

Date
15/Feb/2019

FLOW OF FLUIDS

JAY
MAA
SHARDE

Fluid Mechanics-

The branch of chemical engineering science which deals with the behaviour of fluids at rest or in motion is called Fluid Mechanics.

Fluid Mechanics is divided in three parts-

1. Statics Mechanics
2. Kinematic Mechanics
3. Dynamic Mechanics

1. Static Mechanics-

Static Fluid Mechanics fluid की study rest condition में velocity gradient और shear stress की value zero (0) होती है।

Statics को दो भागों में divide किया गया है। या Statics की भी दो sub-branches हैं-

(A) Hydrostatic Fluid Mechanics-

इसमें incompressible fluid की study करते हैं। सभी Liquids की study कर सकते हैं। Hydrostatic मतलब water है। इसमें liquid की study करते हैं।

(B) Aerostatic Fluid Mechanics-

इसमें Air & gases की study की जाती है।

2. Kinematics Fluid Mechanics-

Kinematics Fluid Mechanics की वह branch है। जिसमें fluid की study motion condition के अन्तर्गत करते हैं।

परन्तु उस force [External] को consider नहीं किया जाता है जिसके कारण वह flow हो रहे हैं।

3. Dynamics Fluid Mechanics-

Dynamics Fluid Mechanics की वह Branch है, जिसमें fluid की study motion condition के अन्तर्गत की जाती है और उन force को भी consider किया जाता है। जिसके कारण वह flow हो रहे हैं।

Fluid-

Fluid वह substance होते हैं जो flow करने में सक्षम होते हैं। जैसे - Liquid, Gas, Plasma

Gases Ionization → Plasma

Fluid वह substance होते हैं जिनमें external force के कारण continuously deformation होता है।

Properties of Fluid

1. Density
2. Weight density (specific weight)
3. Specific volume
4. Specific gravity
5. Viscosity
6. vapour pressure
7. surface tension and capillary
8. Compressibility and elasticity
9. Thermal conductivity

1. Density (mass density)-

Density or mass density of a fluid is the mass of the fluid per unit volume. It is denoted by ρ . The unit of density is kg/m^3 , gm/cm^3 .

$$\text{Density} = \frac{\text{mass (m)}}{\text{volume (v)}}$$

water की density 4°C पर 1000 kg/m^3 & gm/cm^3 होती है।

$$\rho_{\text{Hg}} = 13600 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_{\text{air}} = 1.1 \text{ kg/m}^3$$

Density of air at 0°C and 760 mm of Hg is 1.28 kg/m^3

$$\text{Density of Hg} = 13.6 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

Substance की density pressure के समानुपाती और Temperature के व्युत्क्रमानुपाती होती है। इसे specific mass भी कहते हैं।

2. Weight Density -

Weight density of a fluid is defined as the weight of fluid per unit volume at standard Temperature and pressure and denoted by w .

OR -

यदि किसी matter के weight को volume से divide कर दिया जाये या weight per unit volume को specific weight or weight density कहते हैं। इसे w से denote करते हैं।

$$\text{Weight Density} = \text{Mass density} \times \text{gravity.}$$

$$W = \rho \cdot g \cdot V$$

OR.

$$\text{specific weight} = \frac{\text{material wt}}{\text{volume}} = \frac{mg}{V}$$

$$W = \rho \cdot g \cdot V$$

Hence $g = 9.81 \text{ m/sec}^2$

weight density की unit N/m^3 होती है।

Newton के लिए इसकी value

$$\omega_{H_2O} = 9810 \text{ N/m}^3$$

3. Specific Volume

specific volume of a fluid is define as the volume of fluid per unit weight mass.

OR-

Reciprocal of the density is called specific volume & denoted by v .

specific volume density के उल्टे को specific volume कहते हैं।

$$\frac{1}{\rho} = \frac{V}{m}$$

$$v = \frac{1}{\rho} = \frac{V}{m}$$

4. Specific Gravity

specific gravity is defined as the ratio of density of given fluid to density of standard fluid & denoted by S.G.

$$\text{Specific Gravity} = \frac{\rho_{\text{fluid}}}{\rho_{\text{standard}}}$$

$$\text{Specific Gravity} = \frac{\text{Density of given fluid}}{\text{Density of standard fluid}}$$

यदि mercury की specific gravity 13.6 है, इसका मतलब यह है कि mercury water की तुलना में 13.6 times ज्यादा भारी है और अधिक dense है। यदि fluid की specific gravity 1 से कम होती है | इसका मतलब यह है कि दूसरा fluid standard fluid पर में float करता है (Fig 1). यदि fluid की specific gravity 1 से अधिक है | तब fluid, standard fluid में डूब जायेगा।

(Fig 1).

Density of standard for Liquid = H_2O

Density of standard for Gas = Air.

viscosity

Viscosity fluid की properties होती है जो flow होने का विरोध करती है। fluid में viscosity cohesive forces and momentum force के कारण होती है।

viscosity is a property of fluids which offers resistance by a fluid to its continuous deformation.

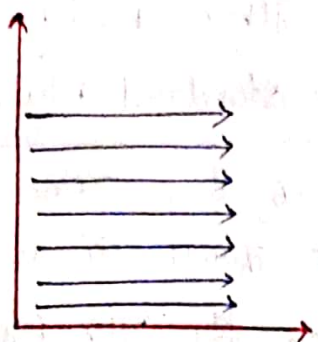
viscosity के द्वारा deformation में उत्पन्न Resistance

को measure कर लिया जाता है।

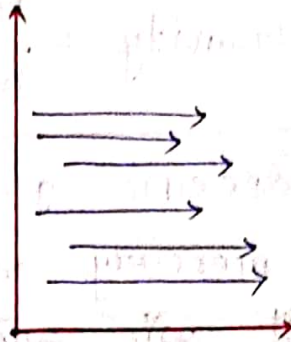
हम जानते हैं कि जब किसी fluid में deformation का कारण stress होता है। fluid में shear deformation

shear strain present होता है। इसे इसलिए ^{fluid} के

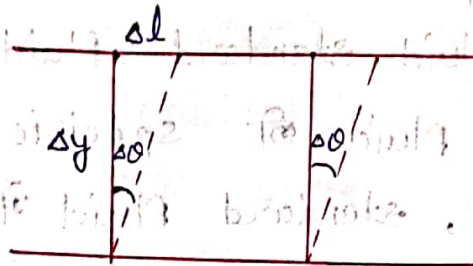
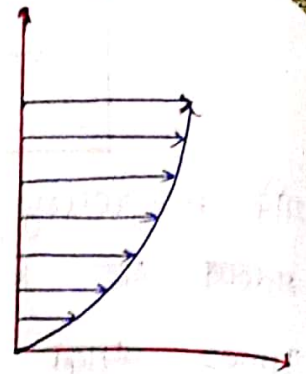
shear stress भी present होता है।



Fluid at rest



Fluid at motion



माना दो fluids की दो layers जिन्हे बीच की दूरी dy है
अप पर वाली layer पर external force लगाने पर उसमें
 $\Delta\theta$ angular deformation हुआ।

then $\Delta\theta$ is very small $\tan\theta = \Delta\theta$

$$\Delta\theta = \frac{\Delta l}{\Delta y}$$

$$d\theta = \frac{dl}{dy}$$

चोल् = $\frac{\text{दूरी}}{\text{समय}}$

we know that

$$dl = dv \cdot dt$$

$$\text{then } d\theta = \frac{dv \cdot dt}{dy}$$

$$\boxed{\frac{d\theta}{dt} = \frac{dv}{dy}} \quad \text{--- ①}$$

equation ① यह present करती है कि Rate of deformation is equal to velocity gradient and also called rate of shear strain (Shear Rate). हम जानते हैं कि Rate of deformation के कारण shear stress produce होता है।

और यह shear stress, rate of deformation के समानुपाती होता है। shear को τ से represent करते हैं।

$$\tau \propto \frac{du}{dy}$$

$$\tau = \mu \cdot \frac{du}{dy} \quad \text{--- (2)}$$

or-

Newton's law के अनुसार - यदि fluid flow करता है तो fluid की layer के बीच होने वाले angular deformation shear stress के directly proportional होता है।

$$\tau \propto \frac{du}{dy}$$

$$\tau = \mu \cdot \frac{du}{dy} \quad \text{--- (3)}$$

equation (3) represent of Newton's law of viscosity
general equation of that equation.

$$\tau = \mu \left(\frac{du}{dy} \right)^n + c \quad \text{--- (A)}$$

Equation (A) Ostwald Dewelly Equation को represent करती है। इसको power law भी कहते हैं।

Shear Stress -

Shear Stress वह force होता है जिसके कारण fluid की दो layer एक-दूसरे के अपर slide करती हैं।

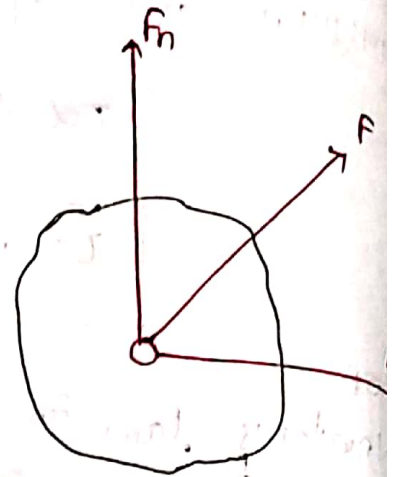
परन्तु इसकी direction slide direction या flow direction या flow direction के $\downarrow$ proportional होती है।
inversely

"Opposite and tangential force per unit area is called shear stress."

$$F_R = \tau \cdot A$$

$$\text{Shear stress} = \frac{F_A}{A}$$

$$\text{pressure} = \frac{F_n}{A}$$



Units of viscosity-

We know that

$$\mu = \frac{\tau}{\frac{du}{dy}} = \frac{N/m^2}{1/sec} = \frac{N \cdot sec}{m^2}$$

$$\mu = Pa \cdot sec. \text{ (SI unit)}$$

$$\mu = \frac{kg \cdot m \cdot sec^{-1} \cdot m^{-2}}{sec^{-1} \cdot m^{-1}} = kg/m \cdot sec$$

viscosity की c.g.s unit gm/cm · sec होती है। जिसे poise भी कहते हैं।

$$1 Pa \cdot sec = 10 \text{ poise}$$

$$\text{viscosity of } H_2O \text{ at } 20^\circ C = 1 \text{ Centipoise} = 0.01 \text{ poise}$$

Effect of Temperature on viscosity -

We know that viscous force और momentum forces के कारण viscosity होती है। Liquid में cohesive forces की मात्रा momentum forces से ज्यादा होती है।

अतः liquid की temperature देने पर cohesive forces weak की जाते हैं। जिससे viscosity कम हो जाती है। परन्तु जब gases की बात करते हैं। तो इसमें momentum forces का amount अधिक होता है। जैसे ही हम temp. बढ़े हैं तो momentum force increase होता है। जिससे gases के molecules के resistance बढ़ जाता है। अतः gases की viscosity बढ़ जाती है।

$$\mu \propto \frac{1}{T}$$

Liquid

$$\mu \propto T$$

Gases

where μ = viscosity

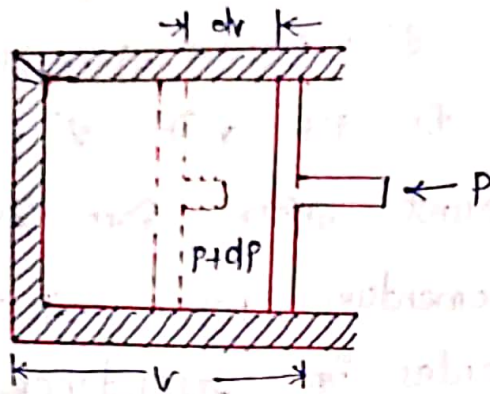
Effect of Pressure on viscosity-

Normally (Ordinary) pressure पर fluid की viscosity pressure से स्वतंत्र होती है। वस्तुतः High pressure पर fluid की viscosity pressure increase करने पर likely increase होती है।
छद्म oil के लिए ही True है।

Compressibility And Bulk Modulus of Elasticity-

compressibility fluid की वह property है जिसके कारण external pressure के द्वारा इसके volume में change होता है। compressibility का use उस condition में लिया जाता है। जब fluid velocity Round की velocity के लगभग percentage के पास हो या अधिक हो। -20

* compressibility and Bulk Modulus of Elasticity *
Bulk Modulus of elasticity is defined as the ratio of compressive stress to volumetric strain.



OR -

Bulk Modulus -

हृत् के नियम की सीमाओं के अन्दर वस्तु strain के लिए ज़िन्दी वस्तु में उत्पन्न आयतन प्रतिबल तथा आयतन विरुद्ध के अनुपात को उस वस्तु के पदार्थ का आयत्नात्मक प्रत्यास्थता गुणोत्त (Bulk Modulus) कहते हैं। यह हव अवस्था अथवा द्रव के volume में होने वाले change उस liquid अथवा द्रव द्वारा ज़िन्दी गये विरोध को measure करता है। इसे B अथवा K से present करते हैं।

$$\text{Bulk} = \frac{\text{आयतन प्रतिबल (Stress)}}{\text{आयतन विरुद्ध (Strain)}} = \frac{F/A}{-\frac{\Delta V}{V}}$$

$$K = \frac{-\Delta P}{-\frac{\Delta V}{V}}$$

$$K = -V \frac{\Delta P}{\Delta V}$$

यहाँ Negative चिन्ह यह represent करता है कि pressure के बढ़ने पर volume में कमी आती है।

OR -

Bulk Modulus of is defined as the ratio of compressive stress to volumetric strain.

Note- Bulk Modulus की value, gases के लिए बहुत कम तथा liquids के लिए बहुत अधिक होती है।

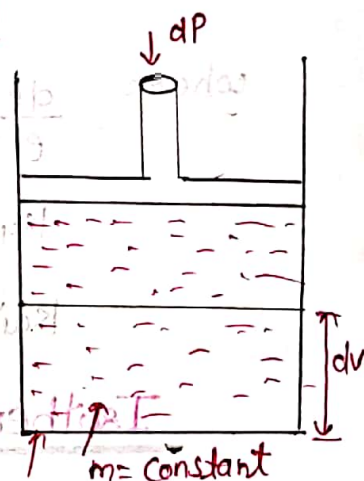
Compressibility-

compressibility fluid की वह property है, जिसे कारण external pressure के द्वारा इसके volume में change होता है। compressibility का use उस condition में लिया जाता है। जब fluid velocity की velocity के लगभग percentage के पास हो या अधिक हो।

Compressibility, Bulk Modulus के व्युत्क्रम के बराबर होती है।

$$\text{Compressibility} = \frac{1}{\text{Bulk Modulus}}$$

Gases की compressibility अधिक तथा liquids की बहुत कम होती है। इस arrangement में constant mass का fluid fill है, जिसका initial pressure P_1 & initial volume V_1 है। जब इस piston cylinder arrangement में pressure को increase $P_1 V_1$ किया जाता है।



जिसे कारण constant mass के fluid का volume decrease होने लगता है। इसलिए हम कह सकते हैं, कि

$$dP \propto \left(-\frac{dv}{V}\right)$$

यह Negative यह pressure के बढ़ने पर volume में आने को बताता है।

$$dP = k \left(-\frac{dv}{v} \right)$$

$$k = \frac{dP}{-\frac{dv}{v}} \quad \text{N/m}^2$$

k = Bulk modulus

$\frac{dv}{v}$ = volumetric strain

we know that

$$m = \rho \cdot v$$

$$dm = \rho \cdot dv + v \cdot d\rho$$

$$0 = \rho \cdot dv + v \cdot d\rho$$

$$\frac{dv}{v} = -\frac{d\rho}{\rho}$$

then

$$k = \frac{dP}{\frac{d\rho}{\rho}} \quad \text{N/m}^2$$

where

$\frac{d\rho}{\rho}$ = density strain

$$k_{H_2O} = 2.0 \times 10^8 \text{ N/m}^2$$

$$k_{air} = 1.05 \times 10^5 \text{ N/m}^2$$

Isothermal compressibility -

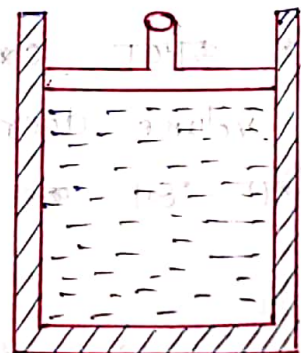
Bulk Modulus

$$k = \frac{dP}{-\frac{dv}{v}} \quad \text{--- (1)}$$

we know that

$$PV = nRT$$

$$PV = \text{constant}$$



$T = \text{constant}$

$dT = 0$

$$Pdr + vdp = 0$$

$$-\frac{dr}{v} = \frac{dp}{P} \quad \text{--- ②}$$

from equation ① & ②

$$k = \frac{dp}{\frac{dp}{P}}$$

$$k = P$$

Constant temperature पर bulk modulus, applied pressure के equal होता है।

अतः Compressibility

$$P_c = \frac{1}{k} = \frac{1}{P}$$

Adiabatic Compressibility -

we know that for adiabatic process

$$Pv^\gamma = \text{constant}$$

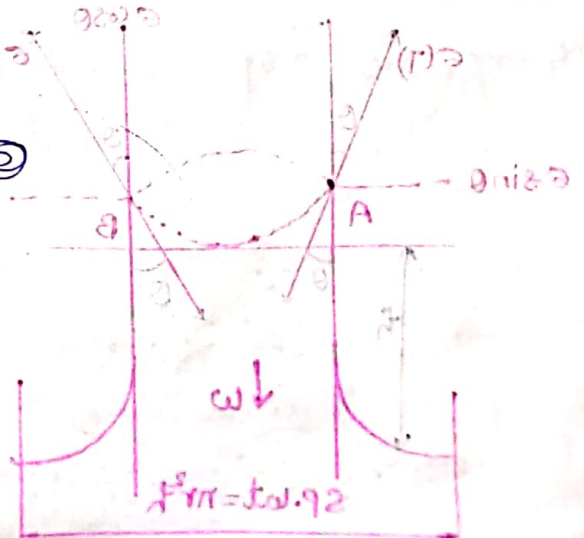
$$Pv^\gamma dr + v^\gamma dP = 0$$

$$\frac{v^\gamma dr}{v^\gamma} = \frac{dP}{\gamma P}$$

$$\frac{dr}{v} = \frac{dP}{\gamma P} \quad \text{--- ②}$$

from equation ① & ②

$$k = \frac{dP}{\frac{dP}{\gamma P}}$$



$$K = \gamma P \quad N/m^2$$

Compressibility

$$\beta_c = \frac{1}{K} = \frac{1}{\gamma P} \quad m^2/N$$

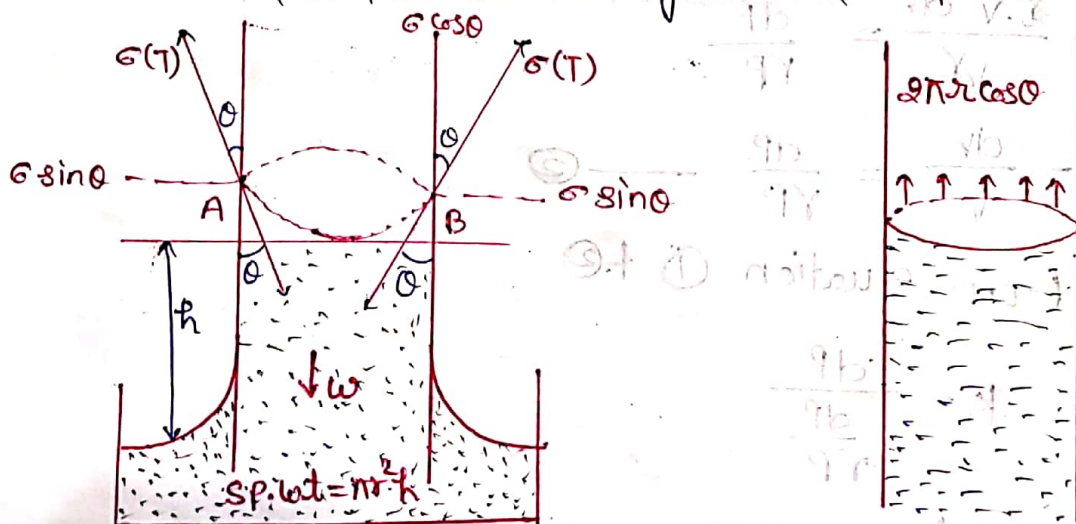
Capillary -

जो (बाल) के समान बारीक 14 द्रिढ़ वाली नली को कैपिलरी कहते हैं। जब glass की दोनों सिरों पर शुद्ध स्पष्ट Capillary को किसी liquid में डूबा करते हैं तो -

1. वे liquid को जो glass को गिला करते हैं तथा जिनसे लिये स्पर्श कोण का मान 90° से अधिक होता है अथवा जिनका घट्ट उत्तल होता है। Capillary में ऊँच नीचे उतर जाते हैं जैसे - Hg.

अर्थात् Capillary में liquid के $\cos \theta$ तथा $\sin \theta$ की परिचयना को capillarity कहते हैं।

Capillarity का मुख्य कारण surface tension अथवा cohesive तथा adhesive दोनों के कारण होती है। Capillary की value, tube के diameter, surface tension और specific weight पर depend करती है।



Force in upward direction (pulling force)

$$= 6 \times 10^{-2} \times 2 \pi r$$

Force in downward direction

$$W = \text{sp. wt (e.g.)} \times \pi r^2 h$$

equilibrium की condition में upward तथा downward force बराबर होते हैं।

$$6 \times 10^{-2} \times 2 \pi r = \text{sp. wt (e.g.)} \times \pi r^2 h$$

$$h = \frac{2 \times 6 \times 10^{-2}}{\text{sp. wt (e.g.)} \times r}$$

fluid

Vapour pressure

सभी liquid vaporise या evaporate की tendency रखते हैं। इस case में liquid phase, vapour phase में convert होती है और liquid particles (molecules) gas phase में transfer होते हैं। ^{Liq. vapour} particle के द्वारा liquid की surface के ^{पर} लगाये गये pressure को vapour pressure कहते हैं। Vapour pressure, Temp. Increase करने पर Increase होता है।

Kinematic Viscosity

Fluid की viscosity को उसकी density से भाग कर दिया जाये, तो इसे kinematic viscosity कहते हैं। इसे ν से represent करते हैं।

$$\nu = \frac{\mu}{\rho}$$

Where

μ = viscosity of fluid

ρ = density of fluid

इसकी SI & M.K.S में unit m^2/sec & C.G.S में cm^2/sec या stoke होते हैं।

Classification of Fluid

Fluid

Ideal Fluid
 $(\mu=0, \rho=\text{constant})$
 $\tau=0$

Real Fluid ($\mu \neq 0$)
 (Obey power law)
 $\tau = \mu \left(\frac{dv}{dy} \right)^n + \tau_0$

Newtonian fluid

$$\left[\tau = \mu \frac{dv}{dy}, \tau_0 = 0, n = 1 \right]$$

Non-Newtonian Fluid

Time independent fluid

Time dependent fluid

$\tau_0 = 0$

$\tau_0 > 0$

Ideal plastic
 (Bingham plastic)
 $(n=1, \tau_0 > 0)$

Pseudo plastic (shear thinning)

$$[\tau_0 = 0, n < 1, \frac{dv}{dy} \uparrow, \mu \downarrow]$$

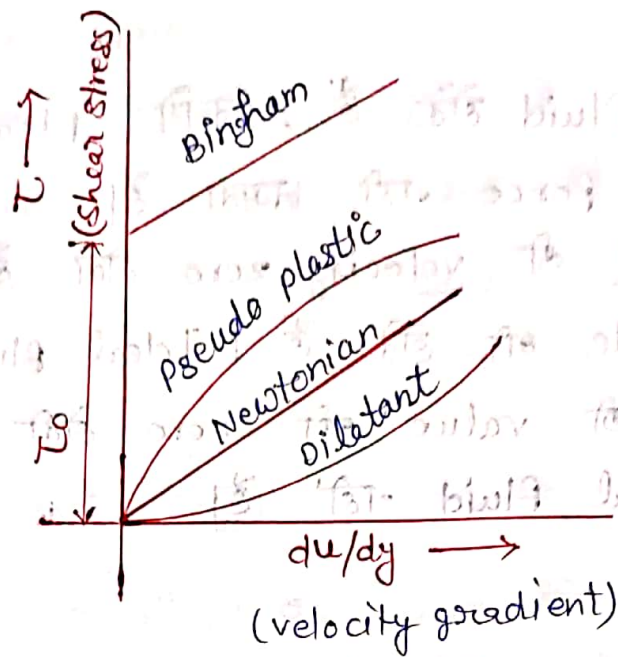
[$\frac{dv}{dy} \uparrow, \mu \downarrow$]
 Dilatent fluid
 (shear thickening) [$\tau_0 = 0, n > 1$]

Thixotropic Fluid

$$n < 1, \frac{dv}{dy} \uparrow, \mu \downarrow$$

Rheopectic Fluid

$$n > 1, \frac{dv}{dy} \uparrow, \mu \uparrow$$



(ii) Fluids of Behaviour of Bingham

A. Compressive fluid -

Compressive fluid is a fluid in which the density increases with increase in pressure. It is a fluid in which the volume decreases with increase in pressure. It is a fluid in which the density increases with increase in pressure.

B. Incompressive fluid -

Incompressive fluid is a fluid in which the density remains constant with increase in pressure. It is a fluid in which the volume remains constant with increase in pressure. It is a fluid in which the density remains constant with increase in pressure.

Yashvendra
YASHPAL VERMA [CSE]

Fluid को दो भागों में divide कर सकते हैं।

1. Ideal Fluid-

Ideal Fluid वे fluid होते हैं, जिनमें flow के दौरान कोई resistance force नहीं लगता है।
अर्थात् इन fluid की velocity zero होती है और यह fluid incompressible भी होते हैं। Ideal fluid के लिए surface tension की value भी zero होती है। वास्तव में कोई भी ideal fluid नहीं है।

2 Real Fluid-

Real Fluid वह fluid होते हैं जिनमें flow के दौरान resistance force work करते हैं। Real fluid को निम्न आधार पर विभाजित कर सकते हैं-

(i) fluid के behaviour के आधार पर

(ii) rate of deformation के आधार पर

(i) fluid के behaviour के आधार पर -

A. Compressive Fluid-

Compressive fluid वे fluid होते हैं जिनकी density temperature & pressure के कारण change होती है।

Ex - Gas को compressive fluid में रखा गया है।

B. Incompressive Fluid-

Incompressive fluid वे fluid होते हैं जिनकी density pressure & temperature के कारण change नहीं होती है।

As - Liquid को incompressive fluid में रखा गया है।

(ii) Rate of Deformation के आधार पर -

A. Newtonian Fluid -

Newtonian fluid वह fluid होते हैं जो Newton viscosity law को follow करते हैं।

Ex- All gases, pure liquid, Carocen, Alcohol, Glycerin, Benzene, Hexane, Ether, Air, Sugar solution in water.

