacity of evapt to steam economy.

$$\text{consumption of steam} = \frac{\text{capacity of evapt}}{\text{steam economy}}$$

$$= \frac{\frac{\text{water evaporated (kg)}}{\text{hr.}}}{\frac{\text{water evaporated (kg)}}{\text{steam used in evapt (kg)}}}$$

$$\text{consumption of steam} = \frac{\text{steam used in evapt (kg)}}{\text{hr.}}$$

In other word, the kg of steam used in evapt per hour is known as consumption of steam. (some water evaporated):

* single effect evapt की steam economy, always 1 से कम हो जाती है। (max 1 हो सकती है जैसे अविकारी)।

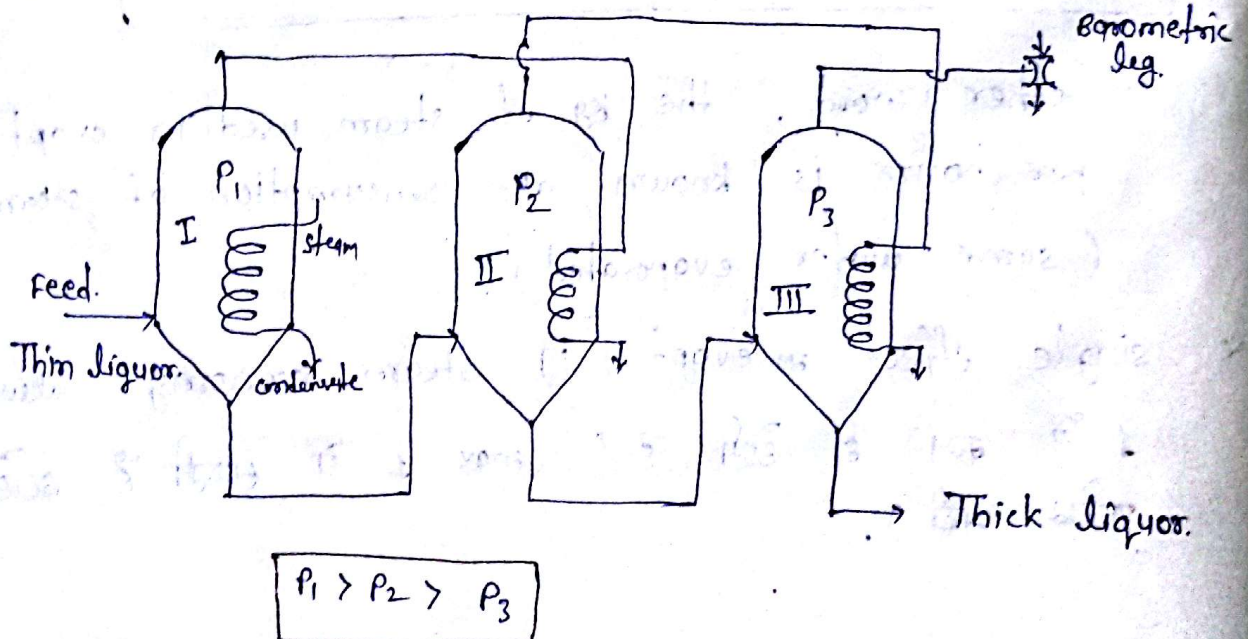
* multiple effect evapt की steam economy always 1 से ज्यादा होती है ।

* pressure बढ़ने पर liquid के latent heat कम होती है तथा pressure के घटने पर latent heat बढ़ जाती है ।

* pressure बढ़ने पर liquid की sensible heat बढ़ती है , तथा घटने पर घटती है ।

* Evapt में जो steam देते हैं वह High pressure पर होती है अतः इस steam में latent heat liq से vapour बनाने के लिए पर्याप्त नहीं होता है।
अतः यही reason है कि single effect evapt में steam economy 1 से अधिक नहीं होती है ।
(अगर liq अपने boiling point पर होती है , तो (feed) steam economy ≈ 1 होती है)

* multiple effect evapt *



98
जब हम किसी thin liquor को thick liquor में convert करते हैं तथा हमें एक evapt में desired conc नहीं प्राप्त होती है, तो इस condition में एक से अधिक evapt का use करते हैं, तो इस प्रकार के evaporation को multiple effect evaporation तथा evapts को multiple effect evapts कहते हैं।

* evapt की numbering, steam के flow के according करते हैं। तथा evapt की counting roman में करते हैं।