B. Non-Newtonian Fluid -

Non-Newtonian fluid वह fluid होते हैं जो Newton viscosity law को follow नहीं करते हैं।

इन्हे लिए Yield shear stress की value zero या zero से बड़ी होती है। और power index (n) की value 1 के equal नहीं होती है।

Ex- Tooth paste, Paint, Gally etc.

Non-Newtonian fluid को viscosity change के आधार पर दो भागों में divide किया गया है।

① Time independent fluid

② Time dependent fluid.

① Time Independent fluid -

Time independent fluid वह fluid है जिसकी viscosity केवल temperature & velocity gradient पर depend करती है। Time independent fluids yield shear stress के आधार पर दो भागों में divide किया गया है।

$\tau = 0$ [Threshold stress = 0]

इन Fluid को दो भागों में बांटा गया है।

(i) Pseudo plastic Fluid

(ii) Dilatent Fluid

(i) Pseudo plastic Fluid-

Pseudo plastic वह Fluid होते हैं जिनकी ^{viscosity} Rate of Shear strain के साथ घटती है। इन Fluid को Shear thinning Fluid भी कहते हैं।

Pseudo plastic Fluid के लिए power index की value 1 से कम होती है।

Ex- Blood, solution of High molecular weight polymer, power pulp, mud, slurry, paper pulp etc.

(ii) Dilatent Fluid-

Dilatent Fluid वह Fluid है जिनकी ^{viscosity} Rate of Deformation बढ़ने के साथ बढ़ती है। इन Fluid को Shear thickening Fluid भी कहते हैं।

इन Fluid के लिये power index की value 1 से अधिक होती है।

Ex- Pulp in water, sand filled emulsions, suspensions of starch in water.

Bingham plastic-

Bingham plastic वह Fluid होते हैं जो certain stress तक solid जैसा behave करते हैं। परन्तु certain shear stress से अधिक का stress लगाने पर इसमें deformation आरंभ हो जाता है।

Ex- Tooth past, Sludge. $[0 = 220 \text{ cP} \text{ at } 0 = T]$

इन fluid के लिए power index की value (n) 1 तथा Threshold stress की value zero से बड़ी होती है।

2. Time Dependent fluid -

Time dependent fluid वह fluid होते हैं, जिनकी viscosity gradient के अलावा time पर भी depend करती है। यह दो प्रकार के होते हैं।

(i) Thixotropic fluid -

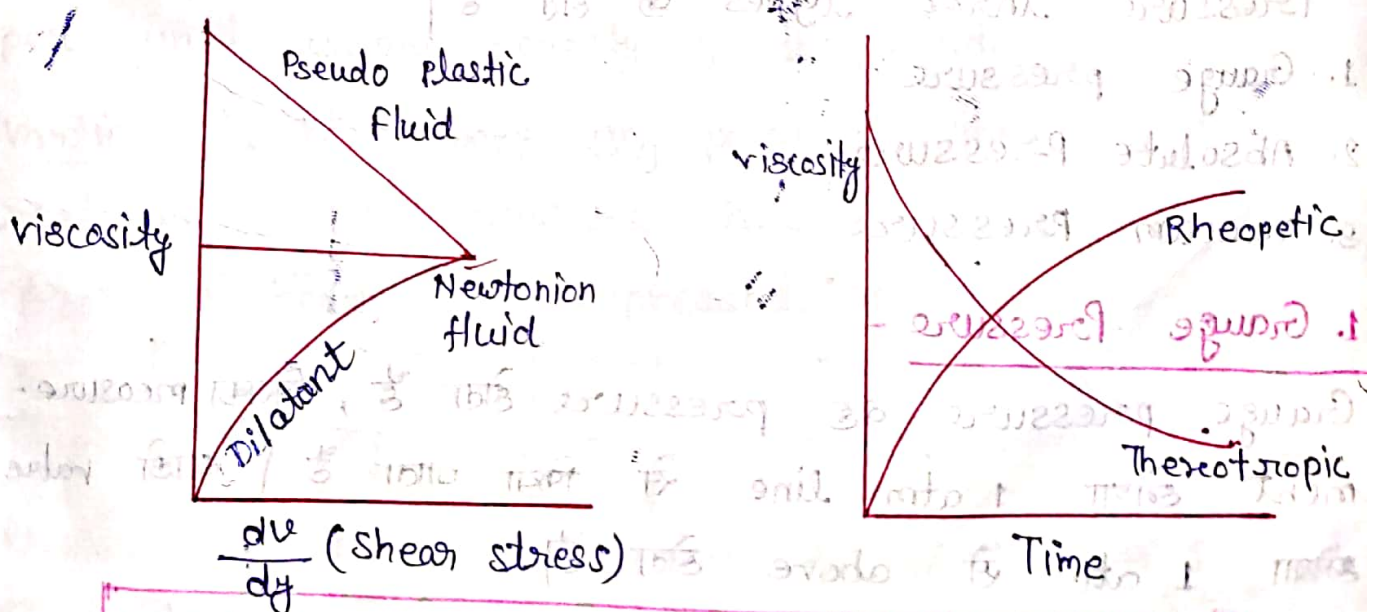
Thixotropic fluid वह fluid होते हैं, जिनकी viscosity time के साथ decrease होती है। जबकि उन पर constant shear stress कार्य करता है।

Ex- Some polymer solution & some paints.

(ii) Rheopective -

Rheopective fluids वह fluid हैं जिनकी viscosity time के साथ increase होती है। जबकि इन पर constant shear stress कार्यरत होता है।

Ex- Some lubricants, Gypsum, printer etc.



Pressure.

Pressure, static fluid की एक basic property है, जब fluid का certain mass किसी vessel में present होता है, तब fluid के mass के द्वारा vessel के base पर लगाये गये perpendicular force को pressure कहे हैं। Pressure is defined as the normal force by the fluids on the unit area of the surface is called fluid pressure.

Pressure and intensity of pressure is given by

$P = \frac{F}{A}$, pressure की unit pascal, Bar, mm of Hg, torr, N/m^2 etc. हैं।

$$1 \text{ atm} = 101.325 \text{ kPa} = 101.325 \times 10^3 \frac{N}{m^2} \text{ (Pa)}$$
$$= 760 \text{ mm of Hg (torr)} = 14.7 \text{ PSI}$$

$$1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa.}$$

Types of Pressure

Pressure three types के होते हैं।

1. Gauge pressure
2. Absolute pressure
3. vacuum pressure.

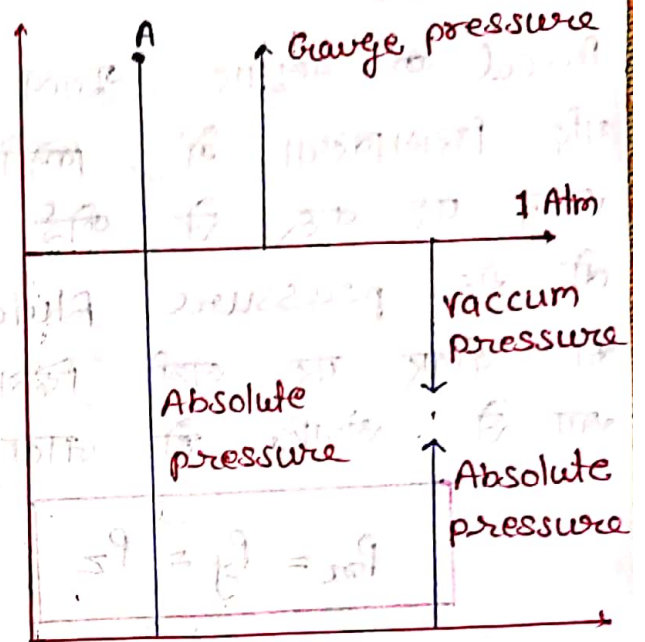
1. Gauge Pressure -

Gauge pressure वह pressure होता है, जिसका measurement हमेशा 1 atm line से लिया जाता है। इसकी value हमेशा 1 atm से above होता है।

$$\text{Absolute Pressure} = \text{Gauge Pressure} + 1 \text{ atm}$$

2. Absolute pressure -

Absolute pressure वह pressure होता है, जिसका measurement absolute line या zero line से किया जाता है। Absolute pressure की value 1 atm से बड़ी या छोटी हो सकती है।



3. Vacuum pressure -

(Negative gauge pressure)

Vacuum pressure वह pressure होता है, जिसकी value 1 atm से कम होती है और इसका measurement 1 atm line से किया जाता है।

$$1 \text{ atm} = \text{vacuum pressure} + \text{Absolute pressure}$$

Pressure Head -

Pressure head is defined as the pressure energy per unit weight density of the fluid.

Vertical height above any point in the liquid at rest is called pressure head.

pressure head is expressed as -

$$h = \frac{P}{\rho g} = \frac{P \cdot V}{m \cdot g}$$

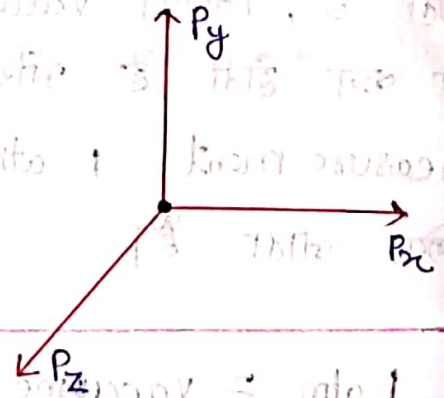
Pressure head की unit length की unit के बराबर होती है।

Pascal Law -

Pascal law pressure intensity at any point in a fluid at rest has the same magnitude in all direction.

Pascal के अनुसार - गुरुत्व के प्रभाव को नगण्य मानते हुये यदि विरामावस्था में किसी असम्पीड्य तरल के किसी स्थान पर बाहर से कोई pressure लगाया जाता है तो यह pressure fluid के प्रत्येक भागों में तथा बर्तन की किवार पर सभी दिशाओं में एक समान तथा अपविरहित रूप से संचरित हो जाता है।

$$P_x = P_y = P_z$$

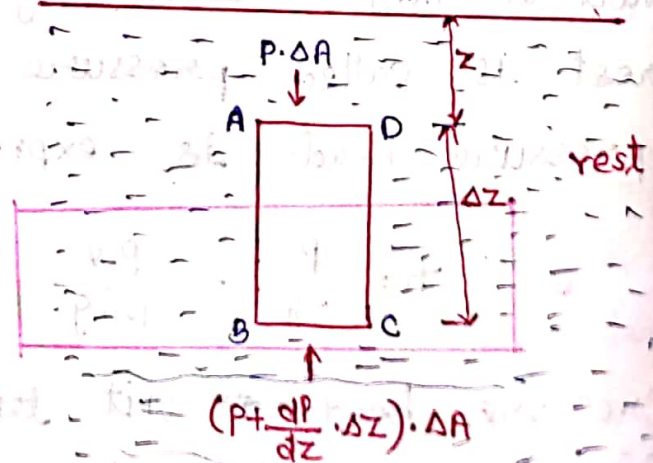


अनुप्रयोग -

इस Law का use हव चालित मशीनों (हव चालित प्रेस, हव चालित ब्रेक) में किया जाता है।

Hydrostatic Law

माना Rest fluid के अन्दर एक small fluid element ABCD free surface से z depth पर present है। इस fluid element का cross sectional Area ΔA व Height Δz है।



At equilibrium Condition -

The force acting on fluid element are -

1. Pressure force on AB = $P \cdot \Delta A$

and acting perpendicular to surface AB in downward direction

2. Pressure force on face CD = $(P + \frac{dP}{dz} \cdot \Delta z) \cdot \Delta A$

and its acting perpendicular to surface CD in vertical upward direction.

3. weight of fluid element = $Mg = \rho \cdot \Delta A \cdot \Delta z \cdot g$

its acting vertical downward.

4. Pressure force on surface BC & AD are equal and opposite.

$$P \cdot \Delta A - (P + \frac{dP}{dz} \cdot \Delta z) \cdot \Delta A + \rho \cdot \Delta A \cdot \Delta z \cdot g = 0$$

$$P \cdot \Delta A - P \cdot \Delta A - \frac{dP}{dz} \cdot \Delta z \cdot \Delta A + \rho \cdot \Delta A \cdot \Delta z \cdot g = 0$$

$$-\frac{dP}{dz} \cdot \Delta z \cdot \Delta A = -\rho \cdot \Delta A \cdot \Delta z \cdot g$$

$$\boxed{\frac{dP}{dz} = \rho g} \quad \text{--- (1)}$$

$$\boxed{dP = dz \cdot \rho g}$$

equation (1) represents hydrostatic law which states the rate of increase of pressure in downward direction must be equal to the specific weight of the fluid at that point.

MANOMETER

Manometer एक device है, जिसके द्वारा fluid के अन्दर किसी point पर fluid column को balance करके pressure measure करके जा सकते हैं।
गए दो प्रकार के होते हैं।

1. Simple Manometer

2. Differential

1. Simple Manometer -

Simple manometer के द्वारा fluid के किसी एक point पर pressure को measure किया जाता है। Simple manometer के द्वारा gauge pressure measure किया जाता है। Simple manometer commonly three types के होते हैं।

A. Piezomanometer

Piezo Manometer, manometer की सबसे simple form है। इसके द्वारा negative gauge pressure (vacuum pressure) को measure नहीं कर सकते हैं। Piezo manometer एक 'L' shape की simple glass tube होती है। जिसका एक सिरा (कोटा सिरा) उस point से connect किया जाता है। जिस पर pressure जात करना है और दूसरा सिरा surrounding में open छोड़ दिया जाता है।

Piezo Manometer के कोटे सिरे को fluid के अन्दर 'A' point से connect किया जाता है, तब वह fluid piezo meter के लम्बी वाली tube में अन्दर की ओर चढ़ने लगता है और कुछ समय बाद fluid column की height में चढ़ना बंद हो जाता है, fluid column की height को measure करके उस point पर pressure प

निम्न formula से ज्ञात कर सकते हैं। 2

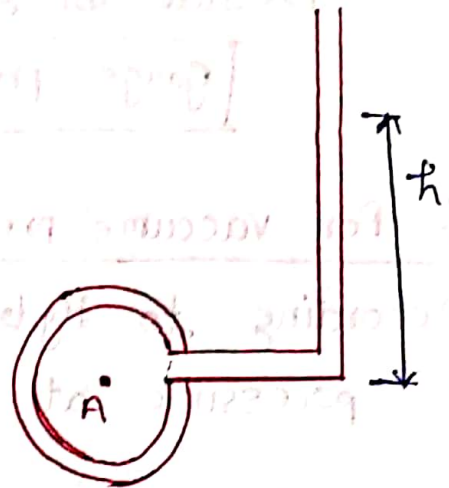
$$P = \rho g h$$

where

ρ = density of fluid

g = gravity

h = height of fluid column

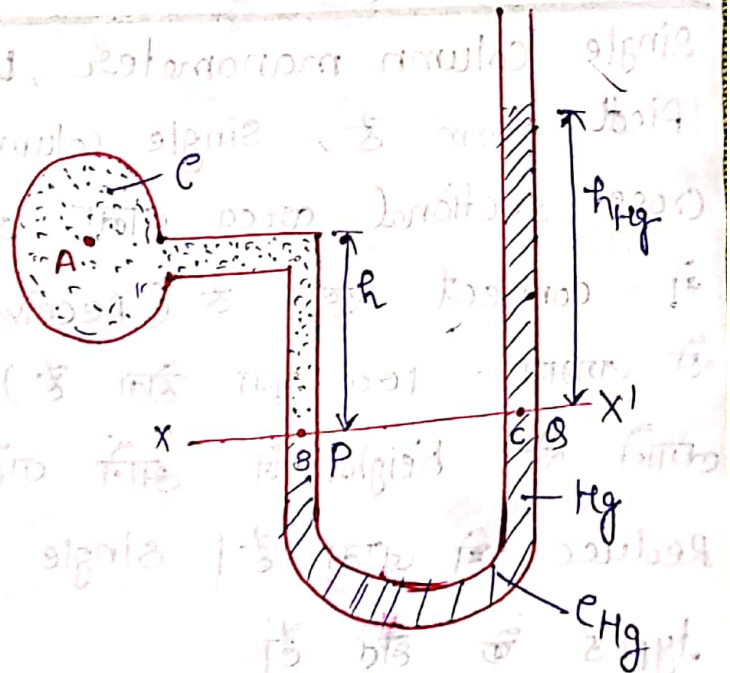


B. U-Tube Manometer

(i) For Gauge pressure

U-Tube manometer में एक U-Shape की कांच की tube होती है। जिसके अन्दर एक manometric fluid (Hg) भरा होता है और उसका एक सिरा उस point से connect रहता है, जिस point पर pressure ज्ञात करना हो और दूसरा सिरा atmospheric surrounding में open रहता है।

for hydrostatic law datum line के around pressure measure करने पर pressure at point 'P' equal to pressure at point Q.



$$P = Q$$

$$P_A + \rho g h = \rho_{Hg} \cdot g \cdot h_{Hg}$$

$$P_A = \rho_{Hg} \cdot g \cdot h_{Hg} - \rho g h \quad (\text{gauge pressure})$$

Note- किसी भी numerical में हम छोटा absolute pressure का ही प्रयोग करते हैं।

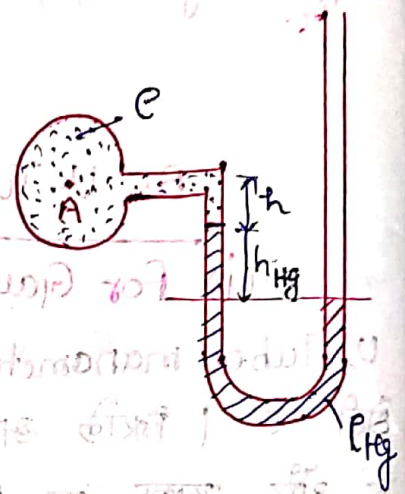
$$\text{Gauge pressure} = \text{Absolute pressure} - 1 \text{ atm}$$

(b) For vacume pressure -

According to hydrostatic law, pressure at point 'p' pressure at 'a'

$$P_A + \rho g h + \rho_{Hg} g \cdot h_{Hg} = 0$$

$$P_A = -(\rho g h + \rho_{Hg} g \cdot h_{Hg})$$



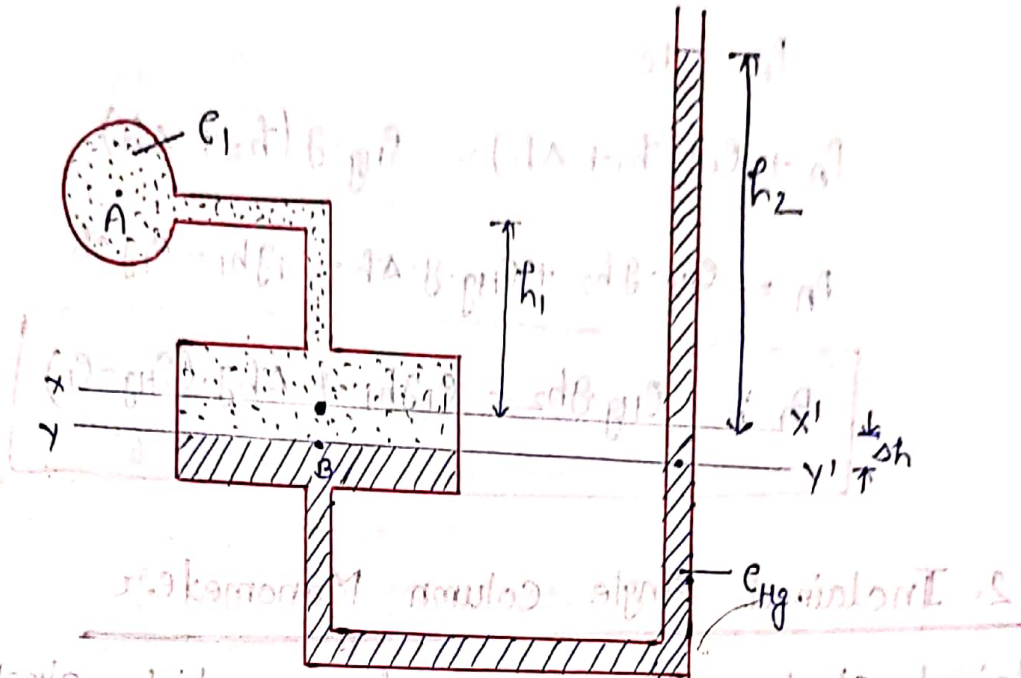
- Single Column Manometer OR Well Type Manometer OR Micro Manometer -

Single column manometer, U-tube manometer की modified form है, single column manometer में एक large cross sectional area वाला receiver, tube की एक arms से connect रहता है (Receiver का area tube के area से लगभग 100 गुना होता है) Left arms में receiver लगाने से height में आने वाले उतार-चढ़ाव (fluctuation) Reduce हो जाता है। Single column manometer two types के होते हैं।

(अन्य प्रकार के मैनोमीटर)

$$P_A = -(\rho g h + \rho_{Hg} g \cdot h_{Hg})$$

A. Vertical Single Column Manometer



Vertical single column manometer का use high pressure & moderate pressure को measure करने के लिए किया जाता है। इसमें एक receiver होता है। जिसका area tube के area के लगभग 100 गुना होता है। Vertical single column manometer को उपरोक्त figure में दर्शाया गया है। माना receiver का area A तथा Tube का area a है। इस manometer को point से connect करने पर manometric fluid की height से Δh ऊँची आती है। जिसके कारण right arms में h_2 height manometric fluid की increase हो जाती है।

Receiver में manometric fluid का volume = Right side tube में manometric fluid का volume

$$A \times \Delta h = a \times h_2$$

$$\Delta h = \frac{a}{A} \times h_2$$

Applying Hydrostatic law around datum line

यय

5

$$P_B = P_C$$

$$P_A + \rho_1 g (h_1 + \Delta h) = \rho_{Hg} g (h_2 + \Delta h)$$

$$P_A = \rho_{Hg} g h_2 + \rho_{Hg} g \Delta h - \rho_1 g h_1 - \rho_1 g \Delta h$$

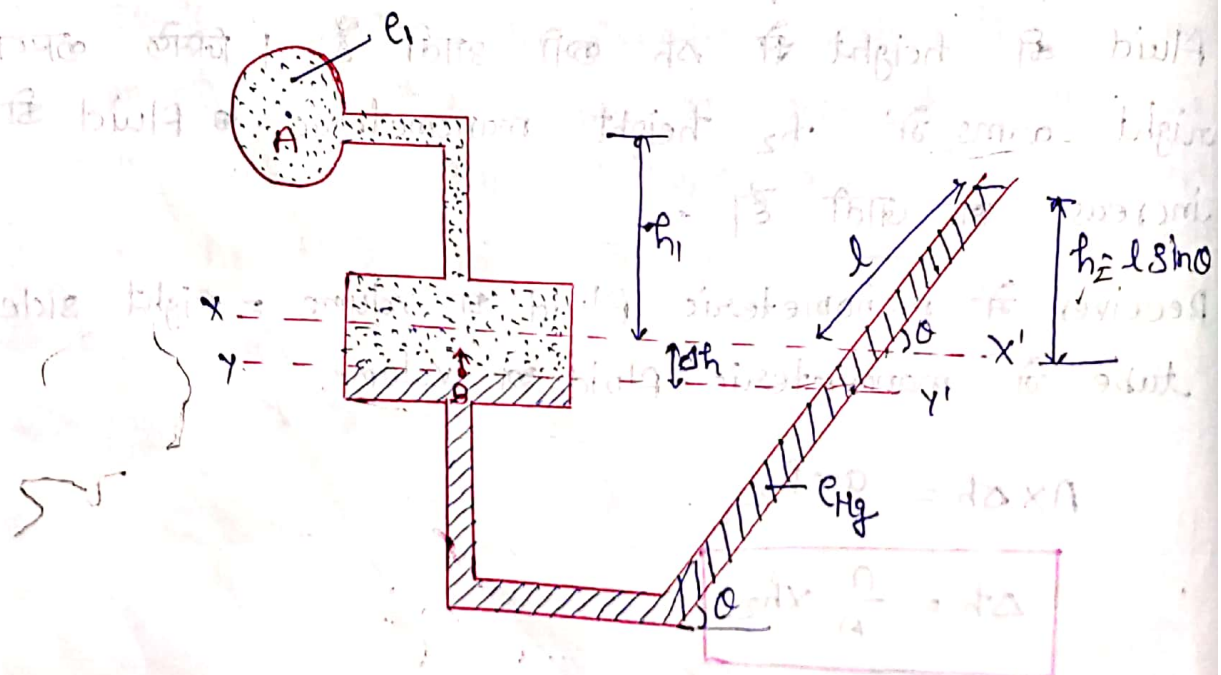
$$P_A = \rho_{Hg} g h_2 - \rho_1 g h_1 + \Delta h g (\rho_{Hg} - \rho_1)$$

2. Inclined Single Column Manometer

Inclined single column manometer, verticle single column manometer से अधिक sensitive होते हैं। इसका अर्थ यह है कि इसके द्वारा high accuracy प्राप्त होती है।

Inclined single column manometer में manometer की sight arm या limb 0 angle पर inclined होती है।

अपरोक्त Figure में inclined single column manometer दर्शाया गया है।



from figure.

$$h_2 = l \sin \theta$$

$$\Delta h = \frac{a}{A} \times h_2$$

$$\Delta h = \frac{a}{A} \times l \sin \theta$$

$$P_A = \rho_{Hg} \cdot g \cdot l \sin \theta - \rho g h_1 + \Delta h g (\rho_{Hg} - \rho)$$

2. Differential Manometer

Differential manometer के द्वारा किसी दो points के बीच pressure difference measure किया जाता है।

Differential manometer के द्वारा absolute pressure measure किया जाता है।

Differential manometers two types के होते हैं-

(i) U-Tube differential manometer

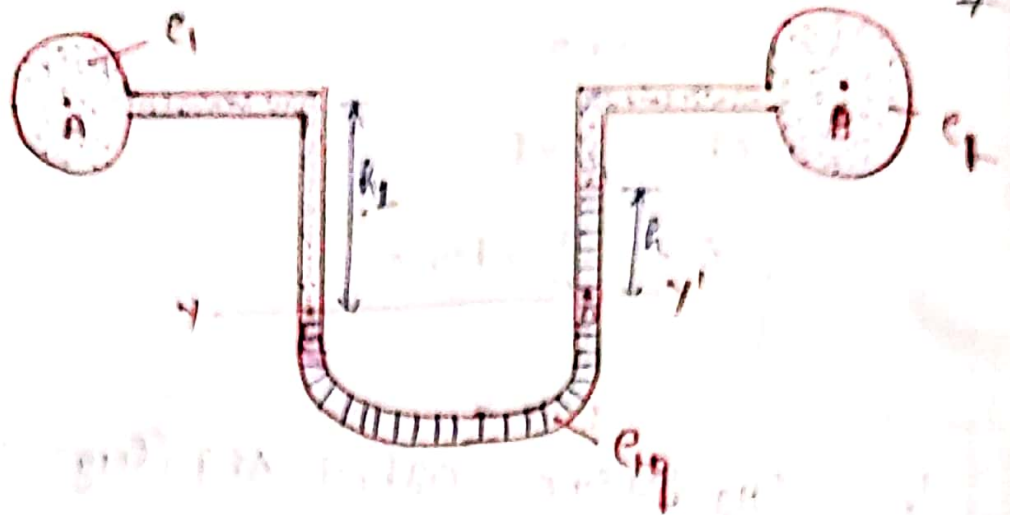
(ii) Inverted U-Tube differential Manometer.

(i) U-Tube differential Manometer

U-Tube differential manometer में एक U shape की glass की tube होती है और इसके अन्दर एक manometric fluid होता है। इसके अन्दर एक manometric fluid होता है।

Differential manometer के दो case होते हैं-

Case 1- जब point A & B same level पर हों।



pressure balance around datum line YY'

$$P_C = P_D$$

$$P_A + \rho_1 g h_1 = P_B + \rho_1 g (h_1 - h) + \rho_{Hg} g h$$

$$P_A - P_B + \rho_1 g h_1 = \rho_1 g h_1 - \rho_1 g h + \rho_{Hg} g h$$

$$P_A - P_B = g h (\rho_{Hg} - \rho_1)$$

Differential U-Tube manometer का use high pressure और moderate pressure measure करने तथा vacume pressure measure करने के लिए किया जाता है।

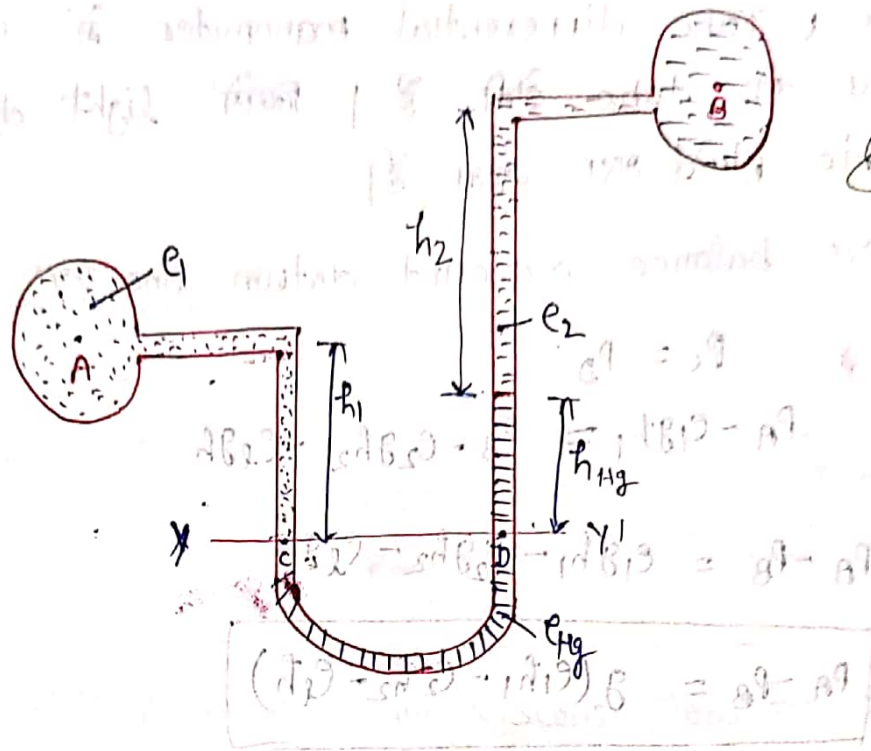
Case-II - If point A & B at difference level and have different fluid.

pressure balance around datum line YY'

$$P_C = P_D$$

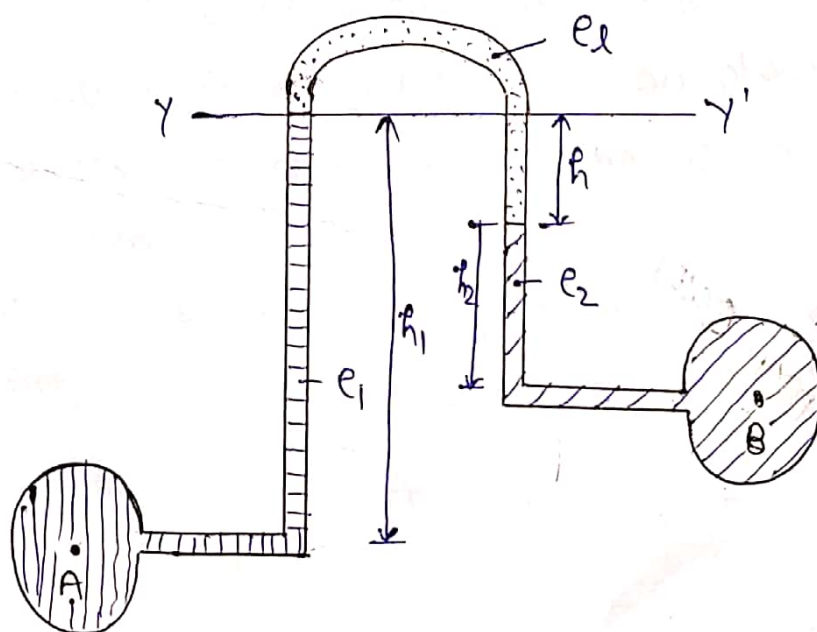
$$P_A + \rho_1 g h_1 = P_B + \rho_2 g h_2 + \rho_{Hg} g h$$

$$P_A - P_B = \rho_2 g h_2 + g h \rho_{Hg} - \rho_1 g h_1$$



(ii) Inverted U-Tube differential Manometer -

Inverted U-Tube differential Manometer का use pressure different measure करने के लिए किया जाता है। Mostly pressure different में accuracy measure करने के लिए किया जाता है।



Inverted U-Tube differential manometer में U-Shape का एक कोन की tube होती है। जिसमें light density का manometric fluid भरा रहता है।

Pressure balance around datum line YY'

9

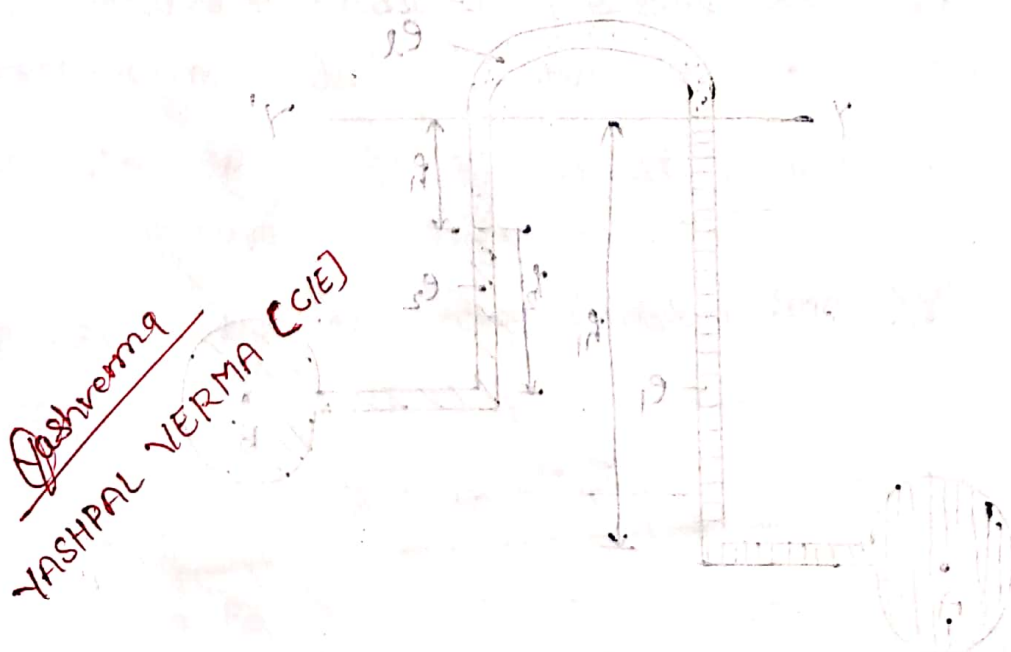
$$P_c = P_D$$

$$P_A - \rho_1 g h_1 = P_B - \rho_2 g h_2 - \rho_1 g h$$

$$P_A - P_B = \rho_1 g h_1 - \rho_2 g h_2 - \rho_1 g h$$

$$P_A - P_B = g(\rho_1 h_1 - \rho_2 h_2 - \rho_1 h)$$

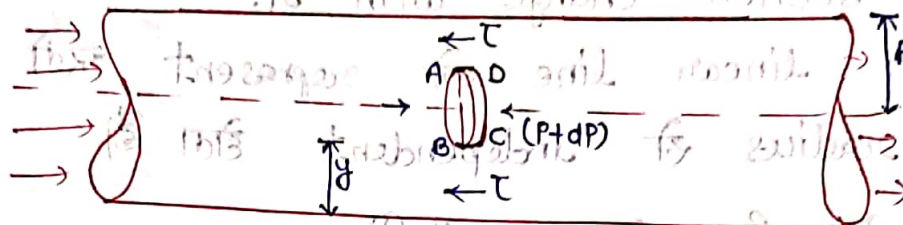
उल्टा U-ट्यूब डिफरेंशियल मैनोमीटर (I)
 इसका उपयोग दो द्रवों के दबावों को मापने के लिए किया जाता है। इसमें एक हल्के द्रव (जैसे पानी) का उपयोग किया जाता है, जो दो भारी द्रवों (जैसे तेल) के बीच में होता है। इससे दबावों में अंतर को द्रव स्तरों के अंतर के रूप में मापा जा सकता है।



Date
20 Feb. 2019.

FLOW OF INCOMPRESSIBLE FLUIDS IN PIPE

Imp. Shear stress distribution and velocity distribution in a circular pipe



माना एक incompressible fluid viscous flow में एक Horizontal pipe में flow हो रहा है। माना pipe की radius R है।

माना एक disk shape fluid element जिसकी radius r तथा length dl है। माना (इस fluid element पर अब up stream से pressure p तथा down stream से pressure (opposite) (p+dp) लग रहा है।

Force acting on the fluid element are -

1. pressure force ($p \times \pi r^2$) on phase AB
2. The pressure force $(p+dp) \cdot \pi r^2$ on phase CD
3. Shear stress $(\tau \times 2\pi r) \cdot dl$ on the surface of fluid element.

The sum of (all) forces acting on fluid element in the direction of flow must be zero (0).

$$p\pi r^2 - (p+dp)\pi r^2 - (\tau \times 2\pi r) \cdot dl = 0$$

$$p\pi r^2 - p\pi r^2 - dp\pi r^2 - \tau \times 2\pi r \cdot dl = 0$$

$$-\tau \times 2\pi r \cdot dl = -dp\pi r^2$$

$$\tau = -\frac{r}{2} \frac{dp}{dl} \quad \text{--- ①}$$

equation ① represent shear stress distribution across a section change with r .

eqn ① एक linear line को represent करती है। और pressure radius से independent होता है।

when $r = R$ from eqn. ①

इस बिंदु पर $r = R$ को eqn ① में डालें।

$$\tau_w = -\frac{R}{2} \frac{dp}{dl}$$

इस बिंदु पर τ_w को τ के बराबर मानें।

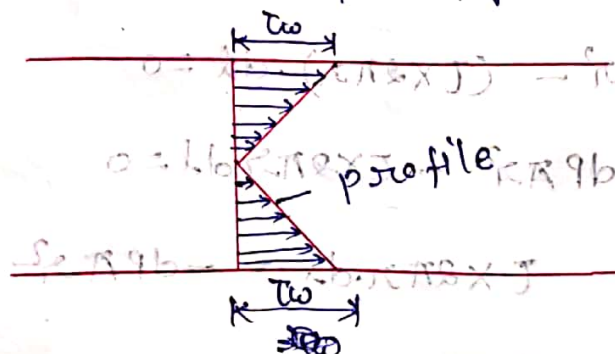
$$\frac{dp}{dl} = -\frac{2\tau_w}{R}$$

$$\tau = -\frac{r}{2} \left[-\frac{2\tau_w}{R} \right]$$

$$\tau = \frac{r}{2} \cdot \frac{2\tau_w}{R}$$

$$\frac{\tau}{r} = \frac{\tau_w}{R} \quad \text{--- ②}$$

Here τ_w shear stress at wall (pipe) surface and R radius of pipe.

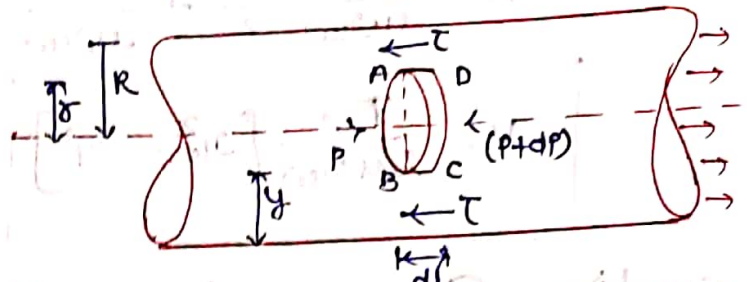


Velocity distribution in a circular pipe-

from Newton's viscosity

law

$$\tau = \mu \cdot \frac{dv}{dy}$$



from figure

$$y = r_w - r$$

$$dy = 0 - dr$$

$$dy = -dr$$

so

$$\tau = -\mu \cdot \frac{dv}{dr} \quad \text{--- (4)}$$

from equation (3)

$$\tau = \frac{\tau_w \cdot r}{r_w} \quad \text{--- (5)}$$

from eqn (4) & (5)

$$-\mu \frac{dv}{dr} = \frac{\tau_w \cdot r}{r_w}$$

$$dv = -\frac{\tau_w \cdot r \cdot dr}{\mu \cdot r_w}$$

$$dv = -\frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w} \cdot r \cdot dr$$

Integral both side

$$v = -\frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w} \cdot \frac{r^2}{2} + c$$

when

$$r = r_w \text{ then } v = 0$$

$$0 = -\frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w} \cdot \frac{r_w^2}{2} + c$$

$$c = \frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w} \cdot \frac{r_w^2}{2}$$

Then

$$v = -\frac{\tau_w}{4\mu r_w} \cdot \frac{r^2}{2} + \frac{\tau_w}{4\mu r_w} \cdot \frac{r_w^2}{2}$$

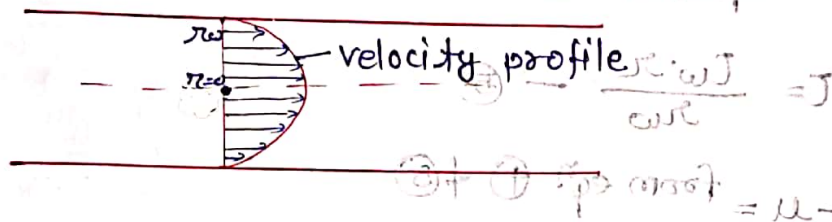
$$v = \frac{\tau_w}{4\mu r_w} [r_w^2 - r^2] \quad \text{--- 6}$$

equation ⑤ represent velocity distribution in a circular pipe & this eqn represent a parabolic eqn in r^2

when $r = r_w$ then $v = 0$

when $r = 0$ then

$$v_{\max} = \frac{\tau_w r_w}{4\mu}$$



Ratio of Maximum velocity to Average velocity -

Average velocity को pipe के discharge से को उसके cross sectional area से divide करके प्राप्त किया जाता है।

Average velocity $\bar{v}$ is defined as

$$\bar{v} = \frac{1}{A} \int v \cdot dA$$

from equation ⑥

$$\bar{v} = \frac{1}{A} \int \frac{\tau_w}{4\mu r_w} [r_w^2 - r^2] \cdot dA$$

$$\bar{v} = \frac{1}{A} \cdot \frac{\tau_w}{4\mu r_w} \int [r_w^2 - r^2] 2\pi r \cdot dr$$

$$\bar{v} = \frac{2\pi \times \tau_w}{2\pi r_w^2 \cdot 4\mu r_w} \int [r_w^2 r - r^3] \cdot dr$$

$$\bar{v} = \frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w^3} \left[r_w^2 \frac{r^2}{2} - \frac{r^4}{4} \right]_0^{r_w}$$

$$\bar{v} = \frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w^3} \cdot \left[\frac{r_w^4}{2} - \frac{r_w^4}{4} \right]$$

$$\bar{v} = \frac{\tau_w}{\mu \cdot r_w^3} \cdot \left[\frac{r_w^4}{4} \right]$$

$$\bar{v} = \frac{\tau_w \cdot r_w}{4 \mu}$$

So-

$$\frac{V_{max}}{\bar{v}} = \frac{\tau_w r_w}{2 \mu} \cdot \frac{4 \mu}{\tau_w r_w}$$

$$\frac{V_{max}}{\bar{v}} = 2$$

Fluid Kinetics -

Pressure drop for a given length of pipe

we know that

$$\bar{v} = \frac{\tau_w r_w}{4 \mu} \quad \text{--- (1)}$$

$$\tau_w = - \frac{r_w}{2} \cdot \frac{dp}{dl} \quad \text{--- (2)}$$

from eqn (1) & (2)

$$\bar{v} = - \frac{r_w^2}{8 \mu} \cdot \frac{dp}{dl}$$

$$-dp = \bar{v} \cdot \frac{8 \mu \cdot dl}{r_w^2}$$

Integrating on both side

$$-\int_1^2 dp = \bar{v} \frac{8 \mu}{r_w^2} \int_1^2 dl$$

$$P_1 - P_2 = \bar{v} \frac{8 \mu}{r_w^2} (r_2 - r_1)$$

$$P_1 - P_2 = \bar{\mu} \frac{8\mu}{r_0^2} \cdot L$$

$$\Delta P = \frac{32 \mu \bar{\mu} \cdot L}{D^2} \quad - (3) \quad \left[\because r_0 = \frac{D}{2} \right]$$

eqn (3) is called Hagen - poiseuille equation.
 इस equation का use pipe में given length के लिए
 pressure drop बात करने में करते हैं। इस eqn की
 सहायता से fluid की viscosity भी ज्ञात कर सकते हैं
 यदि pressure drop given हो।

Part - Second

Fluid kinetics -

Fluid kinetics Fluid mechanics की वह Branch है,
 जिसमें fluid के flow की study की जाती है। But
 इसमें flow के कारणों का अध्ययन नहीं किया जाता है।
 इस Branch के अन्तर्गत हम fluid की velocity,
 acceleration आदि ज्ञात करते हैं।

Fluid motion को describe करने के लिए दो method
 दिये गये -

1. Lagrangian
2. Eulerian

1. Lagrangian - इस method में fluid motion में fluid
 के किसी एक particle को consider किया
 जाता है और उस particle की velocity, acceleration,
 density, pressure etc property को find किया जाता है।

2. Eulerian method - इस method में fluid motion
 में एक point को consider किया
 जाता है।

और उस point से गुजरने वाले प्रत्येक particle को describe (find velocity, Acceleration etc) किया जाता है।
 इस method का commonly use किया जाता है।

Types of Fluid Flow-

1. Steady state & Unsteady state flow
2. Uniform & Non-uniform flow
3. Laminar & turbulent flow
4. Compressible & Incompressible flow
5. Rotational & Irrotational flow
6. 1, 2, & 3 dimensional flow

1(a). Steady state flow -

Steady state flow, flow का वह type है, जिसमें fluid की characteristics time के respect में change नहीं होती है। (velocity, pressure, density etc).

$$\left(\frac{\partial v}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} = \left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} = \left(\frac{\partial p}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} = 0$$

where - x_0, y_0, z_0 is a fixed point in a fluid field.

Ex - Flow through a prismatic (same size) or Non-prismatic conduit at a constant flow rate of $Q \text{ m}^3/\text{sec}$ is steady [A prismatic conduit has a constant size shape and has a velocity equation in the form of $u = ax^2 + bx + c$]

$$0 \neq \left(\frac{\partial v}{\partial x}\right)$$

1(b). Unsteady state flow -

Unsteady state flow, flow का वह type है जिसमें fluid की characteristics किसी point पर time के साथ change होती है।

$$\left(\frac{\partial v}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} = \left(\frac{\partial c}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} = \left(\frac{\partial p}{\partial t}\right)_{x_0, y_0, z_0} \neq 0$$

Ex - The flow in a pipe whose valve is being opened or close. [velocity equation is in the form $u = at^2 + bnt$]

2(a). Uniform flow -

Uniform flow, वह flow है जिसमें fluid की velocity किसी given time पर किसी distance के सम्बन्ध (space) change नहीं होती है।

$$\left(\frac{\partial v}{\partial x}\right)_{t=\text{constant}} = 0$$

where -

∂v = change in velocity

∂x = displacement in x-direction

Example - Flow through a straight prismatic conduit [Flow through a straight pipe of constant diameter].

2(b). Non-Uniform flow -

Non-Uniform flow, वह flow होते हैं, जिनमें fluid की velocity space के respect में change होती है।

$$\left(\frac{\partial v}{\partial x}\right)_{t=\text{const}} \neq 0$$

Example -

1. Flow through a non-prismatic conduit.
2. Flow around a uniform diameter pipe bend.

3(a). Compressible Flow -

Compressible Flow वह Flow होते हैं जिनमें Flow के दौरान fluid की density change होती है। अर्थात्

$$\rho \neq \text{constant}$$

Example - Flow of gases through orifice, nozzles, gas turbine etc.

3(b). Incompressible Flow -

Incompressible Flow, वह Flow होते हैं, जिनमें Flow के दौरान fluid की density point to point change नहीं होती है। या density constant रहती है।

$$\rho = \text{constant}$$

Example -

Subsonic Aerodynamic.

4(a). Rotational Flow -

Rotational Flow वह Flow होते हैं जिनमें Flow के दौरान fluid particles flow की अक्ष के प्रति Rotate करते हैं।

Ex - Motion of liquid in a Rotating tank.

4(b). Irrotational Flow -

Irrotational Flow, वह Flow होते हैं, जिनमें Flow के दौरान fluid particles flow की अक्ष के प्रति Rotate नहीं करते हैं।

Example - Flow above a drain hole of a stationary tank.

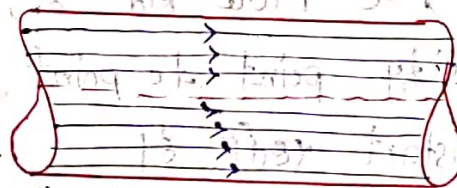
5(a). Laminar Flow -

Laminar Flow, वह Flow होता है जिसमें एक fluid particles, दूसरे fluid particles के path को cross नहीं करते or fluid particles streamline में flow करते हैं। Laminar Flow को streamline flow (viscous flow) भी कहते हैं।

Ex - (i) Flow through a capillary Tube.

(ii) Flow of blood in veins.

(iii) Grounded water flow.

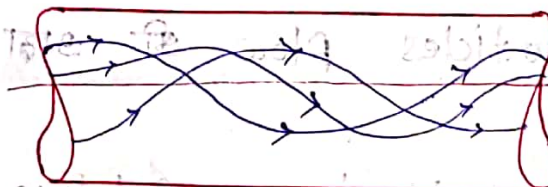


Laminar Flow.

5(b) Turbulent Flow -

Turbulent Flow वह Flow होता है जिसमें fluid particles zig-zag way में move करते हैं।

Ex - High velocity flow in a conduit of large size.



Turbulent Flow.

6(a). One dimensional Flow -

One dimensional Flow वह Flow होता है जिसमें flow parameter केवल एक space co-ordinate or time का function होता है।

$$u = f(x, t), \quad v = 0, \quad w = 0$$

where u, v, w respectively x, y, z direction में velocity है।

Ex- Flow in pipe where average flow parameter are

Consider For analysis.

6(b). Two dimensional flow -

Two dimensional flow वह flow होता है जिसमें flow parameters x, y & Time का function होता है।

$$u = f(x, y, t), \quad v = f(x, y, t), \quad w = 0$$

Ex- Flow in main stream of wide river.

6(c). Three dimensional flow -

Three dimensional flow वह flow होता है जिसमें flow parameter x, y, z & time का function होता है।

$$u = f(x, y, z, t), \quad v = f(x, y, z, t), \quad w = f(x, y, z, t)$$

Ex- Flow in convergent & divergent section (pipe).

Potential Flow (Ideal Flow) -

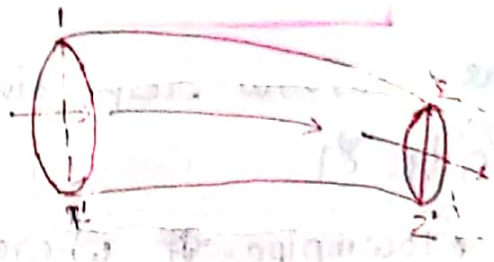
Potential flow वह flow होते हैं जिनमें ideal fluids irrotational flow में flow करते हैं। या flow के दोन layers के बीच लगने वाला shear stress zero होता है।

Ex- Uniform flow with irrotational.

$$V \cdot A = V_1 A_1$$

CONTINUITY EQUATION

This equation is based on principle of continuity equation is mass conservation law.



Let the fluid has density ρ है, जो किसी pipe के section 1-1 से enter करता है व उसी pipe के section 2-2 से निकलता है। माना section ①-① पर fluid की density ρ_1 , velocity V_1 व cross sectional area of pipe A_1 है व similarly section 2-2 पर ρ_2 , V_2 व A_2 है।

from mass conservation law

Rate of mass input = Rate of mass output

$$\frac{m_1}{\text{sec}} = \frac{m_2}{\text{sec}}$$

$$\frac{\rho_1 A_1 \times L_1}{\text{sec}} = \frac{\rho_2 A_2 \times L_2}{\text{sec}}$$

$$\rho_1 A_1 V_1 = \rho_2 A_2 V_2 \quad \text{--- (1)}$$

equation ① represent continuity equation. It is applicable for all fluids (Compressible & Incompressible fluids)
for Incompressible fluid

$$\rho_1 = \rho_2$$

$$A_1 V_1 = A_2 V_2$$

This equation is also represent continuity equation for incompressible fluids.

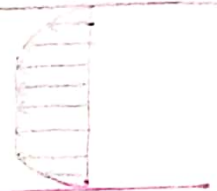
General form of continuity equation in three dimensions -

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x}(\rho u) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho v) + \frac{\partial}{\partial z}(\rho w) = 0$$

where u, v, w are velocity in x direction, y & z direction of fluid respectively.

Continuity equation in Polar Co-ordinates -

$$\frac{\partial}{\partial r}(r v_r) + \frac{\partial}{\partial \theta}(v_\theta) = 0$$



Discharge or Rate of Flow -

It is defined as the quantity of liquid flowing per second through a section of pipe or channels.