* Last evapt से निकली water vapour को Barometric leg में दे देते हैं, जिससे इस evapt में Low pressure create हो जाती है। तथा उससे पहले वाले evapt में थोड़ा अधिक pressure होता है तथा पहले evapt का pressure सबसे ज्यादा होता है।

अर्थात् $P_1 > P_2 > P_3$

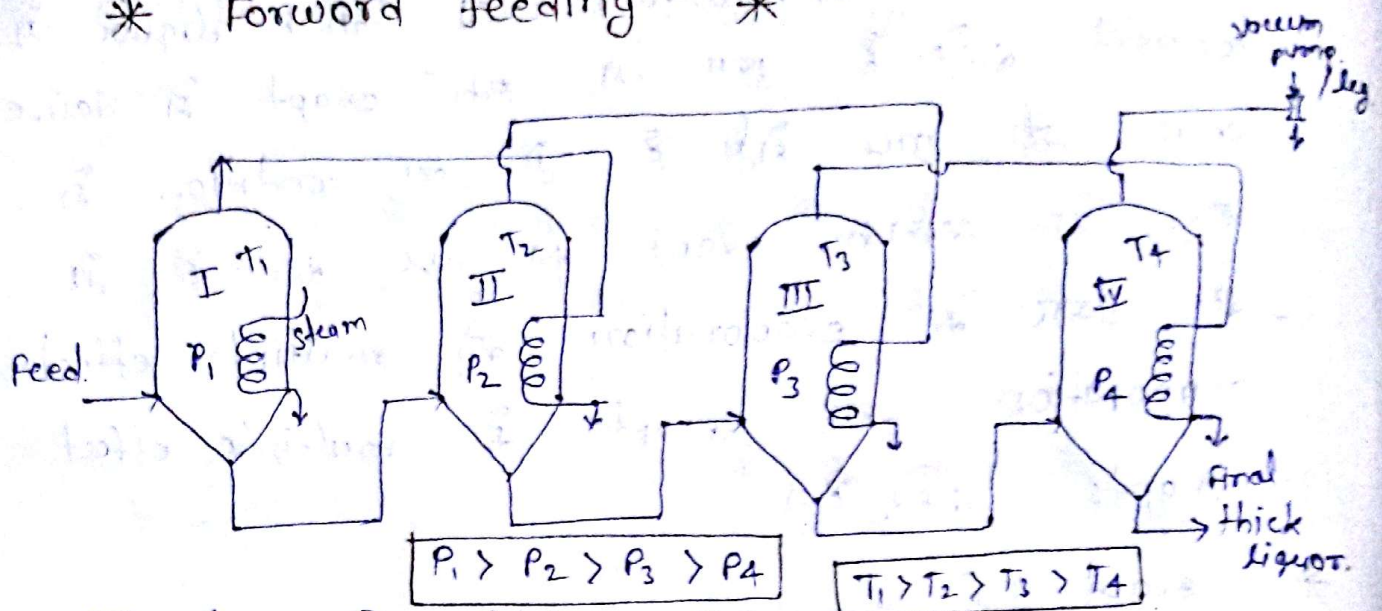
अतः steam & thick liquor की Handling pressure diff के कारण automatic हो जाती है।

* ^{Imp} Types of feeding of multiple effect.

There are four types of feeding of multiple effect evapt.

- 1 → Forward feeding.
- 2 → Backward feeding.
- 3 → Mixed feeding.
- 4 → Parallel feeding.