Incompressible fluid में Discharge $\frac{m^3}{sec}$ में जबकि compressible fluid के लिए Discharge $\frac{N}{sec}$ में measure करते हैं।

Discharge or Rate of flow per for incompressible fluids.

$$Q = A_1 V_1 = A_2 V_2$$

Average Velocity -

Average velocity is defined as the ratio of Volumetric flow rate of the pipe to cross sectional area of the pipe.

$$V_{avg} = \frac{Q}{A}$$

$$V_{avg} = \frac{A_1 V_1}{A}$$

$$V_{avg} = \frac{Q}{A}$$

$$\bar{u} = \frac{Q}{A}$$

$\Rightarrow$

$$u = \frac{\rho \cdot Q}{\rho \cdot A}$$

$\Rightarrow$

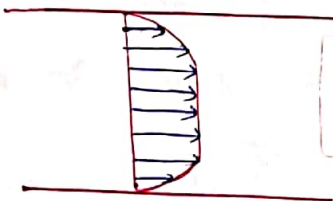
$$u = \frac{m^{\circ}}{\rho A}$$

Here

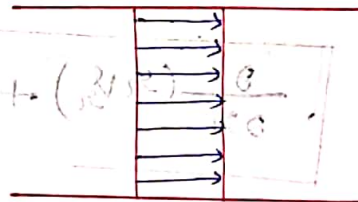
m° = mass flow rate of the fluid

ρ = density of fluid

If flow potential हो तब प्रत्येक layer की velocity same रहती है। But जोई भी flow potential flow नहीं होता है। इसलिए प्रत्येक layer की velocity change होती है।



velocity profile for real fluid



potential flow profile velocity

Hydrodynamic Zone - यह वह zone होता है जिसमें fluid अपनी average velocity के 99% पहुँच जाता है।

Mass velocity -

Mass velocity के terms का use compressible flow में होता है। mass velocity temp & pressure से independent होती है।

Mass velocity is defined as the ratio of mass flow rate of the fluid to cross sectional area of the pipe. & denoted by 'G'

$$G = \frac{m^{\circ}}{A}$$

$\Rightarrow$

$$G = \frac{\rho \cdot A \cdot v}{A}$$

$\Rightarrow$

$$G = \rho \cdot v$$

$\frac{kg}{m^2 \cdot sec}$

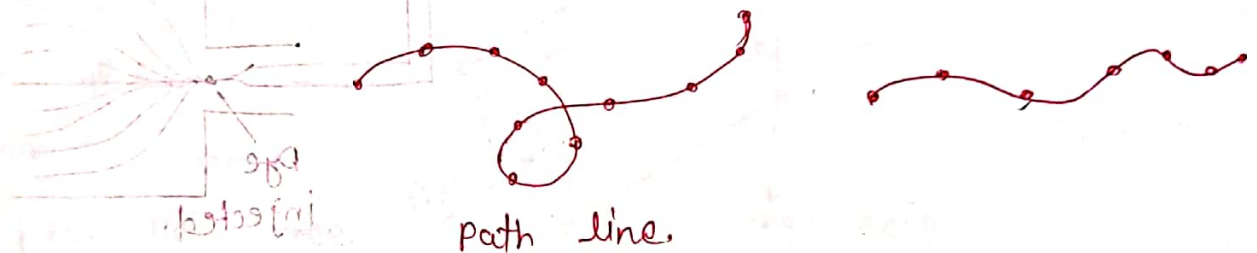
where v = Average velocity of fluid.

इसकी unit $\frac{m}{sec}$ होती है।

Types of Flow Line :-

Flow निम्न प्रकार की होती है -

(i) Path line - Path line Fluid Flow में किसी fluid particles के path को represent करती है।
path line एक ही fluid में different हो सकती है।



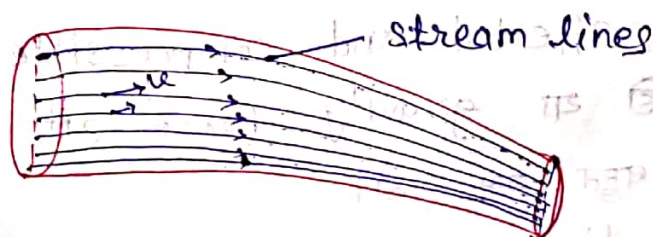
(ii) Stream line -

Stream line एक imaginary line होती है जो fluid के अन्दर flow को represent करती है। इन lines के किसी point पर tangent के द्वारा fluid की velocity ज्ञात कर सकते हैं।

Stream lines कभी दूसरी stream line को cut नहीं करती। ये spacing velocity के inversely होता है।

eqn of stream line in three dimensional flow

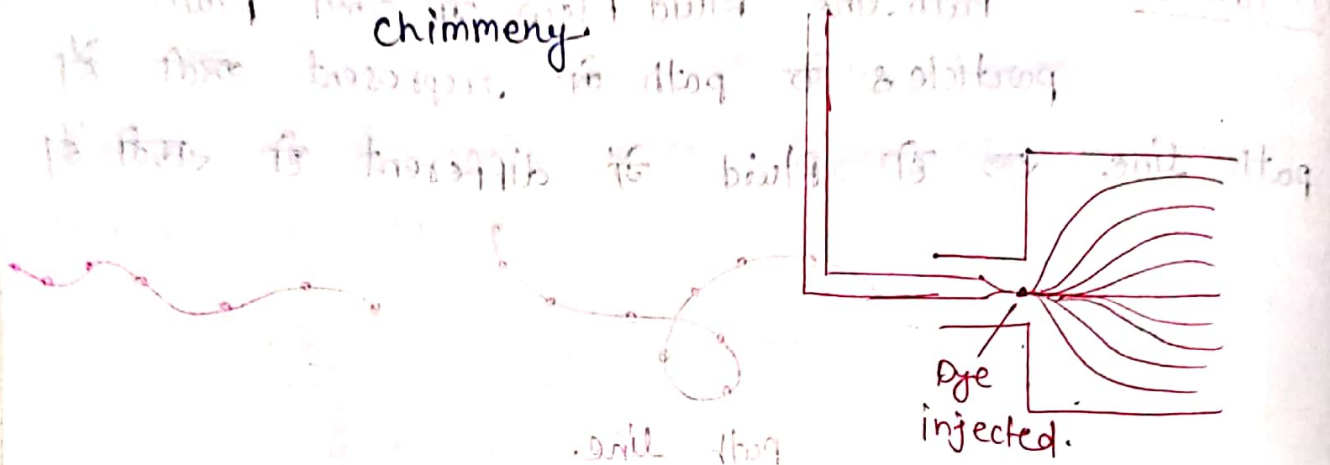
$$\frac{dx}{u} = \frac{dy}{v} = \frac{dz}{w}$$



(iii) streak line -

streak lines वह curve होते हैं जो fluid flow की initial picture को represent करते हैं। जब वह fluid किसी given point से pass होता है।

Example - path taken by smoke coming out the chimney.



BERNOULLI'S THEOREM

Bernoulli's Theorem conservation of mechanical energy.

assumption -

1. The fluid is ideal.
2. Flow is steady.
3. The flow is incompressible.
4. The flow is irrotational.

Bernoulli theorem, Flow के उस reason के लिए valid है जहाँ viscous effected and compressible effected की value नगण्य हो या gravity force और pressure force की तुलना में बहुत कम हो।

Bernoulli equation boundary layer reason or wake reason के लिए valid नहीं है।

Statement -

The sum of kinetic energy, potential energy and flow energy [All per unit mass] of a fluid particles is constant along a stream line during steady flow when compressibility and friction effect are zero (0).

proof -

माना एक Fluid

stream line flow

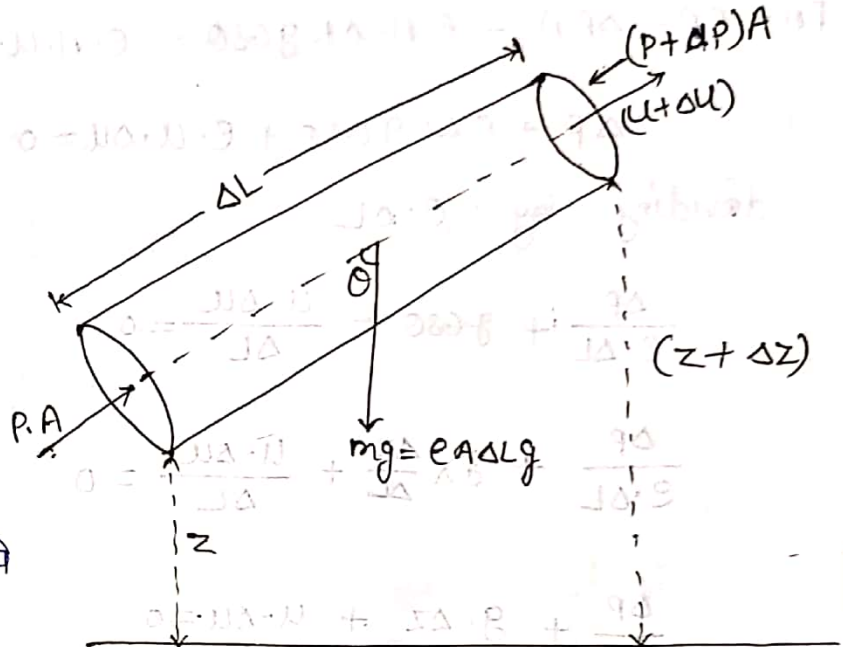
में है और इस flow

में gravity force

और pressure force

केवल consider किये गये

हैं।



माना एक Fluid element [Along stream line] Fluid element जिसकी length ΔL और constant cross sectional area A है इस Fluid element को उपरोक्त Figure में दिखाया गया है।

माना Fluid element के entrance पर velocity u तथा pressure P है और Fluid element के downstream [Exhaust] पर velocity $(u + \Delta u)$ और pressure $(P + \Delta P)$ है।
The force acting on the Fluid element are

1. Pressure force $(P \cdot A)$ in the direction of flow
2. Pressure force $(P + \Delta P) \cdot A$ in the opposite direction of flow
3. Weight of element $[\rho \cdot A \cdot \Delta L \cdot g]$

③

$$H_{total} = \frac{u^2}{2g} + z + \frac{P}{\rho g}$$

Force Balance around fluid element
[Newton's second law of motion].

Net force on fluid element = Rate of change of momentum.

$$PA - (P + \Delta P)A - e \cdot A \cdot \Delta L \cdot g \cos \theta = \frac{d}{dt}(m \cdot \Delta u)$$

$$PA - PA - \Delta P \cdot A - e \cdot A \cdot \Delta L \cdot g \cos \theta = e \cdot A \cdot u \cdot \Delta u$$

$$\Delta P + e \Delta L g \cos \theta + e \cdot u \cdot \Delta u = 0$$

dividing by $e \cdot \Delta L$

$$\frac{\Delta P}{e \cdot \Delta L} + g \cos \theta + \frac{u \cdot \Delta u}{\Delta L} = 0$$

$$\frac{\Delta P}{e \cdot \Delta L} + g \times \frac{\Delta z}{\Delta L} + \frac{u \cdot \Delta u}{\Delta L} = 0$$

From figure
 $\cos \theta = \frac{\Delta z}{\Delta L}$

$$\frac{\Delta P}{e} + g \cdot \Delta z + u \cdot \Delta u = 0$$

$$\frac{dP}{e} + g \cdot dz + u \cdot du = 0 \quad \text{--- ①}$$

equation ① represent euler theorem (equation) of motion

Integrating eq: ①

$$\int \frac{dP}{e} + \int g \cdot dz + \int u \cdot du = 0$$

$$\frac{P}{e} + g \cdot z + \frac{u^2}{2} = \text{constt}$$

dividing by g .

$$\frac{P}{e g} + z + \frac{u^2}{2g} = \text{constt}$$

$$\frac{P}{e g} + \frac{u^2}{2g} + z = \text{constt} \quad \text{--- ②}$$

equation (2) represent Bernoulli theorem (equation).

Here $\frac{P}{\rho g}$ = pressure energy per unit weight of fluid
[pressure head] [unit meter]

$\frac{u^2}{2g}$ = kinetic energy per unit weight of fluid
[kinetic head] [unit meter]

z = Potential energy per unit weight of fluid
[Potential head] [unit meter]

Other form of Bernoulli equation-

$$\underset{\substack{\text{static} \\ \text{pressure}}}{P} + \underset{\substack{\text{kinetic} \\ \text{pressure}}}{\frac{1}{2} \rho u^2} + \underset{\substack{\text{Hydrostatic} \\ \text{pressure}}}{\rho g h} = \text{Constant}$$

Sum of static pressure & dynamic pressure is called stagnation pressure.

Eqn. (3) represent Bernoulli statement in term of pressure
[Total pressure along a stream line is constant].

Total Pressure-

Total pressure = Static Press. + dynamic Press. + Hydrostatic press.

Term $\frac{P}{\rho}$ is called pressure energy or flow energy.

Term $\frac{u^2}{2}$ is called kinetic Energy.

Term $\frac{gz}{g}$ is called Potential Energy.

Other form of Bernoulli's theorem -

$$\frac{p}{\rho g} + \frac{v^2}{2g} + z = \text{constant}$$

press.
Head + Kinetic
Head + Potential
Head

The sum of pressure head, kinetic head and potential head is constant along stream line

$\left(\frac{p}{\rho g} + z\right)$ is called piezometric Head.

Kinetic Energy Correction

हम जानते हैं कि किसी channel में जब कोई fluid flow होता है तो उसके प्रत्येक particles या layer की velocity different होती है। pipe case में pipe के centre पर fluid की velocity maxi. तथा surface पर velocity zero होती है। velocity profile के कारण actual velocity and Average velocity में कुछ difference आता है। इस ~~difference~~ difference को correct करने के लिये एक correction factor 'K' Introduce किया गया। इस correction factor को Kinetic Energy correction factor कहते हैं।

Kinetic Energy Terms को $\frac{\alpha v^2}{2}$ से replace करते हैं। α की Laminar flow के लिये value 2, Turbulent flow के लिये [1.1 - 1.4] तक होती है।

Kinetic Energy correction factor is defined as the ratio of kinetic energy of fluid on base on actual velocity to kinetic energy base on average velocity.

$$\alpha = \frac{\text{K.E Based on actual velocity}}{\text{K.E Based on average velocity}}$$

Correction for fluid friction.

हम जानते हैं कि Real fluid में viscosity present होती है। viscosity के कारण friction कार्य करते हैं। जिसके कारण energy loss होता है। इन losses को h_f के द्वारा calculate करते हैं।
 h_f is energy losses per kg of fluid.

$$\frac{P_1}{\rho} + \frac{\alpha_1 V_1^2}{2} + z_1 = \frac{P_2}{\rho} + \frac{\alpha_2 V_2^2}{2} + z_2 + h_f \quad \text{--- ①}$$

Eg: ① is applicable, for real fluids.

Limitation of Bernoulli Theorem—

1. Steady flow
2. viscous effect zero.
3. No shaft work
4. Incompressible flow
5. Heat Transfer zero
6. flow along stream line.

Measurement of Fluid Flow

OR- Application of Bernoulli's Theorem :-

Chemical Industry में Fluid Flow को measure करने के लिये निम्न flow meter का use किया जाता है।

Flow meters को Two भागों में divide किया गया है।

1. Variable Head Meter
2. Variable Area Meter

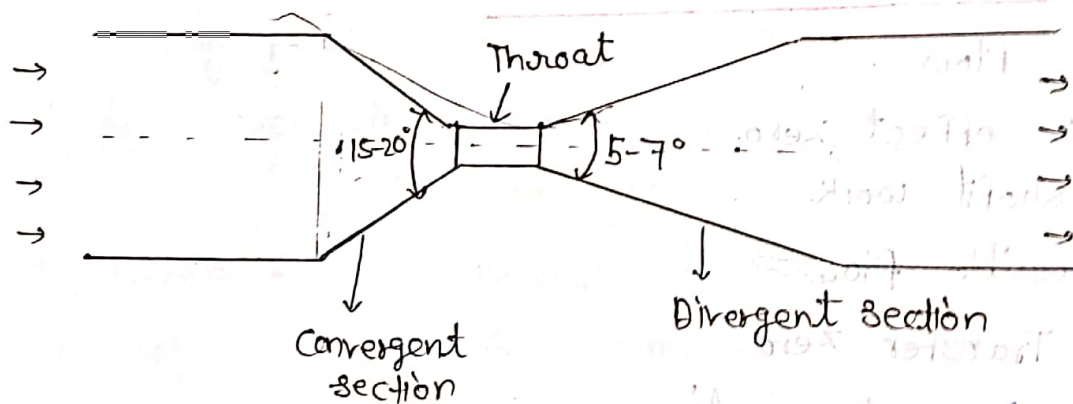
1. Variable Head Meter -

Variable head meter में head के अनुसार आकार पर discharge को measure किया जाता है। इसमें Venturimeter & orifice meter devices आती हैं।

2. Variable Area Meter -

Variable area meter में area continuous change होता है। परन्तु उस section का pressure drop constant रहता है। इस principle के आधार पर discharge measure किया जाता है। इसमें Rotameter Devices आती हैं।

Venturimeter



venturimeter एक variable head meter है जिसका use pipe में fluid के flow को measure करने में किया जाता है।

Principle -

Venturimeter Bernoulli theorem पर Based है। या venturimeter के cross sectional area में pressure diff. area के Reduce होने के कारण measure होते हैं और इस pressure difference की help से fluid का discharge measure करते हैं।

construction - Venturimeter के Three parts होते हैं

1. Convergent section -
2. Throat
3. Divergent section.

1. Convergent section -

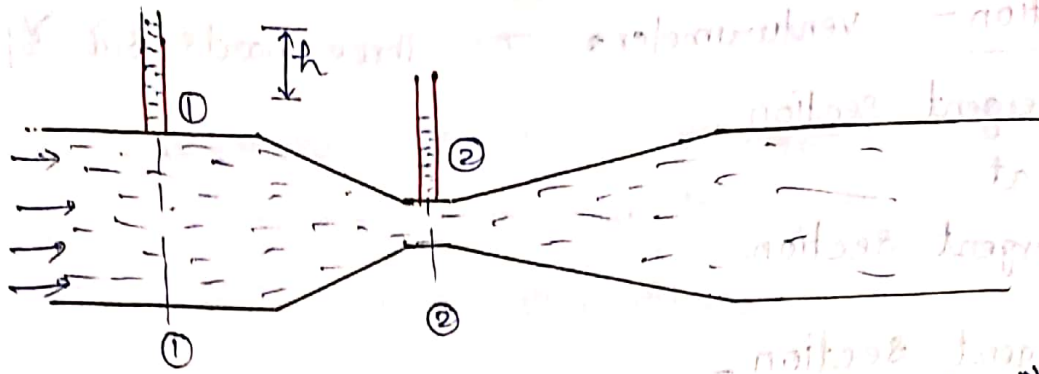
Convergent section fluid की up stream पर लगा स्थ रहता है। इसका एक सिरा pipe से connect रहता है तथा दूसरा सिरा Throat से connect रहता है।

Convergent section का cone angle $15^\circ - 20^\circ$ तक होता है। इस section में pressure energy, kinetic energy में convert होती है।

2. Throat -

Throat section एक cylindrical section होता है जिसका cross sectional area minimum होता है। Throat का diameter pipe के diameter के $1/8$ से $3/4$ तक vary करती है। Most ly throat का diameter pipe के diameter के $1/2$ use किया जाता है।

3. Divergent section :- यह section fluid की down stream पर लगा रहता है। इसका एक सिरा Throat से तथा दूसरा सिरा pipe से connect रहता है। Divergent section का cone angle $5^\circ - 7^\circ$ होता है। इस में kinetic energy, pressure energy में convert होती है। इस section द्वारा लगभग 90% pressure energy recovery की जाती है।



माना कोई venturimeter Horizontal pipe में fit है और उससे कोई Fluid Flow हो रहा है।

Let d_1 = diameter at inlet (section - 1)

P_1 = Pressure at section - 1

V_1 = velocity at section - 1

A_1 = Area at section - 1 $\& \frac{\pi}{4} d_1^2$

d_2, P_2, V_2, A_2 are corresponding value at section - 2

Apply Bernoulli's theorem (equation) at section - 1 & section - 2

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2$$

For Horizontal pipe

$$Z_1 = Z_2$$

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g}$$

$$\frac{P_1}{\rho g} - \frac{P_2}{\rho g} = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g}$$

$$\frac{P_1 - P_2}{\rho g} = \frac{V_2^2 - V_1^2}{2g}$$

$$\boxed{V_2^2 - V_1^2 = 2gh} \quad \text{--- (1)}$$

$$\left\{ \frac{P_1 - P_2}{\rho g} = h \right\}$$

Applying continuity equation at section - ① & section - ②

$$A_1 V_1 = A_2 V_2$$

$$V_1 = \frac{A_2 V_2}{A_1}$$

from eqn. ①

$$V_2^2 - \left(\frac{A_2 V_2}{A_1} \right)^2 = 2gh$$

$$V_2^2 \left[1 - \frac{A_2^2}{A_1^2} \right] = 2gh$$

$$V_2^2 \left[\frac{A_1^2 - A_2^2}{A_1^2} \right] = 2gh$$

$$V_2 = \frac{A_1 \sqrt{2gh}}{\sqrt{A_1^2 - A_2^2}}$$

eqn ② represent theoretical discharge for venturi-meter actual discharge is less than theoretical discharge

$$Q = \frac{C_d A_1 A_2 \sqrt{2gh}}{\sqrt{A_1^2 - A_2^2}}$$

Here C_d = coefficient of discharge.

Note- C_d की value हमेशा 1 से कम होती है | Well design venturimeter के लिये इसकी value 0.98 होती है और larger size के लिये इसकी value 0.99 होती है।
coefficient of discharge is define as the ratio of actual discharge to theoretical discharge.

$$C_d = \frac{Q_{\text{actual}}}{Q_{\text{theoretical}}}$$

Value of h given by differential U-Tube Manometer:

Case-I - माना differential manometer में present Manometer fluid की density pipe में flowing fluid की density से अधिक है।

$$h = x \left[\frac{\rho_h}{\rho_o} - 1 \right]$$

Here - x = difference of manometric fluid level

ρ_h = density of manometer fluid

ρ_o = density of flowing fluid

Case-II - If differential manometer में present manometer fluid की density flowing fluid की density से कम है, तब

$$h = x \left[1 - \frac{\rho_l}{\rho_o} \right]$$

Here - ρ_l = density of lighter fluid

ρ_o = density of operating fluid.

Case-III - Inclined venturimeter with differential manometer contain heavy fluid

$$h = \left(\frac{P_1}{\rho g} + z_1 \right) - \left(\frac{P_2}{\rho g} + z_2 \right) = x \left(\frac{\rho_h}{\rho_o} - 1 \right)$$

Case IV - Inclined venturimeter with differential U-tube manometer contain lighter fluid.

$$h = \left(\frac{P_1}{\rho g} + z_1 \right) - \left(\frac{P_2}{\rho g} + z_2 \right) = x \left(1 - \frac{\rho_l}{\rho_o} \right)$$

Advantage of Venturimeter-

1. High pressure recovery.
2. High accuracy over wide flow ranges.
3. Venturimeter का use compressible & Incompressible fluid के लिये कर सकते हैं।
4. Venturimeter का use small pressure head के लिये किया जाता है।
5. Less Power loss.