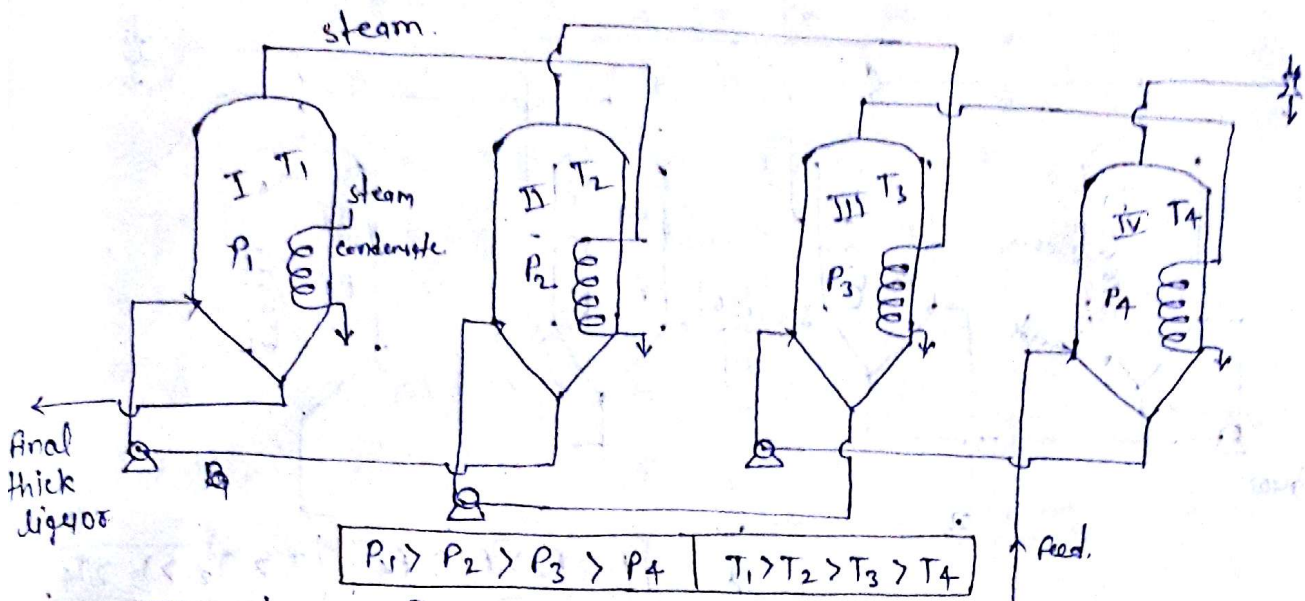
* Forward feeding *



इस type के feeding में evaprs में feed तथा steam एक ही direction में दिये जाते हैं। एक flow की एक ही direction होने के कारण यह co-current arrangement होती है। अतः इसमें Heat transfer कम होता है।

इस type of feeding में solution को एक evaprt से दूसरे evaprt में भेजने के लिए pump नहीं लगाना पड़ता है। pressure diff के कारण ही solution का Handling हो जाता है। Multiple effect evaprt में temp क्रमशः घटता जाता है। अतः temp घटने के कारण solution की viscosity बढ़ती जाती है। जिससे μ के कम हो जाता है, फलस्वरूप Heat transfer U का मूल्य कम हो जाता है, जिससे rate of heat transfer कम होता है।

* Backward feeding *



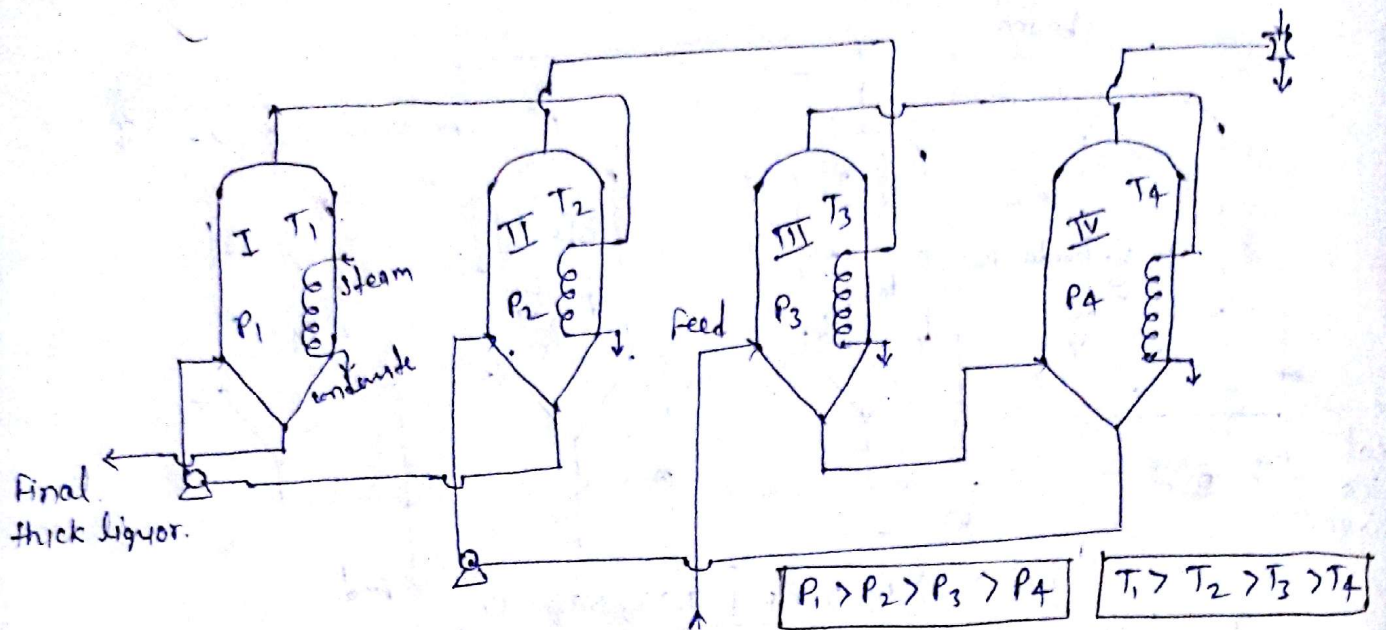
इस type के feeding में steam & feed को एक-दूसरे के opposite direction में देते हैं। यह counter current arrangement होती है। अतः इसमें Heat transfer ज्यादा होती है।