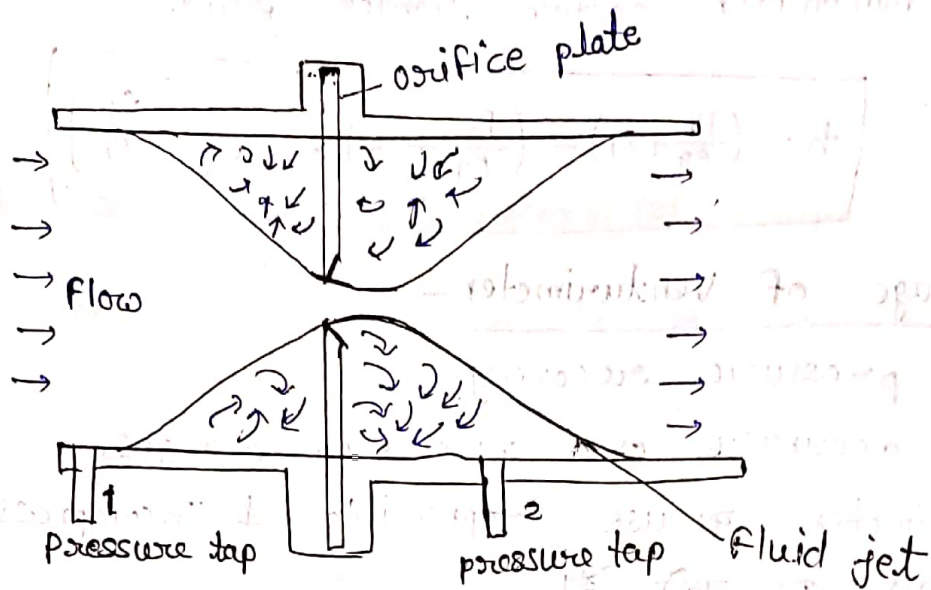
Disadvantage of Venturimeter-

1. Venturimeter की construction complex & Expensive है।
2. Venturimeter का use high viscous slurries के लिये नहीं कर सकते हैं।
3. इसका use permanent installations के लिये कर सकते हैं।

Pressure Recovery in Venturimeter-

Venturimeter में pressure recovery divergent section के द्वारा की जाती है। इस section में लगभग 98% pressure energy को recovery किया जाता है। Only 2% Energy loss होती है।

ORIFIC METER



Orifice meter के द्वारा किसी pipe में liquid का discharge measure किया जाता है। Liquid के discharge measure करने की यह cheapest device है।

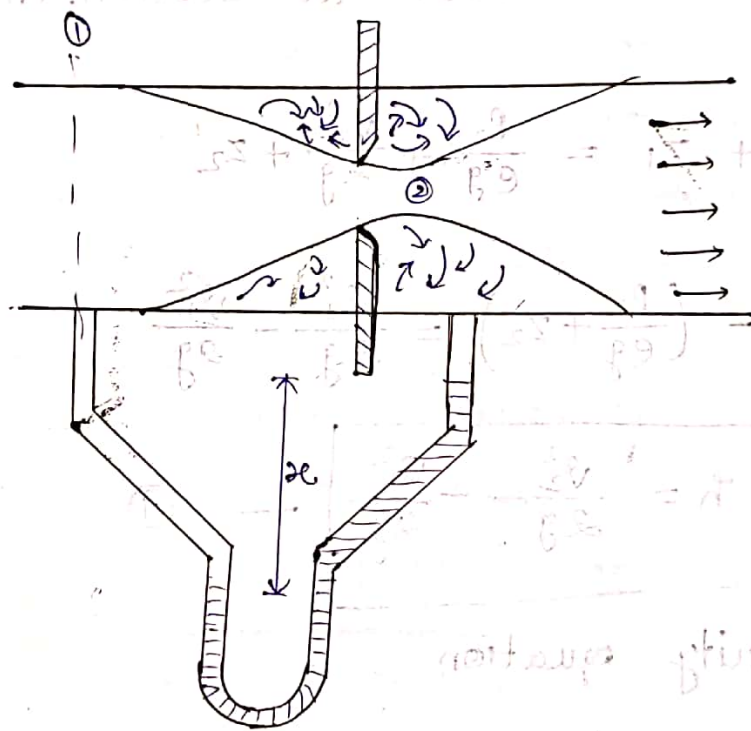
Principle - Orifice meter Bernoulli's theorem पर आधारित है या इस device में cross sectional area घटने के साथ pressure difference को measure किया जाता है और इस pressure difference की help से pipe के discharge को measure किया जाता है।

Construction -

Orifice meter में एक simple plate circular plate होती है जिसके centre पर एक circular या अन्य किसी shape का hole होता है जिसे orifice कहते हैं। Pipe और orifice संच्छेद्रीय (concentric) होते हैं। Orifice hole का diameter pipe के diameter के $0.2 - 0.85$ गुना तक होता है। Generally orifice का diameter pipe के diameter के 0.5 गुना के equal होता है। Orifice plate की thickness pipe के diameter के 0.05 गुना के equal या less होती है।

Orifice की छेद edge sharp होती है। जिसका bevel angle $30-45^\circ$ तक होता है। Orifice plate mostly stainless steel की बनी होती है।

Orifice plate के around pressure difference measure करने के लिए एक manometer installed करते हैं। जिसका एक arm upstream पर orifice plate से लगभग 1.5-2.0 times of pipe diameter distance दूर होती है। और दूसरा सिरा vena contracta पर होता है।



Vena Contracta - (Jet) -

Vena Contracta or jet orifice plate के आगे वह minimum area होता है। जिससे Fluid Flow होता है। इस minimum area पर velocity maximum, kinetic energy maximum & pressure energy minimum होती है।

Vena contracta is defined as

$$C_c = \frac{a_2}{a_0}$$

Here C_c = Coefficient of contraction

a_2 = Area of Vena Contracta

a_0 = Area of orifice

C_c की value orifice के hole पर depend के dia. पर depend करती है।

C_c की value हमेशा 1 से कम होती है।

Expression for orifice meter -

Applying Bernoulli theorem at section ① and section ②

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2$$

$$\left(\frac{P_1}{\rho g} + Z_1 \right) - \left(\frac{P_2}{\rho g} + Z_2 \right) = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g}$$

$$h = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} \quad \text{--- ①}$$

from continuity equation

$$Q = a_1 V_1 = a_2 V_2$$

$$a_1 V_1 = C_c \cdot a_0 V_2$$

$$V_1 = \frac{C_c \cdot a_0 V_2}{a_1} \quad \text{--- ②}$$

from eqn ① + eqn ②

$$h = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{C_c^2 \cdot a_0^2 \cdot V_2^2}{a_1^2 \cdot 2g}$$

$$h = \frac{V_2^2}{2g} \left[1 - \frac{C_c^2 \cdot a_0^2}{a_1^2} \right]$$

$$2gh = V_2^2 \left[\frac{a_1^2 - C_c^2 a_0^2}{a_1^2} \right]$$

$$V_2 = \frac{a_1 \sqrt{2gh}}{\sqrt{a_1^2 - C_c^2 a_0^2}}$$

Discharge $Q = C_c \cdot a_0 \cdot V_2$

$$= \frac{C_c \cdot a_0 \cdot a_1 \sqrt{2gh}}{\sqrt{a_1^2 - C_c^2 a_0^2}}$$

Orifice meter में friction losses को consider करने पर kinetic energy correction factor α_1, α_2 और coefficient of contraction के कारण energy loss होता है इन दोनों factors को remove करने के लिए new coefficient को introduce कराया।

जिसकी सहायता से friction losses को consider किया जाता है। इस new coefficient को coefficient of orifice meter या coefficient of discharge कहते हैं।

$$Q = \frac{C_d \cdot a_0 \cdot a_1 \sqrt{2gh}}{\sqrt{a_1^2 - a_0^2}} \quad \text{TOTIT} \textcircled{2}$$

eqⁿ $\textcircled{2}$ represent discharge eqⁿ for orifice meter.

Advantage of orifice meter—

1. इसकी बनावट simple होती है और यह सबसे सस्ती device है।
2. इसे आसानी से install किया जा सकता है।
3. इसको सभी types के differential manometer के साथ use किया जा सकता है।

Disadvantage of Orifice meter -

1. इस equipment में pressure recovery poor होती है।
2. Orifice meter जो slurries type fluid के साथ use नहीं कर सकते।
3. Orifice meter से accurate reading प्राप्त नहीं होती है।

Pressure Recovery in Orifice meter -

हम जानते हैं Orifice meter के लिये coefficient of discharge की value लगभग 0.61 होती है। इस value के आधार पर हम कह सकते हैं कि इस equipment में लगभग 60% pressure energy की recovery होती है और 40% pressure energy recover नहीं हो पाती है। यह energy losses C_c और kinetic energy correction factor पर depend करते हैं। Orifice meter (plate) के around लगभग 73% pressure energy का loss होता है।

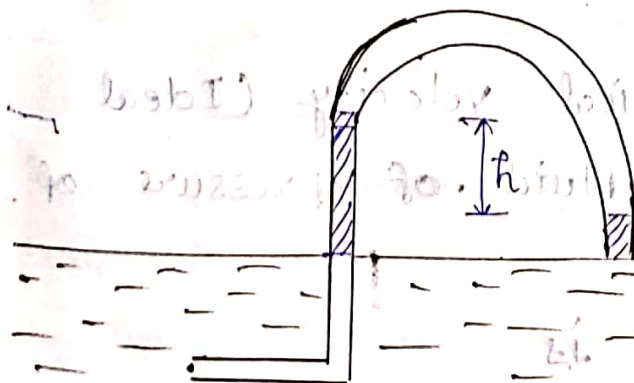
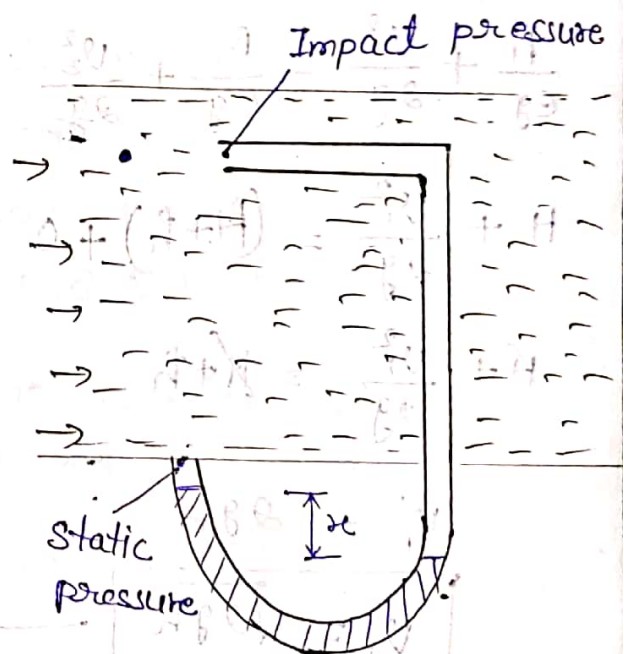
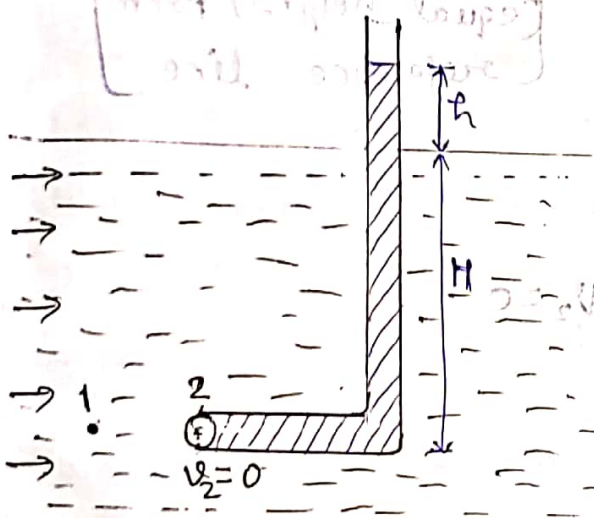
PITOT TUBE

Pitot tube वह device है जिसके द्वारा local velocity या point velocity fluid के अन्दर impact pressure और static pressure के बीच difference ज्ञात करके measure कर सकते हैं। जबकि venturimeter & orifice meter के द्वारा हम average velocity ज्ञात कर सकते हैं। Pitot tube का use open channel & closed channel दोनों के लिये किया जा सकता है।

Principle -

Pitot tube is a basic principle Bernoulli's theorem. It is used to find the velocity of fluid at a particular point. At this point, the fluid velocity is zero. This point is called the stagnation point (stagnant point). At this point, the kinetic energy is completely converted into pressure energy. This increase in pressure energy helps to find the velocity at that point.

Working and construction



Pitot tube एक कुंच की L-shape की tube होती है। इस tube की छोटी arm की opening flow की direction में रखी जाती है। जिससे fluid इस tube के अन्दर जा सके। Tube जो flow की direction में रखते ही tube में fluid की height पूरे कर जाता है।

Applying Bernoulli theorem point ① & ② point ② is called stagnation point ($V_2 = 0$)

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2$$

we know that $z_1 = z_2$ (equal height) from reference line

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g}$$

$$H + \frac{V_1^2}{2g} = (H+h) + 0 \quad | V_2 = 0$$

$$H + \frac{V_1^2}{2g} = H+h$$

$$V_1^2 = 2gh$$

$$V_1 = \sqrt{2gh} \quad \text{--- ①}$$

equation ① represent theoretical velocity (Ideal velocity) at point ① in presence of friction in the fluid.

Then actual point velocity is

$$V_1 = C_v \sqrt{2gh}$$

Here C_v = Co-efficient of pitot tube
[Coefficient of velocity]

Coefficient of pitot tube is defined as the ratio of actual velocity of the fluid to the theoretical velocity of the fluid at same point.

$$C_v = \frac{V_{\text{actual}}}{V_{\text{theoretical}}}$$

C_v की value हमेशा 1 से कम होती है। ($C_v < 1$)

Pitot tube का use velocity distribution ज्ञात करने के लिये भी कर सकते हैं।

Pitot tube की help से Laminar flow & Turbulent flow में maximum velocity centre पर ज्ञात कर सकते हैं।

Laminar flow में maximum velocity, average velocity के दुगुनी होती है। जबकि Turbulent flow में maximum velocity average velocity के 1.18 गुना होती है।

Transition region में maximum velocity average velocity के 1.13 से 1.18 गुना होती है।

[Transition) Region 4000 से 10000 तक]

ROTAMETER [Variable area meter]

Rotameter एक variable area meter device है। इस equipment में area variable होता है और इस section के लिए pressure drop constant रहता है।

Variable area की help से liquid का flow rate measure किया जाता है।

principle -

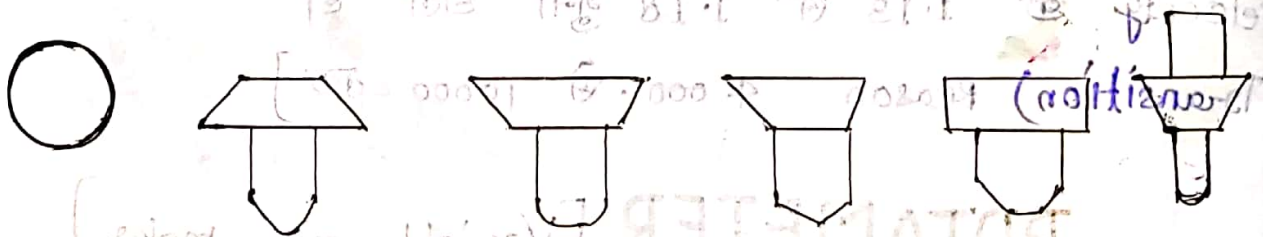
Pressure drop ^{orifice} _{Rate} meter के around constant रहता है और area flow के साथे vary करता है। Area और flow को relate करके discharge measure करते हैं।

Construction -

Rotameter में एक tapered glass tube या tapered metal tube vertical frame में रहती है। इसका large सिरा ऊपर की ओर तथा छोटा सिरा नीचे की ओर होता है। दोनों सिरों पर perforated plate या screen float को arrest करने के बिये लगी रहती है।

Tapered tube के centre पर एक guide wire लगा रहता है और इसमें float guide wire के सहारे ऊपर नीचे move करता है। Float mostly corrosion less material का बना रहता है। [Stainless steel, Aluminium, Nickel, Bronze, plastic, Rubber etc.]

Float Material flow range पर depend करता है। Float shape निम्न होती है।

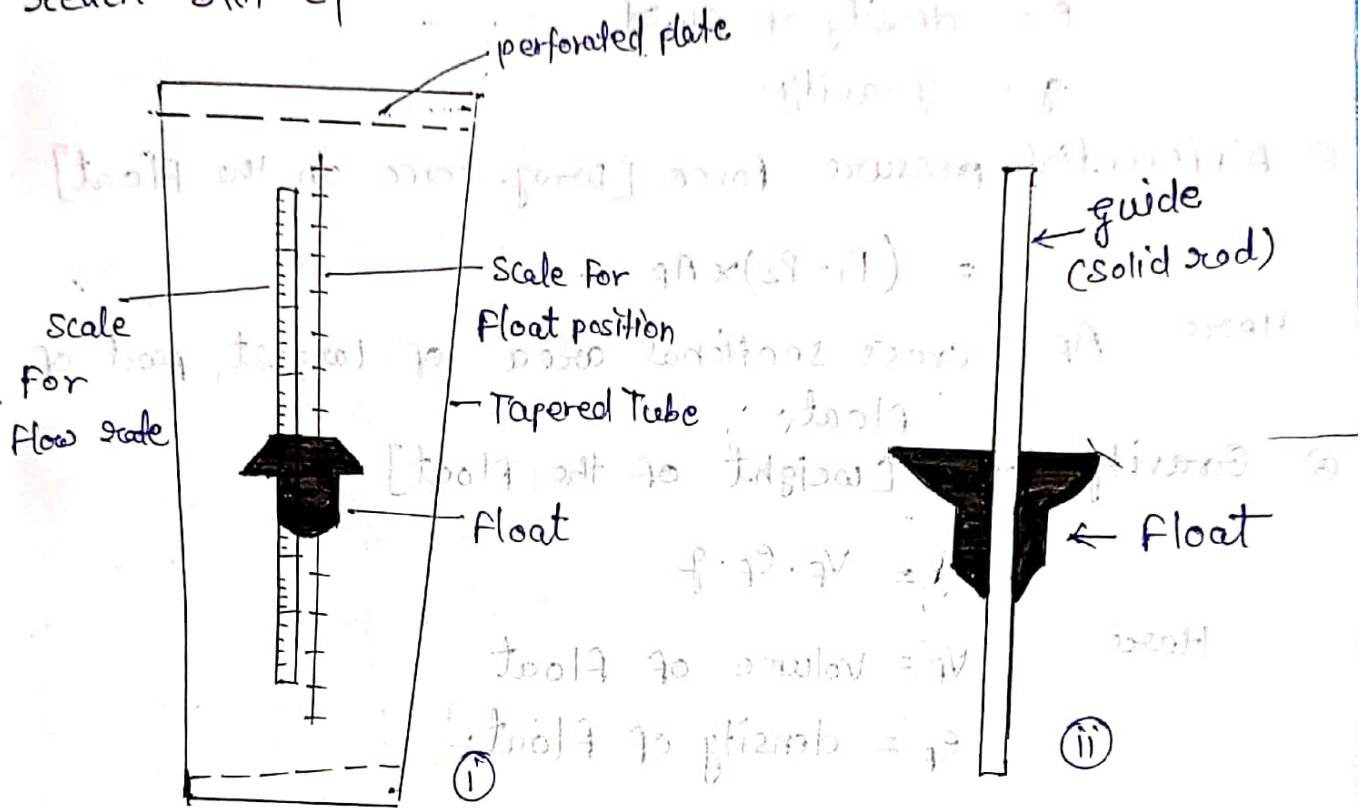


Float एक indicating element है। इसकी reading हमेशा large cross sectional area वाली edge से ली जाती है।

Working -

Rotameter में जब liquid flow होता है तो liquid के सहारे float ऊपर की ओर move करने लगता है।

और वह move करे equilibrium में आ जाता है।
 Equilibrium condition में वह एक स्थान पर रहकर vibrate करता रहता है। Flow rate कम या ज्यादा होने पर वह ऊपर से ऊपर या नीचे move करता है और पुनः equilibrium reach करता है।



Flow equation for Rotameter

for given Flow rate, let P_1 and P_2 be the pressure across the float at its equilibrium.

At equilibrium condition, the force acting on float are -

1 // Buoyancy force -

Buoyancy force of the liquid acting to lift the float
$$\text{float} = V_f \rho_f g$$

Here - V_f = volume of float

ρ_f = density of fluid

g = gravity

② Differential pressure force [drag force on the float]

$$= (P_1 - P_2) \times A_f$$

Here A_f = cross sectional area of largest part of float.

③ Gravity force [weight of the float]

$$= V_f \cdot \rho_f \cdot g$$

Here

V_f = volume of float

① ρ_f = density of float.

for dynamic equilibrium -

Net upward force = Net downward force

Buoyancy force $\uparrow$ + Pressure force $\uparrow$ = Gravity force
(drag force)

$$V_f \cdot \rho_f \cdot g + (P_1 - P_2) \cdot A_f = V_f \cdot \rho_f \cdot g$$

$$P_1 - P_2 = \frac{V_f (\rho_f - \rho) g}{A_f}$$

eg. ① represent pressure drop is constant let the area of annulus between float and wall of the tube be A_2 at a certain location of the float and the pressure cross-sectional area of the

Tube at that location be A_1

$$\text{Annulus diameter} = D_1 - D_f$$

Here - D_f = Diameter of largest portion of the float

D_1 = Diameter of tube at float location.

Annulus area (A_2)

$$A_2 = \frac{\pi}{4} (D_1^2 - D_f^2)$$

We know that

$$Q = \frac{C_d A_1 A_2 \sqrt{2gh}}{\sqrt{A_1^2 - A_2^2}}$$

$$= \frac{C_d A_2 \sqrt{2gh}}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}}$$

Here

$$h = \frac{P_1 - P_2}{\rho g}$$

$$h = \frac{V_f (e_f - e) g}{A_f \cdot e g}$$

$$h = \frac{V_f (e_f - e)}{A_f \cdot e}$$

then

$$Q = \frac{C_d \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g \cdot V_f (e_f - e)}{A_f \cdot e}}$$

$$Q = \frac{C_d \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g \cdot V_f}{A_f} \cdot \frac{(e_f - e)}{e}} \quad (2)$$

eqn. ② represent discharge through Rotameter
velocity given by

$$Q = A_1 V_1 = A_2 V_2$$

$$V_2 = \frac{Q}{A_2}$$

$$V_2 = \frac{C_D}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g V_F}{A_F} \cdot \frac{(e_f - e)}{e}}$$

mass flow rate is given by

$$\dot{m} = e \cdot Q$$

$$\dot{m} = \frac{e \cdot C_D \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g V_F}{A_F} \cdot \frac{(e_f - e)}{e}}$$

$$\dot{m} = \frac{C_D \cdot e \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g V_F}{A_F} \cdot \frac{(e_f - e)}{e}} \quad \text{--- ③}$$

Here C_D = co-efficient of discharge of Rotameter
इसकी value float के shape और Reynold number पर
depend करती है

find the Density of float -

we know that

mass flow rate is given that

$$\dot{m} = \frac{C_D \cdot e \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2g V_F}{A_F} \cdot \frac{(e_f - e)}{e}}$$

$$\frac{dm}{de} = 0$$

$$\frac{d}{de} \left[\frac{C_D \cdot e \cdot A_2}{\sqrt{1 - \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2}} \cdot \sqrt{\frac{2gV_F}{A_F} \cdot \frac{(e_F - e)}{e}} \right] = 0$$

$$\frac{d}{de} \left[\sqrt{\frac{e^2 (e_F - e)}{e}} \right] = 0$$

$$\frac{d}{de} \left[\sqrt{e(e_F - e)} \right] = 0$$

$$\frac{d}{de} \left[\sqrt{e \cdot e_F - e^2} \right] = 0$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{e \cdot e_F - e^2}} \cdot (e_F - 2e) = 0$$

$$(e_F - 2e) = 0$$

$$\boxed{e_F = 2e}$$

Advantage of Rotameter -

1. Rotameter के द्वारा Liquid, gas और vapour तीनों का Flow rate low level पर measure किया जा सकता है।
2. Rotameter certain range के लिये viscosity से independent होता है।
3. Rotameter high accuracy होता है।

Disadvantage of Rotameter -

1. Rotameter के केवल vertical use कर सकते हैं।
2. इसका use high pressure के लिये कम किया जाता है।

Difference between orifice meter and Venturimeter

Orifice meter	Venturimeter
1. Orifice की construction simple होती है।	2. venturimeter की construction complex होती है।
2. Orifice meter के लिये low space required होती है।	2. venturimeter के लिए अधिक space required होती है।
3. Orifice meter सबसे सस्ती device है।	3. venturimeter expensive (महंगी) device है।
4. Orificemeter में orifice diameter को change कर सकते हैं।	4. venturimeter में throat के diameter को change नहीं कर सकते हैं।
5. Orificemeter में pressure recovery poor होती है।	5. venturimeter में pressure recovery high होती है।
6. Orifice meter में C_d की value 0.61 होती है।	6. Venturimeter में C_d की value 0.98 होती है।
7. Orifice में power loss अधिक amount में होता है।	7. venturimeter में power loss small amount में होता है।
8. Orificemeter में minimum area vena contracta पर होता है।	8. venturimeter में minimum area throat पर होती है और vena contracta present नहीं होता है।
9. Orifice meter के लिए C_c की value 1 नहीं होती है।	9. Venturimeter के लिए C_c की value 1 होती है।
10. Orifice meter small pressure head के लिए use नहीं कर सकते।	10. venturimeter small pressure head के लिये use कर सकते हैं।

Difference between variable head meter and variable area meter-

Variable Head Meter	Variable Area Meter
1. Variable head meters में area of flow constant रहता है और pressure drop flow rate के साथ vary करता है।	1. Variable area meters में pressure drop constant रहता है और area of flow, flow rate के साथ vary करता है।
2. Variable head meters के अन्तर्गत orifice meter, pitot tube, venturimeter आदि device आती हैं।	2. Variable area meter के अन्तर्गत Rotameter device आती हैं।
3. Variable head meter की construction simple होती है।	3. Variable area meter की construction complex होती है।
4. यह relatively cheap device है।	4. यह relatively costly device है।
5. Variable head meter, flow rate की direct reading नहीं देते हैं।	5. Variable area meter flow rate की direct reading देते हैं।
6. Variable head meter को straight, inclined और vertical तीनों प्रकार से use कर सकते हैं।	6. Variable area meter को केवल vertical use लिया जाता है।

Ashwarya
Yashpal Verma [C/E]

Open channel :-

Flow in open channel is defined as the flow of liquid with a free surface and free surface having one atm pressure.

OR- 1 atm पर किसी passage में liquid flow को open channel कहते हैं।

Open channel में flow channel के bed के slope के कारण होता है। इस flow में gravity force सबल रूप से work करता है।

Open channel में fluid flow के measurements निम्न devices से कर सकते हैं।

1. Rectangular Notch (weir)
2. Triangular Notch (V-Notch)
3. Trapezoidal Notch

Laminar Flow and Turbulent Flow in open channel

We know that

Reynold Number

$$N_{Re} = \frac{\rho V R}{\mu}$$

Here

ρ = density of the fluid

V = mean velocity of fluid

μ = Dynamic viscosity of fluid

R = Hydraulic Radius or Hydraulic mean depth.

Hydraulic Radius :-

Hydraulic Radius = $\frac{\text{cross section area of flow Normal to the direction of flow}}{\text{wetted perimeter.}}$

Hydraulic Radius:-

$$\text{Hydraulic Radius} = \frac{\text{cross section area of flow Normal to the direction of flow}}{\text{Wetted Perimeter}}$$

यदि open flow में flow laminar है तो इसके लिये Reynold Number की value 500 या 600 से कम होती है।
यदि Flow turbulent है तो Reynold Number की value 2000 से अधिक होती है। 600 और 2000 के बीच में Transition flow होता है।

Equivalent Diameter:-

Equivalent diameter का use non-circular pipe के लिए किया जाता है।

$$\text{Equivalent Diameter} = 4 \times \text{Hydraulic Radius}$$

Imp. 2019

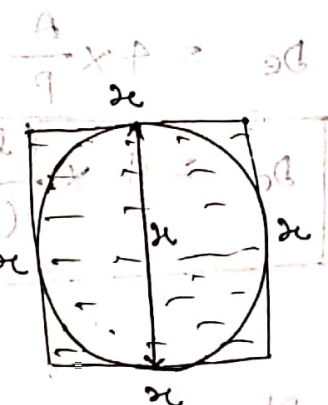
1. Shape for a square pipe or channel with a side of x

$$D_e = 4 \times r_H$$

$$D_e = 4 \times \frac{A}{P}$$

$$D_e = 4 \times \frac{x^2}{4x}$$

$$D_e = x$$

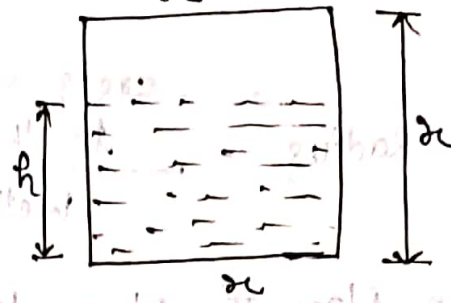


2. Shape -

$$De = 4 \times r_H$$

$$= 4 \times \frac{A}{P}$$

$$De = 4 \times \frac{x^2}{2h+x}$$



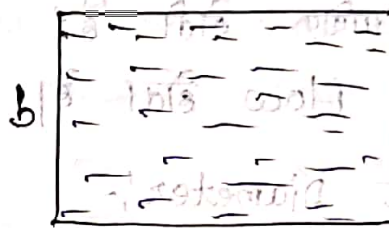
3. Shape -

$$De = 4 \times r_H$$

$$De = 4 \times \frac{A}{P}$$

$$De = 4 \times \frac{lb}{2(l+b)}$$

$$De = \frac{2lb}{l+b}$$

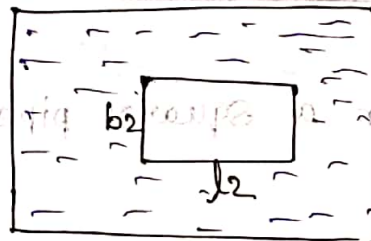


4. Shape

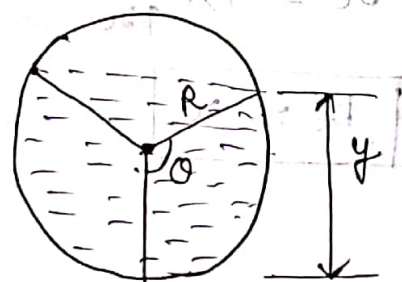
$$De = 4 \times r_H$$

$$De = 4 \times \frac{A}{P}$$

$$De = 4 \times \frac{(l_1 b_1 - l_2 b_2)}{2(l_1 + b_1) + 2(l_2 + b_2)}$$



5. Shape



Notch -

Notch वह device है जिसके द्वारा open channel (small channel या Tank) में liquid का flow rate measure किया जाता है।

Notch tank या channel की एक side में बनी वह opening है जिससे liquid का flow होता है और यह opening liquid surface से छोड़ा above रहती है।

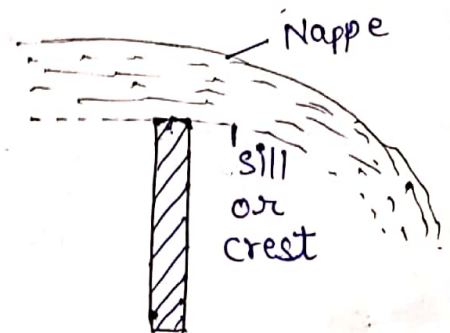
Weir -

Weir concrete का बना वह structure या wall होती है जिसके ऊपर से liquid flow होता है। Weir mostly स्टील की बनी vertical दीवार होती है। इसका use large discharge measure करने में किया जाता है।

जबकि Notch metal की बनी होती है। इसकी use small discharge को measure करने में किया जाता है।

Nappe or Beine :-

The sheet of water flowing through a notch or over a weir is called Nappe

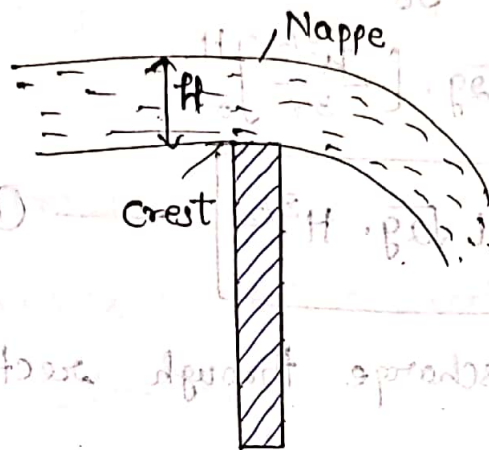
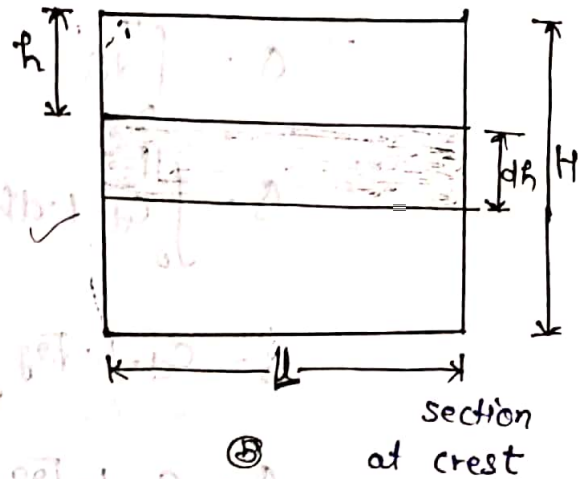
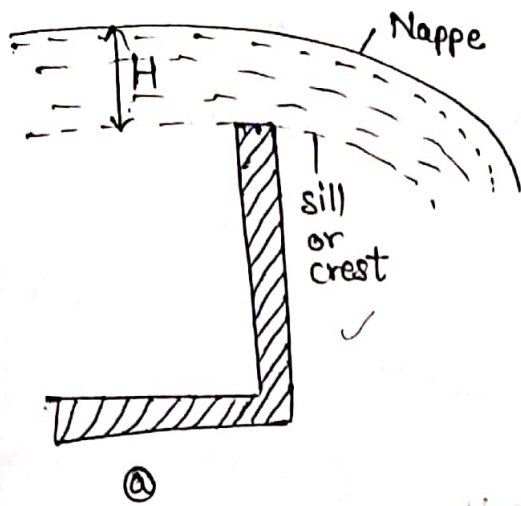


sill or Crest :-

The bottom edge of Notch or top of a weir over which water flow is known as sill or crest.

Discharge over a rectangular Notch or Weir :-

Rectangular Notch or Weir दोनों के लिए discharge का expression same होता है।



Rectangular weir और Notch open channel में water को carry करे हुए उपरोक्त Figure में दिखाये गये हैं।

Let H = Head of water over the crest

L = Length of Notch or weir

माना एक horizontal water strip जिसकी thickness dh और length L और free surface से depth h ।

$$\text{Area of strip} = L \cdot dh$$

Theoretical velocity of water flow through strip

$$v = \sqrt{2gh}$$

Discharge (dQ) through the strip.

$$dQ = C_d \times \text{Area of strip} \times \text{Theoretical velocity of water through the strip}$$

$$dQ = C_d \times L \cdot dh \times \sqrt{2gh}$$

Total Discharge Q

$$Q = \int_0^H dQ$$

$$Q = \int_0^H C_d \cdot L \cdot dh \cdot \sqrt{2gh}$$

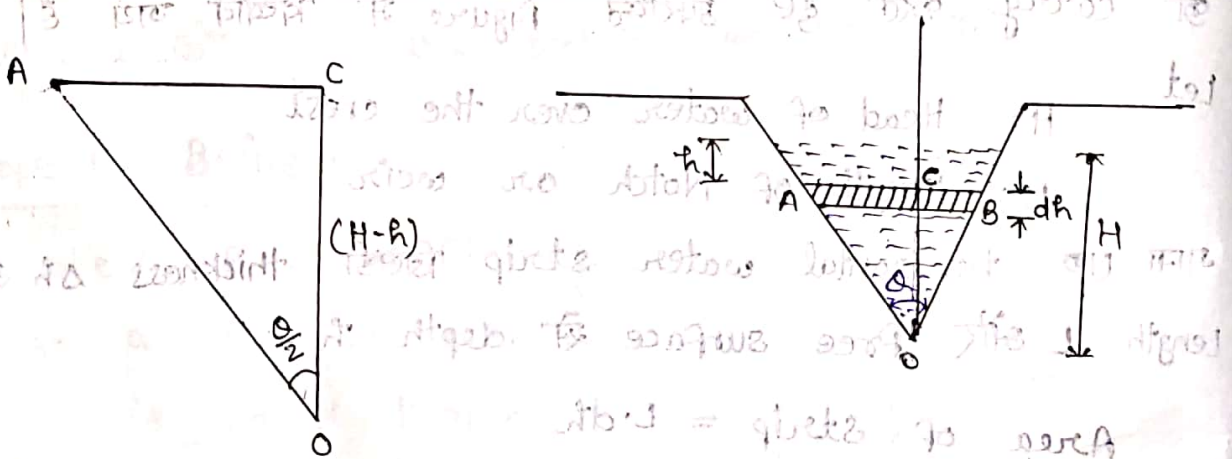
$$Q = C_d \cdot L \cdot \sqrt{2g} \int_0^H \sqrt{h} \cdot dh$$

$$Q = C_d \cdot L \cdot \sqrt{2g} \cdot \left[\frac{h^{3/2}}{3/2} \right]_0^H$$

$$Q = \frac{2}{3} C_d \cdot L \cdot \sqrt{2g} \cdot H^{3/2} \quad \text{--- ①}$$

eqⁿ ① represent discharge through rectangular Notch or weir.

Discharge over a Triangular Notch:



उपरोक्त Figure में एक V-Notch represent की गयी है। इससे water flow हो रहा है।

माना

H = Head of water above V-Notch

θ = Angle of Notch

माना एक horizontal water strip जिसकी thickness dh तथा free surface से depth h

From figure OCA

$$AC = (H-h) \tan \frac{\theta}{2}$$

$$AB = 2 \times AC = 2 \times (H-h) \tan \frac{\theta}{2}$$

Area of strip

$$= 2 \times (H-h) \tan \frac{\theta}{2} \times dh$$

Maximum velocity (theoretical velocity) of water through strip.

$$v = \sqrt{2gh}$$

Discharge through strip

$dQ = C_d \times \text{Area of strip} \times \text{theoretical velocity through strip}$

$$dQ = C_d \times 2(H-h) \tan \frac{\theta}{2} \times dh \times \sqrt{2gh}$$

Total discharge through V-Notch

$$Q = \int_0^H dQ$$

$$Q = \int_0^H C_d \cdot 2(H-h) \tan \frac{\theta}{2} \cdot \sqrt{2gh} \cdot dh$$

$$Q = C_d \cdot 2 \tan \frac{\theta}{2} \cdot \sqrt{2g} \int_0^H (Hh - h^{3/2}) dh$$

$$Q = 2 C_d \tan \frac{\theta}{2} \sqrt{2g} \cdot \left[\frac{2}{3} H^{5/2} - \frac{2}{5} h^{5/2} \right]$$

$$Q = 2 \sqrt{2g} \cdot C_d \tan \frac{\theta}{2} \times \frac{4}{15} H^{5/2}$$

$$Q = \frac{8}{15} \sqrt{2g} \cdot C_d \tan \frac{\theta}{2} \cdot H^{5/2} \quad \text{--- (1)}$$

eqn (1) represent discharge through V-Notch.

For a right angle V-Notch if $C_d = 0.6$

अर्थात् $\theta = 90^\circ$

$$Q = \frac{\theta}{15} \times 0.6 \times \tan \frac{90^\circ}{2} \times \sqrt{2 \times 9.81} \times H^{5/2}$$

$$Q = 1.417 \times H^{5/2}$$

Hydraulic coefficient -

Hydraulic coefficient तीन प्रकार के होते हैं-

1. coefficient of velocity (C_v) :-

It is defined as the ratio between the actual velocity of a jet of liquid at vena contracta and theoretical velocity of jet. It is denoted by C_v .

$$C_v = \frac{\text{Actual velocity of Jet at vena contracta}}{\text{Theoretical Velocity}}$$

$$C_v = \frac{V}{\sqrt{2gH}}$$

Here V = Actual velocity

coefficient of velocity की value 0.95 से 0.99 तक vary करती है। C_v की value orifice के shape, size और liquid की head पर depend करती है। C_v की value mostly 0.98 use की जाती है।

2. coefficient of contraction (खंडुचन) (C_c) :-

It is defined as the ratio of area of jet at vena contracta to area of orifice and it is denoted by C_c .

$$C_c = \frac{\text{Area of Jet at vena contracta}}{\text{Area of orifice}}$$

$$C_c = \frac{A_c}{A}$$

where — A_c = Area of vena contracta
 A = Area of orifice

C_c की value 0.61 से 0.69 तक vary करती है। इसकी value shape, size और liquid के head पर depend करती है।
 Generally इसकी value 0.64 use की जाती है।

3. Co-efficient of discharge —

It is defined as the ratio of actual discharge from an orifice to the theoretical discharge from an orifice and denoted by C_d .

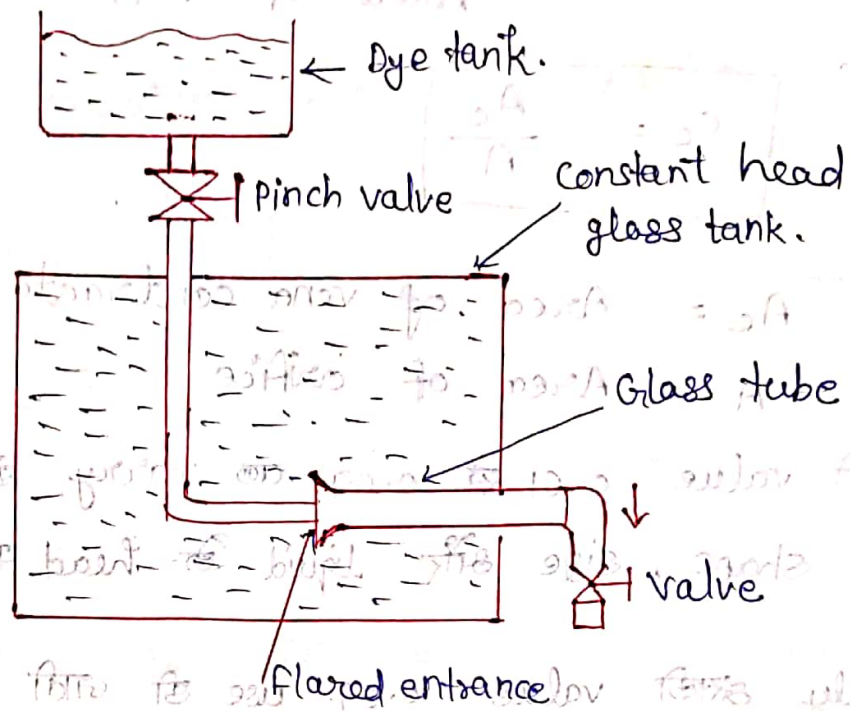
$$C_d = \frac{Q_{\text{actual}}}{Q_{\text{theoretical}}} = \frac{A_c v}{A \sqrt{2gh}}$$

$$C_d = \frac{A_c}{A} \cdot \frac{v}{\sqrt{2gh}}$$

$$C_d = C_c \cdot C_v$$

C_d की value 0.61 से 0.65 तक vary करती है।
 Generally इसकी value 0.62 ही जाती है।

Reynold Experiment



Flow के स्वरूप से Reynold Number की value ज्ञात करते हैं। इस स्वरूप Reynold Number ज्ञात करने के लिये Reynold ने एक apparatus दिया। जिसे Reynold apparatus कहते हैं। Reynold apparatus के निम्न भाग होते हैं—

1. Constant Water Head Tank
2. Small dye Tank A
3. A glass tube जिसके एक सिरे पर dye tube तथा दूसरे सिरे पर Regulating valve लगा रहता है।

यह तीनों भाग उपरोक्त Figure में arrange हैं। Regulating valve के द्वारा water के flow को कम या ज्यादा कर सकते हैं।

Working के दौरान निम्न result प्राप्त हुए—

1. जब water की velocity कम थी या valve की opening कम थी। तब glass tube में dye filament एक straight line जो glass tube के parallel थी represent होती है।

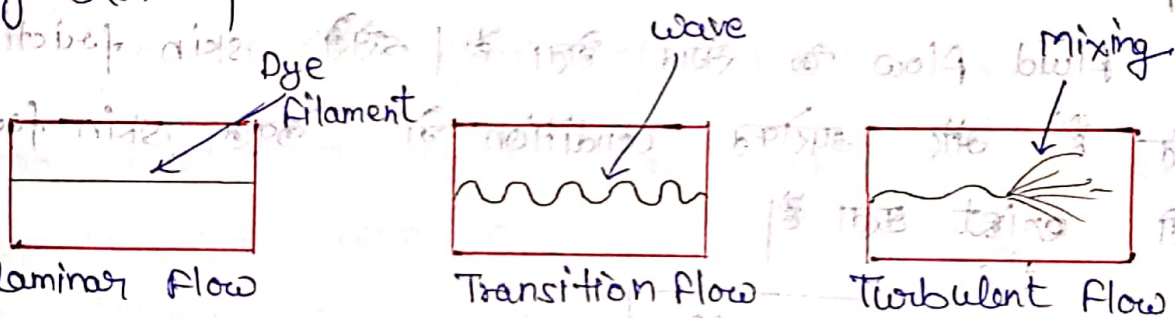
इस case में water का flow laminar होता है।

2. Water की velocity increase करने पर dye filament straight line से waves में convert हो जाती है। इस condition को transition state कहते हैं।

3. Water की velocity और अधिक increase करने पर dye की wave water में diffuse होने लगती है या मोखे होने लगती है। यह case Turbulent flow को represent करता है।

Laminar flow में pressure head loss velocity के proportional तथा turbulent flow में pressure head loss velocity के square के proportional होता है। [यह result Reynold experiment के द्वारा represent किया गया]

Exactly pressure head loss velocity की power n के proportional होता है और n की value 1.5 से 2 तक vary करती है।



$$R_{Ne} = \frac{\rho D V}{\mu}$$

Relation Between skin friction and wall shear:-

According to Bernoulli theorem

$$\frac{P_1}{\rho} + gz_1 + \frac{\alpha_1 V_1^2}{2} = \frac{P_2}{\rho} + gz_2 + \frac{\alpha_2 V_2^2}{2} + h_f$$

for horizontal pipe

$$\frac{P_1}{\rho} + \frac{\alpha_1 V_1^2}{2} = \frac{P_2}{\rho} + \frac{\alpha_2 V_2^2}{2} + h_f$$

P_1 given pipe line की upstream पर pressure को represent करता है और जबकि P_2 उसी pipe line के downstream पर pressure को represent करता है। मान pipe line की height व area equal है।

तब $V_1 = V_2$ $\therefore \frac{P_1}{\rho} = \frac{P_2}{\rho} + h_f$

Let $P_1 = P$ तथा $P_2 = P - \Delta P$

[we know that] $\frac{P}{\rho} = \frac{P - \Delta P}{\rho} + h_f$
 $\therefore h_f = \frac{\Delta P}{\rho g}$

pipe में fluid flow के कारण pipe की दीवार और fluid की skin में एक friction produce होता है जो fluid flow के संगत होता है। इसे skin friction कहते हैं और उपरोक्त condition में केवल skin friction ही exist करता है।

$h_{fs} = \frac{\Delta P}{\rho g}$ — (1)

$\frac{h_{fs}}{g} = \frac{\Delta P}{\rho g^2}$

$h_{fs} = \frac{\Delta P}{\rho g}$

Where.

h_{fs} = head loss due to friction under gravity force

we know that

$$\frac{\Delta P}{\Delta L} + \frac{2\tau_w}{r_w} = 0$$

$$\Delta P = - \frac{2\tau_w \cdot \Delta L}{r_w} \quad \text{--- ②}$$

from eqⁿ ① & ②

$$h_{fs} = - \frac{2\tau_w \Delta L}{r_w \cdot e} \quad \text{--- ③}$$

$$h_{fs} = \frac{2\tau_w \cdot \Delta L}{r_w \cdot e} \quad \text{--- ④}$$

eqⁿ ③ represent wall shear and skin friction and Negative sign removed by pressure drop - term.
 $(P_2 - P_1)$ term is always Negative]

Fanning Friction Factor OR Friction factor [F].

Friction factor is mostly use turbulent flow of study में लिया जाता है।

It is defined as the ratio of wall shear stress to product of kinetic energy of the fluid and density and denoted by small f.

$$f = \frac{\tau_w}{\frac{\rho v^2}{2} \cdot e}$$

$$F = \frac{2\tau_w}{e \cdot v^2}$$

Friction factor की unit नहीं होती है या friction factor dimensionless होता है।

$$\tau_{wo} = \frac{F \cdot V^2 \cdot e}{2} \quad \text{--- ①}$$

we know that

$$h_{fs} = \frac{2 \tau_{wo} \cdot \Delta L}{\rho \cdot r_{wo}} \quad \text{--- ②}$$

from eqⁿ ① & ②

$$h_{fs} = \frac{2 \times F \cdot V^2 \cdot e \times \Delta L}{2 \times e \times r_{wo}}$$

$$h_{fs} = \frac{F V^2 \Delta L}{r_{wo}}$$

$$h_{fs} = \frac{2 F V^2 \Delta L}{2 D} = \frac{4 F V^2 L}{2 D} \quad \text{--- ③}$$

eqⁿ ③ represent energy loss per unit calculate head loss due to friction

$$h_{fs} = \frac{h_{fs}}{g} = \frac{4 F V^2 L}{2 D g}$$

from eqⁿ ③

$$h_{fs} = \frac{4 F V^2 L}{2 D}$$

$$\frac{\Delta P}{\rho} = \frac{4 F V^2 L}{2 D}$$

$$\Delta P = \frac{4 \rho F V^2 L}{2 D} \quad \text{--- ④}$$

eqⁿ ④ represent pressure drop due to friction in a pipe for turbulent flow and this equation is known as fanning eqⁿ.

Head loss due to friction in laminar flow

Head loss due to friction in laminar flow -

$$h_{fs} = \frac{h_{fs}}{g}$$

$$= \frac{\Delta P}{\rho g} = \frac{32 \mu L V}{\rho g D^2}$$

We know that

$$u = \frac{2 \omega r^2}{4 \mu}$$

$$u = \frac{\omega D^2}{8 \mu} \quad \text{--- (5)}$$

We know that

$$f = \frac{2 \tau_w}{\rho u^2}$$

$$f = \frac{2 \tau_w \times 64 \mu^2}{\rho \tau_w^2 D^2}$$

$$f = \frac{128 \mu^2}{\rho \tau_w D^2}$$

$$f = \frac{128 \mu^2}{\rho D^2 \frac{8 \mu V}{D}}$$

$$f = \frac{16 \mu}{\rho D V} = \frac{16 \mu}{\rho D V} = \frac{16}{N_{Re}}$$

$$f = \frac{16}{N_{Re}} \quad \text{--- (6)}$$

eqn (6) represent friction factor in term of Reynold Number for laminar flow.

Friction factor in Turbulent flow:-

हम जानते हैं कि Turbulent flow में eddies present होती हैं। Eddies का means यह है कि a circular motion of fluid. Eddies various size की हो सकती हैं। यह तीनों direction में present होती हैं। Eddies का Turbulent flow में important roll होता है क्योंकि eddies के कारण different portion में mixing होती है जिसके कारण ~~heat~~ heat and mass transfer rate higher हो जाता है।

Fanning friction factor is function of Reynold Number for turbulent flow through a smooth pipe is given by -

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = 4 \log [N_{Re} \sqrt{f}] - 0.40 \quad \text{--- (1)}$$

eqn (1) represent Nikuradse equation. Nikuradse eqn. friction factor के trial and error की help से प्राप्त की गई है।

Turbulent flow में fanning friction factor की value दूसरे imperial इकाई ताल में सबसे हैं।

$$f = \frac{0.078}{(N_{Re})^{1/4}}$$

Effect of Roughness:-

जबकि वह हमने fluid की layer के बीच लगने वाले friction factor को consider किया था। परन्तु pipe की roughness के कारण fluid की energy में loss होता है। यदि pipe की surface smooth है तो fluid layer और pipe के बीच minimum loss ~~हो~~ energy का loss होता है।

जिस pipe में energy का loss minimum हो, उसे hydro-dynamically smooth pipe कहते हैं। pipe में Roughness को define करने के लिये हम roughness parameter introduce किया गया।

A Roughness parameter is a length representing the magnitude of surface roughness and denoted by 'K'.
Relative roughness is the ratio of Roughness parameter to diameter of pipe.

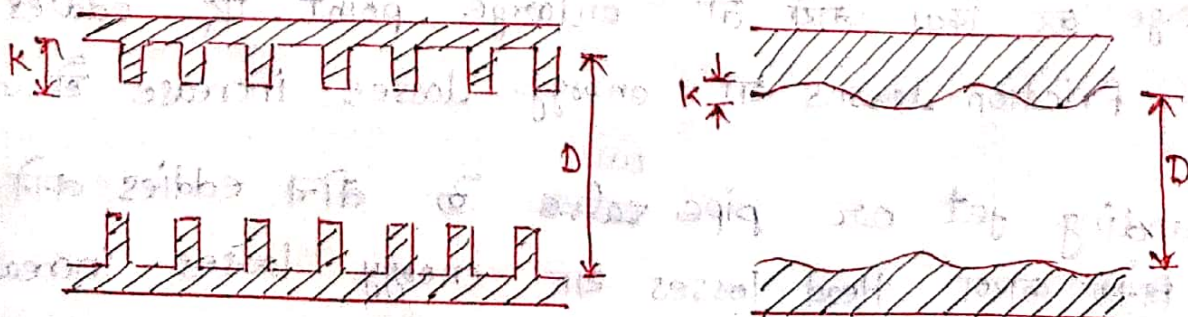
$$= \frac{k}{d}$$

pipe की roughness को relative roughness से represent किया जाता है।

Friction factor की value low Reynold number के लिये surface roughness से Independent होती है।

High Reynold Number के लिए Friction factor की value surface roughness का function होती है।

Very high Reynold Number के लिए Friction factor की value Reynold number से Independent परन्तु surface Roughness का function होती है।



(a) Transverse roughness (b) Longitudinal roughness
Types of Roughness

Energy Losses [Head Losses] :-

Energy losses two type के होते हैं

- ① Major energy losses
- ② Minor energy losses

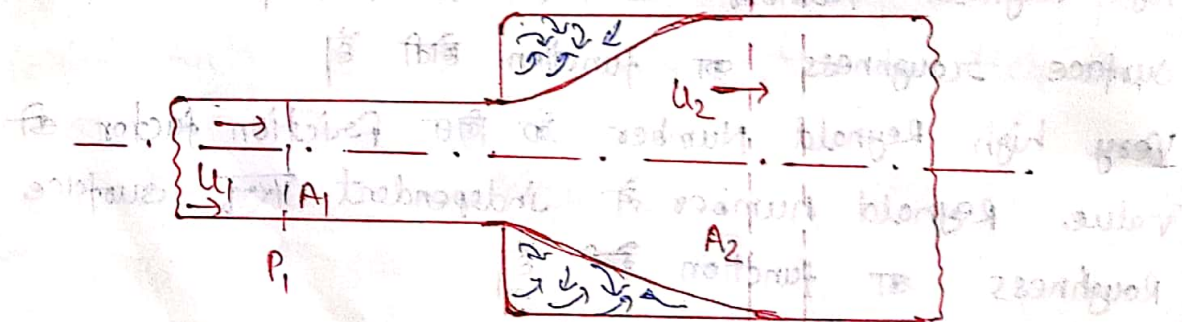
(i) Major Energy losses [Major Head losses] :-

Fluid flow में layer की frictions के कारण जो energy losses होते हैं | उन्हें major energy losses कहा जाता है।

(ii) Minor energy losses -

जिसी pipe में minor energy losses fluid की velocity suddenly कम या ज्यादा होने के कारण होते हैं। Minor energy losses निम्न हैं।

1 Head losses from sudden enlargement



यदि pipe के cross sectional ~~area~~ को अचानक से enlarge कर दिया जाये तो enlarge point पर eddies के कारण friction losses या energy losses increase हो जाते हैं।

Expanding jet or pipe ~~area~~ ^{wall} के बीच eddies बने जाते हैं। जिन्हे कारण Head losses या energy losses increase हो जाती हैं।

Head losses from sudden enlargement (expansion) of

cross-sectional of pipe for Turbulent flow is proportional to ^{area} velocity head of the fluid in the smaller pipe.

$$h_{pe} = k_e \cdot \frac{V_1^2}{2g}$$

Here k_e = propotional constant and known as expansion co-efficient

V_1 = Average velocity in smaller pipe

Expansion Loss co-efficient is calculated by

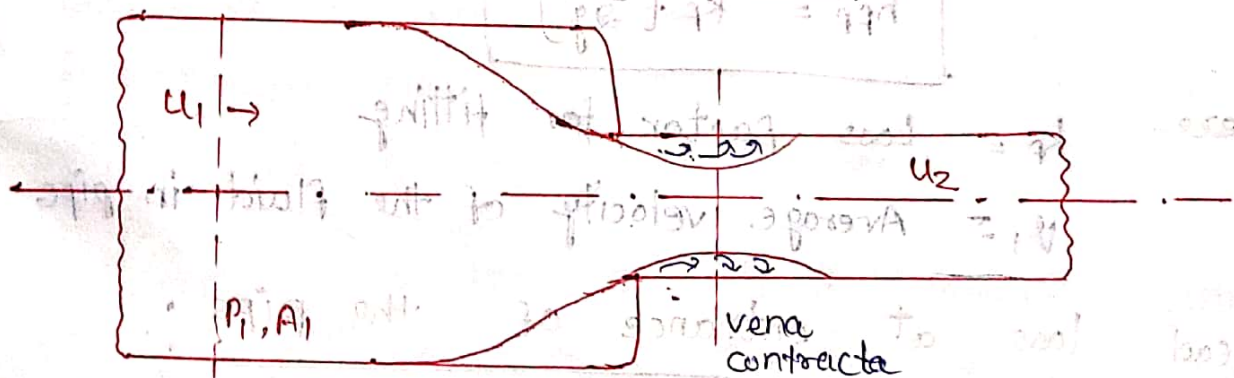
$$k_e = \left[1 - \frac{A_1}{A_2} \right]^2$$

Here.