इसमें feed को last evaprt में देते हैं तथा Anal thick liquor को III evaprt में, pump की help से, देते हैं क्योंकि $(P_3 > P_4)$ ।

अतः इस type के feeding में pump लगाना पड़ता है। जैसे - 2 feed आगे जाता है, temp बढ़ा जाता है जिससे solution की viscosity घटती जाती है अतः N_{re} बढ़ता है। अतः Heat transfer बढ़ता है।

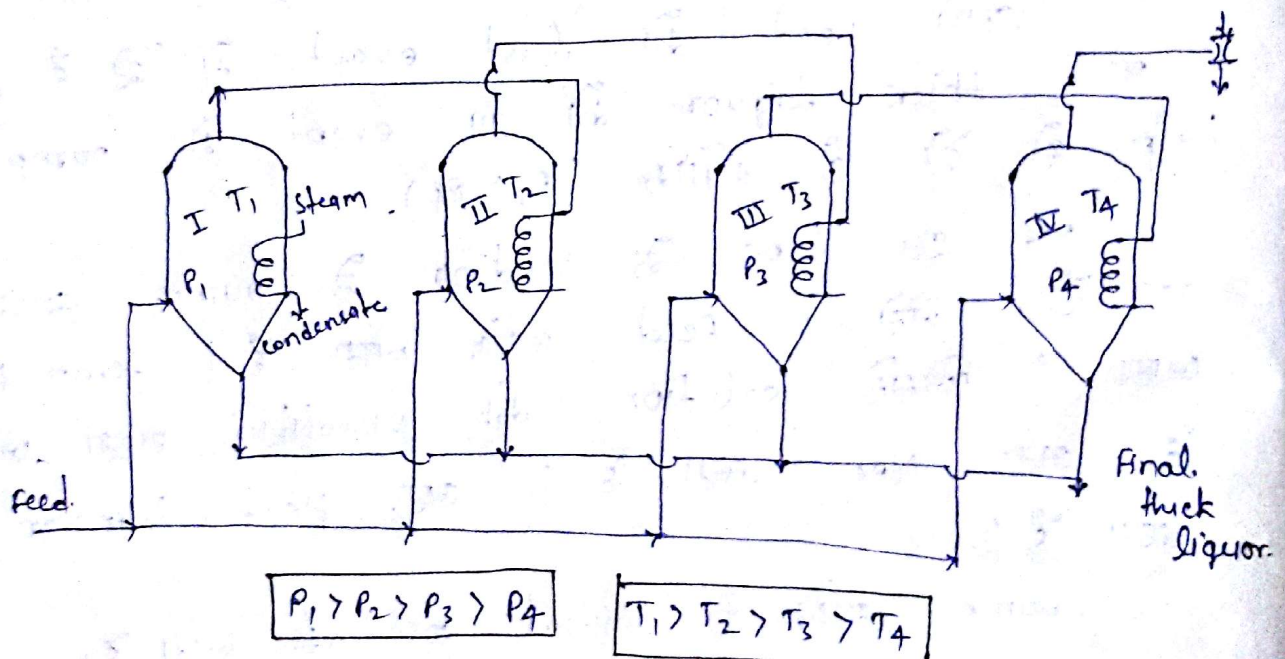
pump लगाने से initial cost बढ़ जाती है।

* mixed feeding *



इस type of feeding में Backward feeding & forward feeding दोनों होती हैं।

* parallel feeding *



इस type के feeding में सभी evapt में feed एक channel से देते हैं तथा सभी evapt से प्राप्त thick liquor को एक channel में collect कर लेते हैं। केवल steam की flow same होती है।