A_1 = Cross sectional area of smaller pipe

A_2 = cross sectional area of larger pipe

Head Loss from sudden contraction



जब किसी pipe का cross sectional area अचानक से reduce कर दिया जाता है तो कम diameter वाले pipe में एक fluid jet form हो जाता है जिसे vena contracta कहते हैं।

vena contracta पर fluid accelerate होता है और energy losses उत्पन्न हो जाते हैं। इस case में eddies wall और fluid jet के बीच में produce होती हैं।

Head losses from sudden contraction of cross-section of pipe is proportional to velocity head of fluid in smaller pipe.

$$h_{fc} = k_c \cdot \frac{V_2^2}{2g}$$

Here

k_c = proportional or constant or contraction loss coefficient.

$$k_c = 0.4 \left[1 - \frac{A_2}{A_1} \right]$$

3. Head losses in fitting and valve:-

Industry में various types की fitting and valve use किये जाते हैं। Fitting or valve के कारण pipe की velocity disturb होती है।

Head losses due to fitting

$$h_{ff} = k_f \cdot \frac{V_1^2}{2g}$$

Here

k_f = Loss factor for fitting

V_1 = Average velocity of the fluid in pipe

Head loss at entrance of the pipe :-

जब कोई fluid किसी tank [receiver] से किसी pipe में flow होता है तो sudden contraction के कारण entrance पर energy losses होते हैं। जिन्हें निम्न formula से ज्ञात कर सकते हैं।

$$h_e = 0.5 \cdot \frac{V^2}{2g}$$

Here

V = velocity in pipe

Head loss at exit of pipe :-

जब किसी pipe से fluid out होता है तो इसमें कुछ energy का losses होता है जिसे निम्न formula के द्वारा ज्ञात कर सकते हैं।

$$h_o = \frac{v^2}{2g}$$

Head loss due to Bend in pipe :-

pipe में bend होने के कारण fluid velocity में change होते हैं। जिसके कारण fluid की energy loss होती है।

Head loss due to bend in pipe

$$h_b = k \frac{v^2}{2g}$$

Here

v = velocity of flow

k = co-efficient of Bend.

k की value निम्न factors पर depend करती है।

- (i) Angle of bend
- (ii) Radius of curvature (bend)
- (iii) Diameter of pipe

Friction losses in coils :-

Coils mostly helical form की होती हैं। Chemical industry में इसका use किसी tank or reactor को heat या cool करने के लिए किया जाता है।

Head losses या pressure drop in a coil is given by-

$$\Delta P_{coil} = \Delta P_{st} \left[1 + \frac{3.54 D}{D_H} \right]$$

Here - ΔP_{st} = Pressure drop in same length of straight tube

D = Diameter of Tube

D_H = Helical diameter / Hydraulic diameter.

PUMP

Pump वह device है जिसे द्वारा supplied mechanical energy को pressure energy में convert किया जाता है और इस pressure energy की सहायता से fluid को low level से high level lift किया जाता है।

classification of Pumps

Pump को दो प्रकार से classified किया गया है।

1. Positive displacement pump.
2. Centrifugal pump.

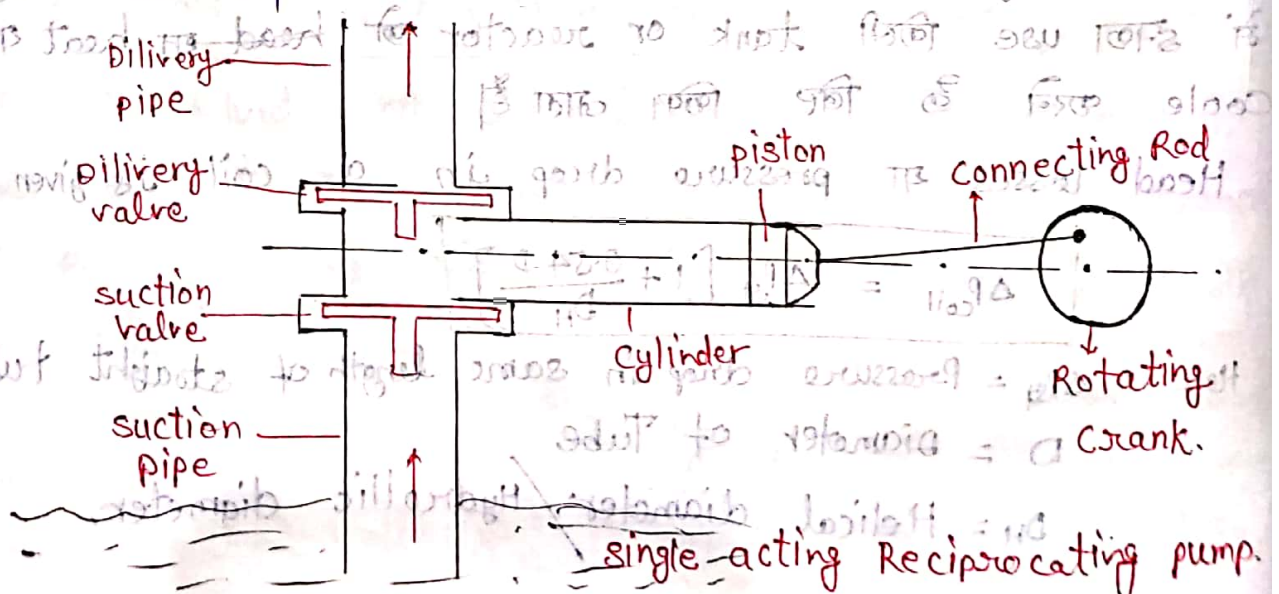
1. Positive Displacement pump :-

Positive displacement pump वह pump होते हैं जिनमें flow की direction same रहती है। Positive displacement pump को दो भागों में divide किया गया है।

- (i) Reciprocating pump.
- (ii) Rotary pump.

(i) Reciprocating Pump :-

Reciprocating pump piston type pump होते हैं। इनमें flow की direction piston की axial direction के perpendicular होती है।



Reciprocating pump में stationary cylinder के अन्दर एक piston रहती है। जो forward & backward direction में move करती है। Piston को connecting rod की सहायता से Rotating crank से connect करते हैं। Rotating crank का moment 360° होता है।

Cylinder में दो pipe connect रहते हैं। पहले pipe में एक एक non-returning valve लगा रहता है। जिन्हें suction pipe & Delivery pipe कहते हैं। जो fluid की direction को one directional or unidirectional बनाता है। suction pipe का दूसरा सिरा sump से connect रहता है और delivery pipe का दूसरा सिरा उस point से connect रहता है। जिस पर fluid पहुँचाना है।

Working of Reciprocating Pump:-

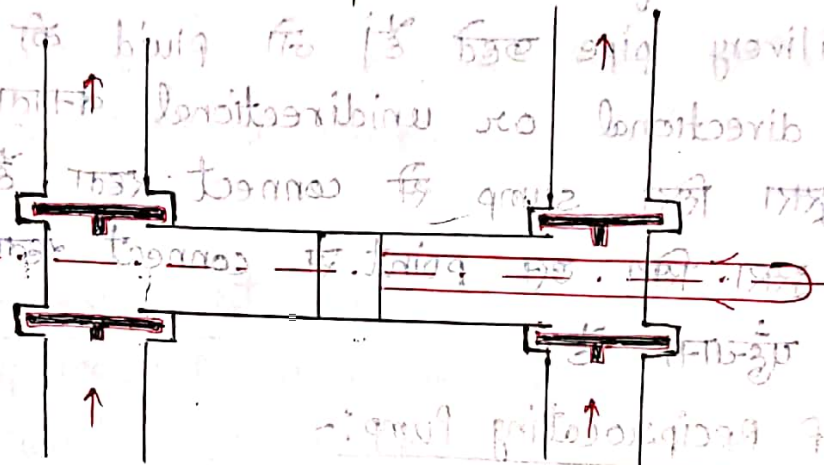
सबसे पहले Rotating crank को Belt की सहायता से motor से connect करते हैं। motor चलने के साथ Rotating crank move करने लगती है। Rotating crank के move करने से cylinder पर present piston भी move करती है। Rotating crank का movement 360° होता है। Rotating crank के पहले 180° में piston का moment backward direction में होता है। Backward direction के कारण piston में vacuum create होता है। जिससे suction pipe में लगा valve open हो जाता है और delivery pipe में लगा valve close होने के कारण suction pipe में vacuum create होने लगता है। जिसके कारण pipe sump में present fluid low pressure की ओर move करने लगता है तथा cylinder में fluid suck हो जाता है।

दूसरे 180° movement में piston forward direction में move करती है। जिसके कारण suction pipe का valve close हो जाता है।

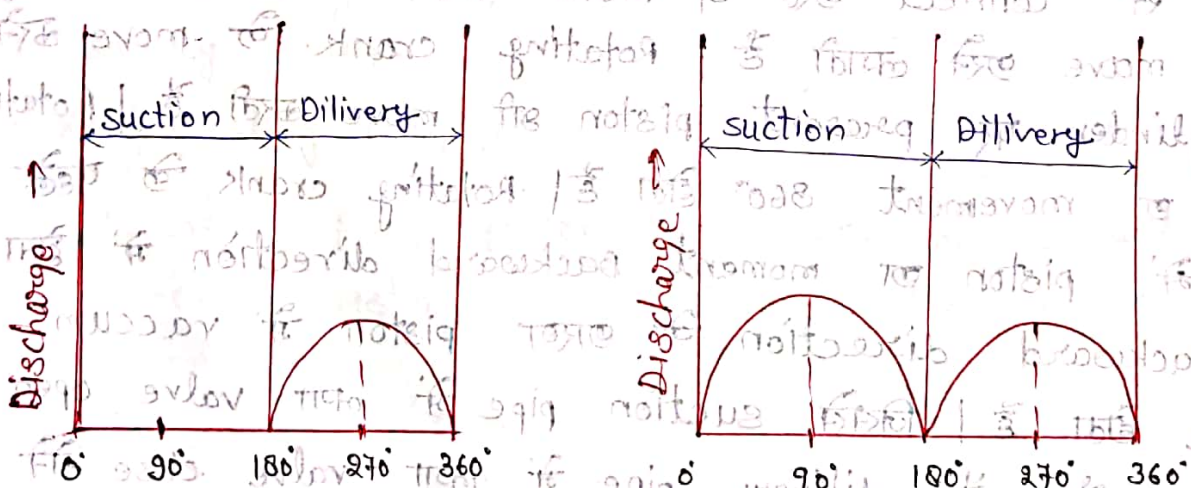
तथा Delivery pipe का valve open हो जाता है। Piston में present fluid Delivery pipe की सहायता से desired point पर पहुँच जाता है।

Single Reciprocating pump में fluid का discharge Discharge continuous होता है।

Double acting reciprocating pump के द्वारा continuous discharge प्राप्त कर सकते हैं।



Double acting pump में दो स्ट्रोक में दो बार discharge होता है।



single Acting pump में crank angle $\rightarrow$ Double acting.

Types of Reciprocating Pump:

Pressure component के आधार पर reciprocating pump को three parts में classified किया जाता है।

1. Piston Pump
2. Plunger Pump.

3. Diaphragm pump.

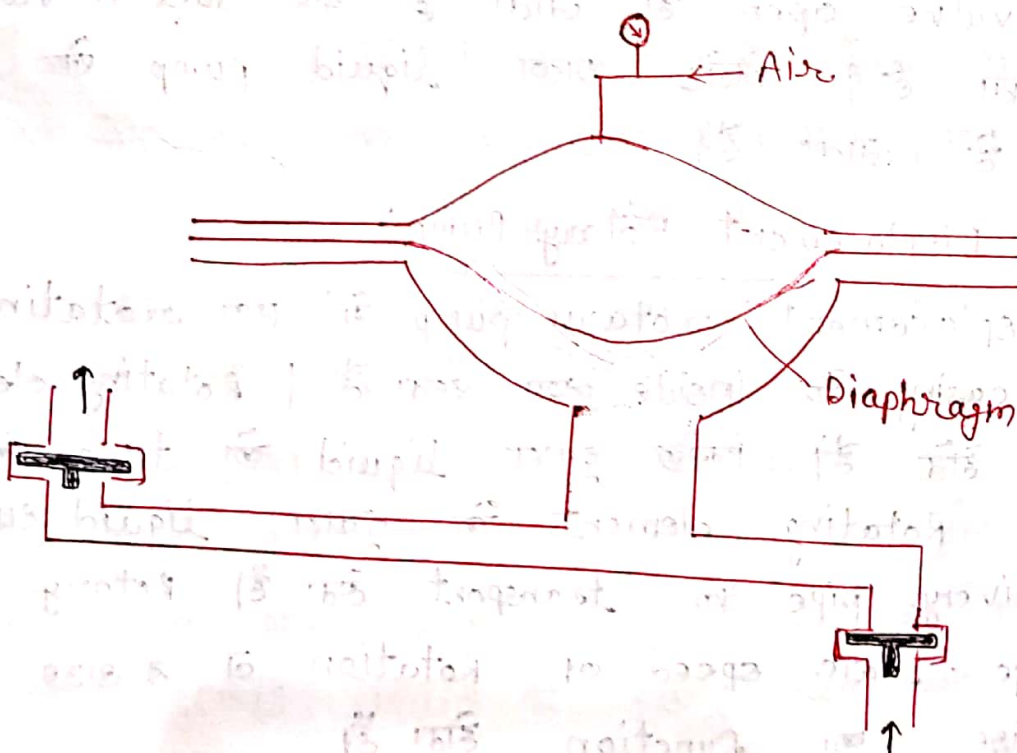
उपरोक्त तीनों pumps को two types से और classified किया जा सकता है।

- (i) single acting pump (ii) Double acting pump.

2. Plunger pump :-

Plunger pump piston pump के same principle पर work करता है। Plunger pump में एक heavy wall cylinder होता है। जिसका diameter कम होता है और इसमें piston rod plunger सहित लगी रहती है। इसका use high pressure application के लिए करते हैं। (इस pump के द्वारा 150 MPa से अधिक pressure के against discharge प्राप्त कर सकते हैं) इस pump का use high pressure system में material को feed करने में किया जाता है। (As- Boiler में Filling water को feed करना)

Diaphragm Pump.



Diaphragm pump का use corrosive liquids, Toxic liquids & liquid solution जो solid particle को transport करने के लिये किया जाता है।

Diaphragm pump दो दो section होते हैं जिनमें काम करता है। इस pump में diaphragm (bellows) रहता है जो वायु के द्वारा operate किया जाता है। Diaphragm pump एक section में liquid को pump (suck) करती है और दूसरे section में liquid को desired point तक transport करती है। इस pump में दोनों सिरों पर Non-Returning valve लगे रहते हैं।

Diaphragm में metal rubber, plastic etc material का बनाया जा सकता है।

Diaphragm pump compressed वायु की help से operate किया जाता है। compressed वायु जब diaphragm को suck करती है तो suction pipe में लगा non-returning valve open हो जाता है और liquid, diaphragm और casing के बीच में fill हो जाता है।

जब compressed वायु diaphragm को push करती है। तो delivery valve open हो जाता है और suction valve close हो जाता है। जिससे कारण liquid pump से discharge हो जाता है।

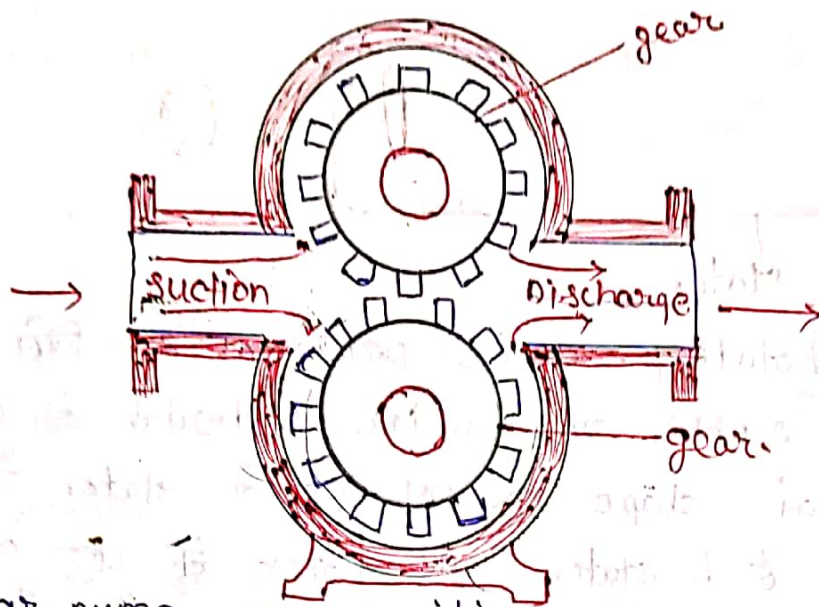
(ii) Positive Displacement Rotary Pump:-

Positive displacement rotary pump में एक rotating element में casing के inside लगा रहता है। Rotating element में खांचे बने होते हैं। जिनके द्वारा liquid को trap किया जाता है और Rotating element के द्वारा liquid suction pipe से delivery pipe तक transport होता है। Rotary pump का discharge rate speed of rotation व size और gear के size का function होता है।

Rotary pump निम्न प्रकार के होते हैं-

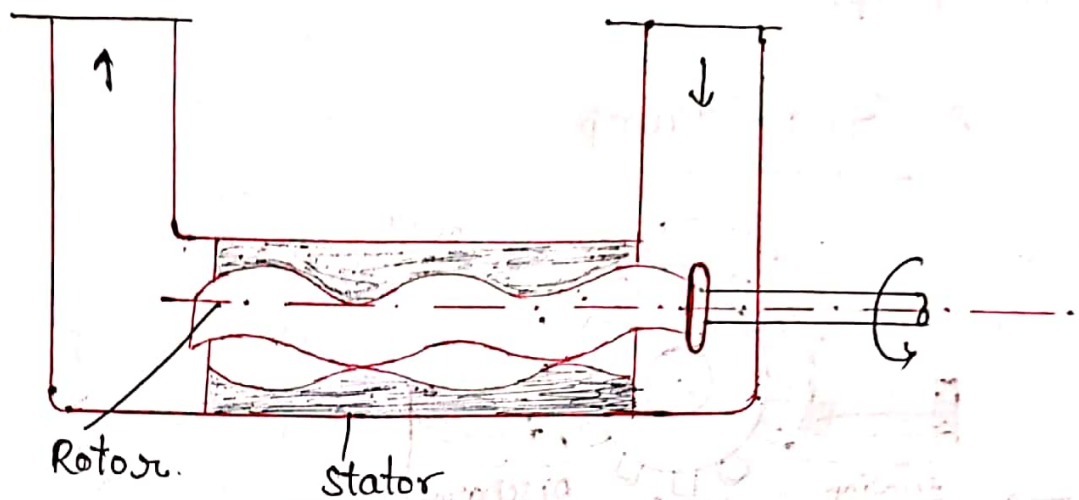
- A. Gear pump.
- B. Mono pump.

A. Gear Pump.



Gear pump एक positive displacement pump है। इसमें दो tooth gear wheel एक casing में enclosed होते हैं जो liquid को pump करने के लिए inlet व outlet connection provide करते हैं। इसमें से एक gear wheel को electric motor द्वारा चलाया जाता है तथा इससे दूसरा gear wheel mesh में फँसकर चलता है। दोनों gear wheels के बीच में बहुत कम gap होता है। इस pump में कोई valve नहीं होता है। इस pump में liquid का discharge rate pressure से independent होता है। इसलिए इसमें priming की आवश्यकता नहीं होती है। इस pump के द्वारा जिस liquid को pump करना होता है उसे inlet से enter करते हैं। gear wheel के घूमने पर mesh के बीच liquid आकर pump हो जाता है। इस pump का use high viscous liquid को pump करने में किया जाता है जैसे - Paint, Grease etc. $\text{Rang} - 130 \text{ kg/m}^3$ Generally 30 kg/m^3

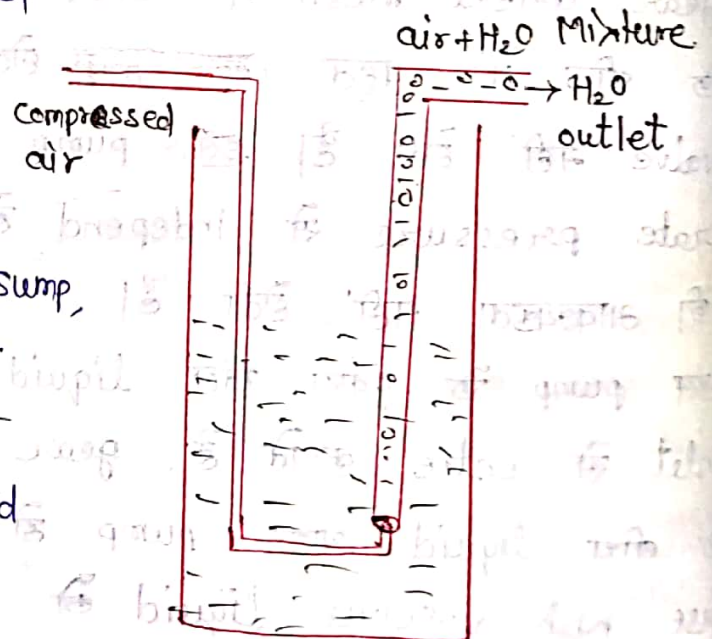
B. MONO PUMP



Mono pump में एक Rotating device होती है। जिसे Rotor कहते हैं। वह rubber या similar material की बनी होती है। Rotor helical shape का होता है। जो stator के बीच में move करता है। Stator और Rotor के बीच बनी pitch के बीच material या fluid फस जाता है और Rotor move होने से वह discharge point तक पहुँच जाता है। इस pump के द्वारा high viscous material (Fluid) का transport किया जाता है। Chemical industry में इसका mostly use Feeding slurries के filtration equipment में feed करने में किया जाता है।

Air lift Pump :-

Air lift pump वह device है। जिसे द्वारा किसी well, sump, tank से liquid को lift करने में किया जाता है। Air lift pump density का fluid difference principle पर work करता है।



जुम density का fluid का buoyancy force के कारण सदैव ऊपर की ओर lift करता है। Air lift pump में air और water density, pure density से कम होती है।
water

Air lift pump को उपरोक्त figure में represent किया गया है। इस figure में एक tank जिसमें pure water fill है। और इस tank में दो tubes लगी हैं। जिसमें से एक tubes के द्वारा compressed air को inlet किया जाता है। तथा दूसरे सिरे से tubes के द्वारा air व water mixture का mixture प्राप्त होता है।

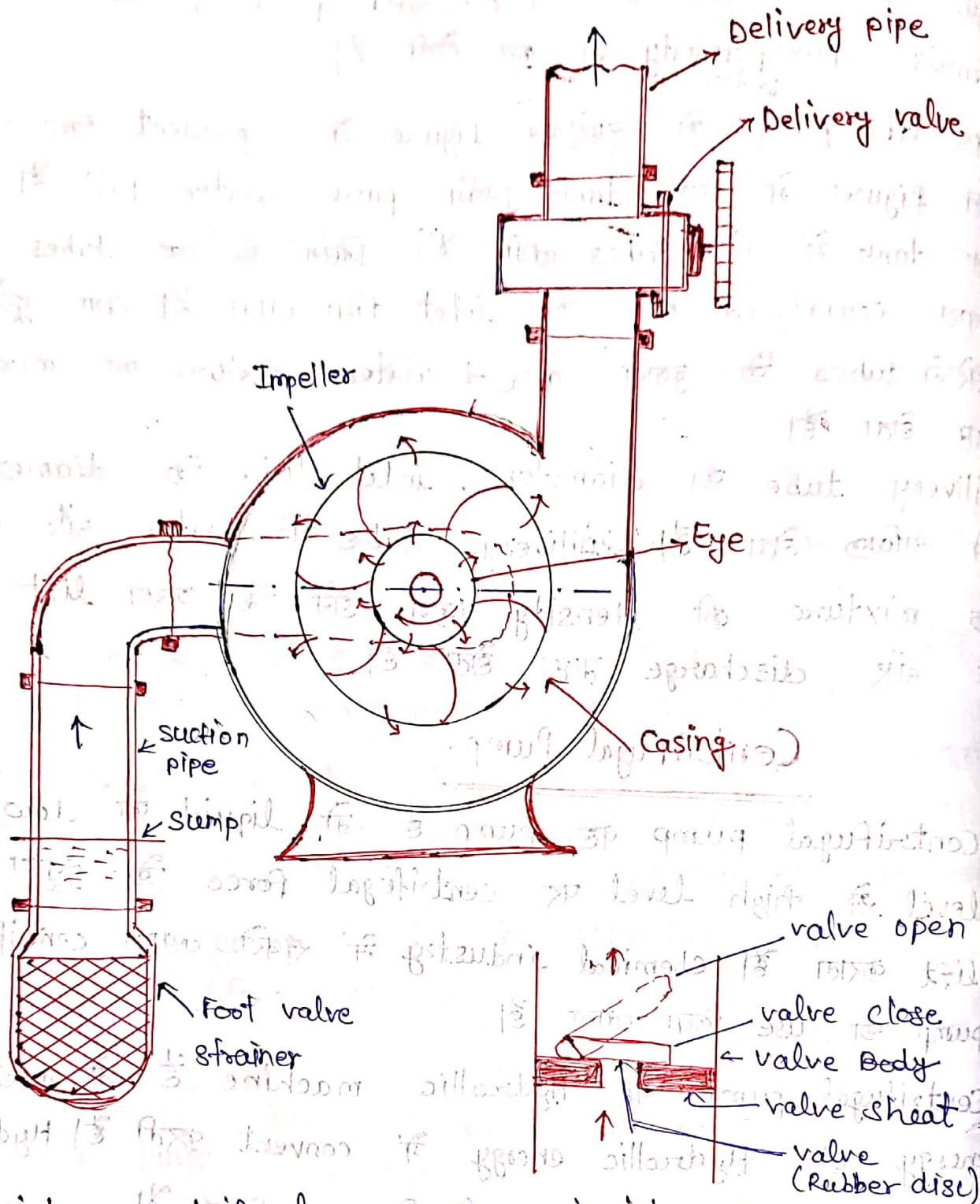
Delivery tube का diameter, inlet tube के diameter से अधिक होता है। Delivery tube में water और air के mixture की density कम होने के कारण lift होता है और discharge प्राप्त होता है।

Centrifugal Pump.