* scale formation *

The solubility of most of the solute increases with the increase of temp & such solutes are known as solutes/salts of normal solubility. but some solutes are their the solubility of which decreases with the increase of temp. such as CaSO_4 , Na_2SO_4 , $\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot \text{H}_2\text{O}$ etc. such solutes are known as solute/salt of inverted solubility or reverse solubility.

when such solution is heated, solubility of solute decreases and it is minimum at the wall of heating surface, because temp at the tube wall surface is highest. precipitates takes place at tube wall. In this precipitates is of adhering nature. there will be formation of hard dense & strong scale of this precipitate. This phenomena is known as scale formation.

* prevention & removal of scale formation *

if velocity of the solution in the heating element & evapt escaped high all the times, scale formation will be minimum. that is why forced circulation type evapt are preferred when the evaporate the solution of scale forming nature.

If scale is formed on the heating surface It can be removed by following methods.

- 1 → If scale is soluble in hot water, only boiling with water will remove the scale.
- 2 → If scale is not soluble in hot water. It is removed by imping the evap and trickle out the tubes with scale removing tubes like Augur & wire brushes.
- 3 → If scale is removable by chemical solution only. dilute acid ($\approx 0.5\%$ HCl) or alkali boiling may be done for scale removal such as the scale of CaSO_4 .

~~Def~~ * Foam & foam formation *

Formation of stable blanket of the bubbles which lies on the surface of boiling liquid is known as foam.

It is very easily seen in the operation of milk boiling. The reasons behind foam formation, for mainly two are given.

- 1 → difference of surface tension of the new layer formed & the surface tension of bulk of the solution.
- 2 → presence of finely divided particles for the colloidal matters in the solution. besides these two foaming depends upon the nature of liq also.

* prevention & removal of foam formation *

- 1 → A can be prevented by keeping the liq level below the top of heating surface. so that bubble can be in contact of hot surface & can break.

- 2 → A steam jet is directed against the layer of the foam at high velocity to break the foam.
- 3 → ejecting the foam through a ejector & throwing it to a baffle or plate to break the foam.
- 4 → By addition of sulfonated castor oil, cotton seed oil or other vegetable oils or some of the silicones.
- 5 → By using deflector in the outlet of heating tube

But complete elimination of foam is not possible.

~~Imp~~ * Entrainment *

When bubbles of the vapour burst above the liquid surface the liquid film of the bubbles which was covering the vapour inside it breaks the film changes into tiny droplets of liquid which may differ in size and density. Those particles which are considerably bigger. They may settle back & go back to the liq from which it has come out. But very lighter particles may rise up with the vapour. because they are unable to settle down and then at the same time. if the vapour velocity is high. they are tiny droplet of the liquid & carried along with the stream of vapour.

This phenomena is known as entrainment.

This causes serious loss in liq & causes the contamination of vapour phase.

* prevention of entrainment *

prevention of entrainment can be done by following means.

- 1 → By increasing the dia of vapour space of evap so that the velocity of vapour may get down.
- 2 → By providing baffle or deflector on the path of outgoing liq & vapour mixture. This is one kind of sudden change in the direction of vapour.
- 3 → Give rotary motion to the mixture of vapour & liquid by centrifugal force. Liquid will be thrown out to the wall & vapour will leave upside toward the vapour outlet nozzle.
- 4 → By providing entrainment separator in the vapour outlet line which also uses the rotary motion of vap liq motion causing the evaporation by centrifugal force.

~~Imp~~ * Boiling point elevation or Boiling point rise *

Boiling point of solution increases with the increases with concentration. Boiling point of water & boiling point of solution both increases with increase of pressure over the water or solution. Thus the boiling point of water and solution are not same at diff pressure. This diff in boiling point between the boiling point of a solution of particular concentration and the boiling point of pure water at a

given ^{pressure} temp is known as boiling point rise/elevation

* Dühring rules *

Dühring given has given an empirical eqn between the boiling point of pure water & the boiling point of particular solution at a given pressure. This rule states that boiling point of a solution is the linear function of the boiling point of pure water at same pressure.

If the boiling point of solution is plotted against the boiling point of pure water, at same pressure. A straight line is obtained for a given solution for all diff pressures. Diff lines of are also obtained on the same way for the solution of diff concentration. From such plot the boiling point rise/elevation can be easily obtain from this plot.