Centrifugal pump वह pump है जो liquid को low level से high level पर centrifugal force के द्वारा lift करता है। Chemical industry में सबसे ज्यादा centrifugal pump का use किया जाता है।

Centrifugal pump वह Hydraulic machine है जो mechanical energy को Hydraulic energy में convert करती है। Hydraulic energy, pressure energy की ही एक form है।

यदि mechanical energy को centrifugal force के द्वारा pressure energy में किसी device के द्वारा convert किया जाये तो उस device को centrifugal pump कहते हैं।



principle - Centrifugal pump का principle forced vortex या centrifugal force होता है।
 Force vortex का means यह है कि जब किसी fluid के certain mass को external Torque के द्वारा Rotate किया जाता है तो Rotating fluid की pressure energy Increase हो जाती है।

The rise in pressure head at any point of a rotating liquid is proportional to square of tangential velocity of the liquid at the point.

$$\text{Rise in pressure head} = \frac{V^2}{2g} = \frac{\omega^2 r^2}{2g}$$

Here .

r = Radius of impeller

ω = Angular velocity of impeller.

Centrifugal pump में liquid का flow radially out ward होता है जो Centrifugal Turbine के opposite होता है।

Main parts of centrifugal pump -

centrifugal pump के निम्न parts होते हैं -

1. Impeller
2. Casing
3. suction pipe with footvalve and strainer
4. Delivery pipe

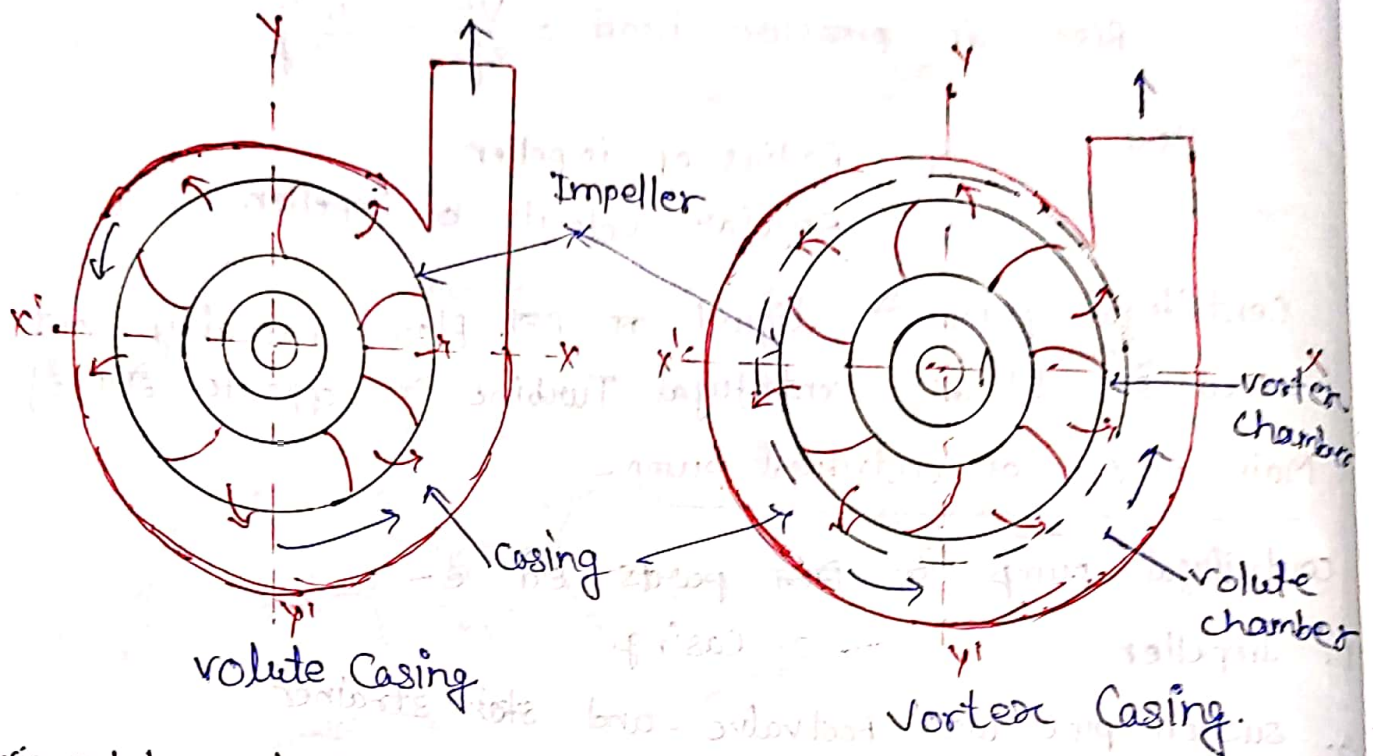
1. Impeller -

Centrifugal pump में impeller एक rotating device होती है। Impeller में backward, curve, vane, series में लगे रहते हैं। Impeller electric motor की shaft से connecting होती है। Pump का head impeller के rotation & radius & vane के curve पर depend करता है।

2. Casing -

Casing impeller की surrounding में present एक air tight chamber होता है। इस chamber के द्वारा liquid की kinetic energy, pressure energy में convert होती है और pressure head rise होता है।

Casing में delivery pipe और suction pipe connected रहे हैं। Casing निम्न प्रकार की होती है।



(i) Volute casing-

volute casing एक spiral tube type casing होती है। जिसमें flow का area increase होता है। Flow का area increase होने से velocity decrease होने लगती है। velocity decrease होने से pressure energy या pressure head increase होने लगता है। परन्तु volute casing में यह देखा गया कि kinetic energy का large amount eddies formation में loss होता है।

(ii) vortex casing-

vortex casing में impeller casing के बीच में एक circular chamber होता है। जिसके कारण eddies formation reduce हो जाता है और pump की efficiency increase हो जाती है।

(iii) Casing with guide Blade -

इस casing में impeller के surrounding में guide blade की spaces लगी रहती हैं। जिन्हें diffuser कहते हैं। इस casing में impeller से fluid निकलकर guide blade की सहायता से slowly output होता है। जिसके कारण eddies formation बहुत कम हो जाते हैं और kinetic energy का maximum amount pressure head में convert होता है।

3. Suction pipe with footvalve & strainer -

suction pipe वह pipe होता है जिसका एक सिरा pump की eye (inlet) से connect रहता है। और दूसरा सिरा water के sump में dip रहता है।

Footvalve एक non-returning valve है जो suction pipe के lower end पर fit रहता है। यह only upward direction या vacuum होने पर open होता है।

strainer एक screen होती है जो metal की व plastic etc की बनी हो सकती है। इसकी सहायता से solid particles को separate किया जाता है। यह हमेशा foot-valve के नीचे लगी रहती है।

4. Delivery pipe -

Delivery pipe वह pipe है जिसका एक सिरा pump के outlet तथा दूसरा सिरा required height पर connect रहता है।

Working of Centrifugal pump :-

centrifugal pump को start करने से पहले उसकी priming की जाती है। priming operation में suction pipe, pump casing & delivery pipe को completely water से fill किया जाता है।

जिसके कारण Air, gas, vapour pump के तीनो parts से remove हो जाती हैं।

Priming करने के बाद delivery valve और power को impeller में देना start करते हैं। [Electric supply start करते हैं] जिसके कारण Impeller move करने लगता है। इसके बाद suction valve open कर देते हैं। Impeller के कारण suction pipe में vacuum create होने लगता है। जिसके कारण sump में बरा liquid suction pipe में lift होने लगता है। vacuum pressure (suction pressure) की value हमेशा liquid के vapour pressure से छोड़ा अधिक होनी चाहिए।

Lift liquid suction pipe से होकर casing की eye पर पहुँचता है और impeller के द्वारा radially outward flow होता है। Impeller liquid की total energy में कुछ energy kinetic energy form में introduce करता है। जिसके कारण liquid की kinetic energy increase हो जाती है। Impeller से होकर यह fluid casing से छूटता है और kinetic energy pressure energy में (head) में convert हो जाती है क्योंकि इसकी velocity zero हो जाती है। Fluid delivery pipe के through desired point तक reach करता है।

Advantage of Centrifugal pump -

1. Centrifugal pump की बनावट, simple होती है जिसके कारण इसे बहुत अधिक use किया जाता है।
2. इसकी cost low है, design simple होती है।
3. इस pump की ment maintenance cost कम होती है।
4. Pump के द्वारा continuous discharge दिया जाता है। यह pump valve close होने की condition में भी भी damage नहीं होता है।

Disadvantage of Centrifugal pump:-

1. यह pump low efficiency पर operate होता है (50-60%) इस pump के द्वारा very high viscous fluid को transport नहीं कर सकते।
2. Centrifugal pump में priming की आवश्यकता होती है।
3. Centrifugal pump के द्वारा high pressure develop नहीं कर सकते हैं।

SOME DEFINITIONS

Suction Head-

suction head वह vertical height होती है जो impeller की eye और sump के बीच में present होती है। sump से impeller की eye तक vertical height को suction head कहते हैं। इसे h_s से represent करते हैं।

Delivery Head-

Delivery head point of impeller की eye तक की vertical height को delivery head कहते हैं। इसे h_d से represent करते हैं।

Static Head-

The sum of suction head & delivery head is known as static head.

इसे H_s से denote करते हैं।

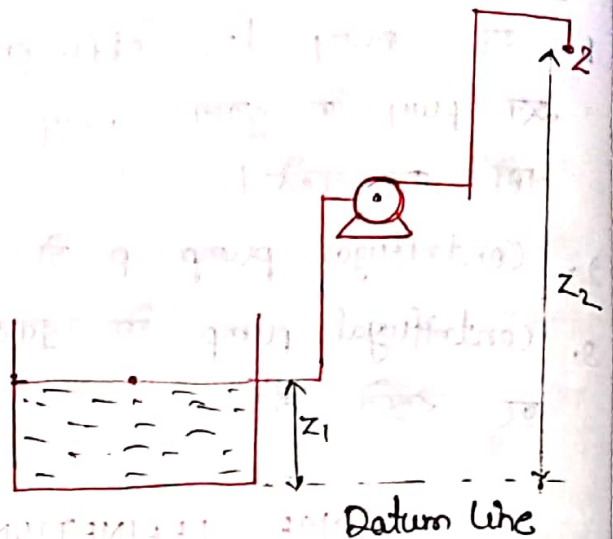
$$H_s = h_s + h_d$$

Head of Centrifugal Pump:-

एक Centrifugal pump किसी pipe line में install किया गया है। इसका काम liquid को receiver से lift करके constant volumetric flow rate से exist point पर

discharge देना है।

Total head developed by pump is composed of difference between static pressure and velocity head plus (+) the friction losses in the suction pipe and discharge pipe of the pump.



z_1 व z_2 station ① व ② की datum line से elevation (height) को represent करता है। u_1 व u_2 velocity तथा P_1 व P_2 pressure station ① व ② पर represent करता है।

W_p pump work को denote करता है। इसकी unit Joule/kg होती है और η pump की efficiency को represent करता है।

Applying Bernoulli theorem between station ① व ② in term of energy per unit mass of the fluid.

$$\frac{P_1}{\rho} + \frac{u_1^2}{2} + gz_1 + \eta W_p = \frac{P_2}{\rho} + \frac{u_2^2}{2} + gz_2 + h_f$$

$$\eta W_p = g(z_2 - z_1) + \frac{u_2^2 - u_1^2}{2} + \frac{P_2 - P_1}{\rho} + h_f$$

$$\frac{\eta W_p}{g} = (z_2 - z_1) + \frac{u_2^2 - u_1^2}{2g} + \frac{P_2 - P_1}{\rho g} + \frac{h_f}{g} \quad \text{--- ①}$$

Total head = Diff. in static head + diff. in kinetic head + diff. in pressure head + friction losses in fluid.

eqn ① represent total head developed by pump.

Again from eqn. ①.

$$\frac{\eta \omega_p}{g} = \left(\frac{P_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 + \frac{h_f}{g} \right) - \left(\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 \right)$$

$$\boxed{\frac{\eta \omega_p}{g} = h_d - h_s} \quad \text{--- ②}$$

Here h_d = Total discharge head

h_s = Total suction head

$$\boxed{\frac{\eta \omega_p}{g} = \Delta H} \quad \text{--- ③}$$

Here ΔH = Total developed head

from eqn ③

$$\boxed{\omega_p = \frac{\Delta H \times g}{\eta}}$$

power input to the pump from external sources is given by.

$$P_B = m^{\circ} \cdot \omega_p$$

$$P_B = m^{\circ} \times \frac{\Delta H \times g}{\eta}$$

$$P_B = \frac{m^{\circ} \times \text{total head} \times g}{\eta}$$

Here m° = mass flow rate of fluid

ΔH = Total head

η = efficiency

power delivered (supplied) to the fluid by pump.
[Theoretical power is given by].

$$P_f = m^o \times \Delta H \times g$$

Mechanical efficiency. [simple efficiency] of the centrifugal pump is defined as the ratio of power delivered to the fluid by the pump to power supplied to the pump from external sources and denoted by η .

$$\eta = \frac{\text{Power delivered to fluid } (P_f)}{\text{Power supplied to the pump } (P_B)} = \frac{P_f}{P_B}$$

$$\eta = \frac{\text{Theoretical Power}}{\text{actual power to the pump}}$$

efficiency of motor is defined as

$$\eta_m = \frac{\text{Power supplied to the pump by the motor}}{\text{Power taken from power line}}$$

Overall efficiency-

overall efficiency is defined as

$$\eta_o = \eta \times \eta_m$$

$$\eta_o = \frac{P_f}{P_m}$$

Here P_B = shaft power or power delivered by motor

P_f = Fluid power

P_m = Power taken by the motor from power line.

Cavitation -

cavitation वह process है जिसमें liquid given temp. पर vapour form में convert होना start हो जाता है। यदि suction line में present pressure की value [suction pressure] liquid के vapour pressure से कम हो जाये तो liquid का कुछ part vapour में convert होने लगता है। इस process को cavitation कहते हैं। cavitation के कारण pump में vibration और noise increase हो जाती है। यदि pump को बन्द न किया जाए तो vapour bubbles के casing से टकराने के बाद कारण casing damage हो जाती है। cavitation को रोकने के लिए suction pressure की value vapour pressure से अधिक होनी चाहिए। cavitation will not take place when the sum of velocity head and suction head ~~is~~ at suction is greater than the vapour pressure of liquid at temperature of pumping.

NPSH (Net Positive Suction Head):-

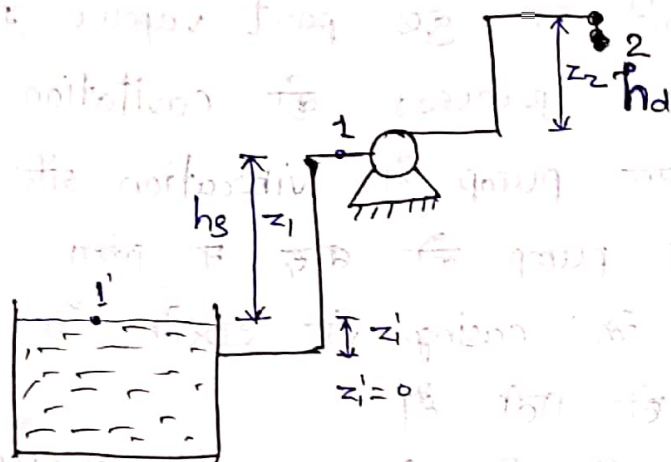
NPSH वह minimum necessary head होता है जो बिना cavitation के liquid को sump से impeller की eye तक lift करता है।

NPSH is defined as head of the liquid to the pump (sum of velocity head and pressure head) is in excess of the vapour pressure of the liquid.

$$\text{NPSH} = (\text{Pressure head} + \text{velocity head}) - \text{vapour pressure head}$$

$$\text{NPSH} = \left(\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} \right) - \frac{P_v}{\rho g}$$

NPSH = (Absolute press^r head ~~available~~ available at suction point ① - vapour pressure head)



$$\text{NPSH} = \left(\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} \right) - \frac{P_v}{\rho g} \quad \text{--- ①}$$

applying Bernoulli theorem point ①' and ①

$$\frac{P_1'}{\rho g} + \frac{V_1'^2}{2g} + z_1' = \frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 + h_{fs}$$

Here h_{fs} is the head loss in friction in the suction line.

if $V_1' = 0$, $z_1' = 0$ then.

$$\frac{P_1'}{\rho g} = \frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 + h_{fs}$$

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_1'}{\rho g} - (z_1 + h_{fs}) \quad \text{--- ②}$$

$$NPSH = \frac{P_1}{\rho g} - z_1 - h_{fs} - \frac{P_v}{\rho g} \quad \text{--- (3)}$$

from eqⁿ ①

$$NPSH = \frac{P_1}{\rho g} - z_1 - h_{fs} - \frac{P_v}{\rho g}$$

equation ③ represent Net positive ~~head~~ suction head if $NPSH = 0$

from eqⁿ ①

$$NPSH = \left(\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} \right) - \frac{P_v}{\rho g}$$

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_v}{\rho g} \quad \text{--- (4)}$$

eqⁿ ④ represent available suction head is equal to vapour pressure head.

pump का impeller continuous rotate होने के कारण available suction head की value continuous घटती रहती है। बिना कारण यह head vapour pressure से कम हो जाती है और cavitation ~~start~~ हो जाता है। इसलिए NPSH की value हमेशा zero से अधिक होनी चाहिए।

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} > \frac{P_v}{\rho g}$$

Air Binding and Priming:-

जब जानते हैं pump impeller के द्वारा developed pressure fluid की density के proportional होता है। यदि pump के impeller में air enter होती है।

तो इस condition में impeller के द्वारा developed pressure बहुत कम है और वह liquid को lift नहीं कर पाता है।

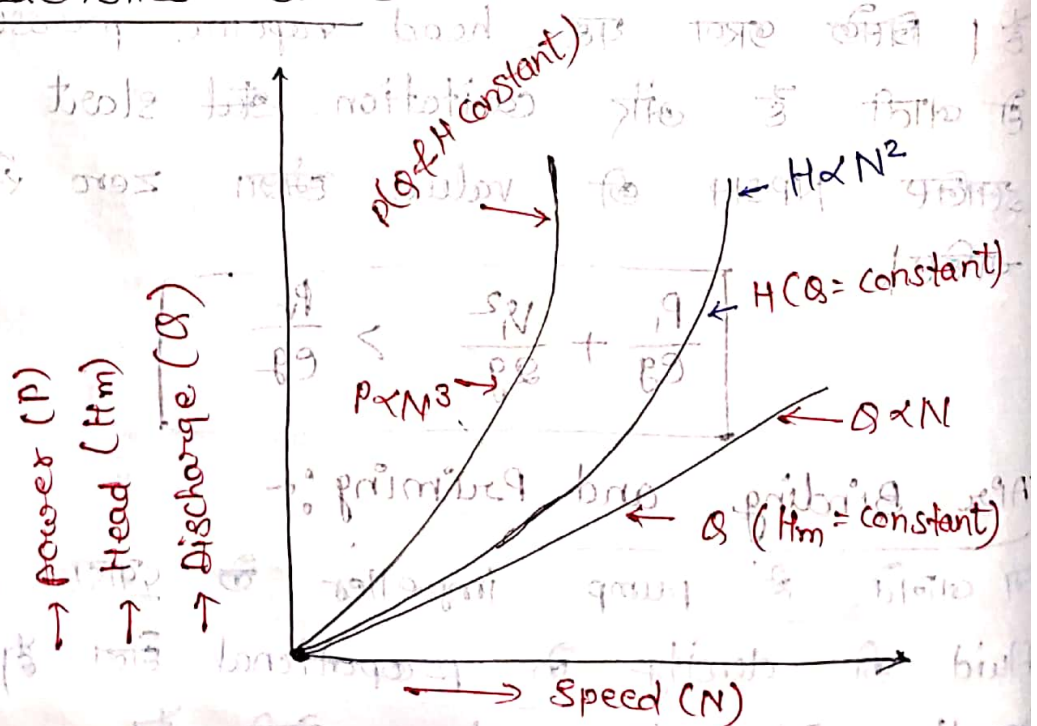
Pump में air filling को air binding कहते हैं। Air binding को avoid करने के लिए priming की आवश्यक होती है। Priming में pump को foot valve से delivery valve तक same density वाले fluid से fill किया जाता है। जिससे जरा suction pipe casing और delivery pipe में present air remove हो जाती है।

Characteristics Curve -

characteristics curve की help से centrifugal pump की performens की steady आसानी से कर सकते हैं। characteristics को प्रकार के होते हैं -

- ① Main characteristics curve
- ② Operating characteristics curve

1. Main characteristics Curve -



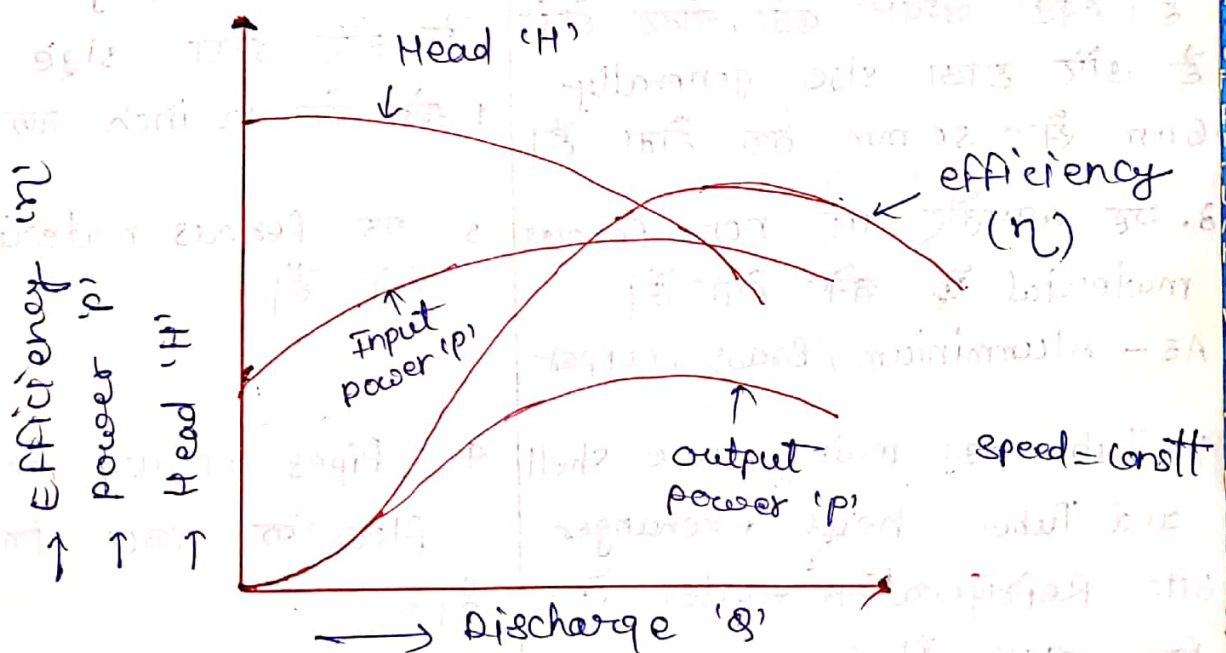
Main characteristics curve centrifugal pump के manometric Head, power & discharge vs speed plate किये गये हैं।

यदि curve manometric Head & speed के बीच plate किया गया है। तो discharge को constant रखा (माना) गया है।

यदि curve discharge & speed के बीच खींचा गया है तो manometric Head को constant रखा गया है।

यदि curve power & speed के बीच खींचा गया है। तो manometric head & discharge constant रखे गये हैं।

Operating characteristics curve:-



उपरोक्त Graph centrifugal pump की speed को constant मानकर खींचा गया है। यह ग्राफ efficiency, power & Head vs Discharge में प्लोटे किया गया है।

Date -
10/04/2019

PIPES, PIPE FITTING AND VALVES

Chemical engineering में fluid को एक स्थान से दूसरे स्थान तक transfer करने के लिए tube या pipe का use किया जाता है। Tube और pipe दोनों circular cross section के होते हैं। यह आमतौर पर steel, copper, glass आदि material के बनाये जाते हैं।

Difference Between Tubes and Pipes-

Tubes	Pipes
1. यह पतले होते हैं।	1. यह heavy व मोटे होते हैं।
2. यह coil की form में मिलती है। इसकी लम्बाई कई मीटर होती है और इसका size generally 6mm से 50mm तक होता है।	2. pipes की length छोटी होती है और इसका size generally 1 इंच से 12 inch तक होता है।
3. यह आमतौर पर non-ferrous material के बने होते हैं। As - Aluminium, Brass, copper	3. यह ferrous material के बने होते हैं।
4. Tubes का mainly use shell and Tube, heat exchanger और Refrigeration system में किया जाता है।	4. Pipes का use mostly fluid flow के लिए किया जाता है।
5. इसका diameter कम व surface smooth होती है।	5. Pipe का diameter ज्यादा व surface rough होती है।
6. Tube pieces को जोड़ने के लिए compression fitting, Flare fitting और soldered fitting का use किया जाता है।	6. pipes, pieces को connect करने के लिए screw plane और welding का use किया जाता है।

6. Tubes की wall thickness को BWG wire (Birmingham wire gauge) का use किया जाता है।

7. Pipes की wall thickness को Schedule Number के द्वारा indicate किया जाता है।

Schedule Number-

इसका use pipe की wall thickness को मापने में किया जाता है। Schedule Number बढ़ने पर pipe का size व thickness दोनों increase होती है। Pipe का Schedule number 10, 20, 30, 40, 60, 80, 100, 120, 140, 160 use होता है।

$$\text{Schedule number} = \frac{P}{S} \times 1000$$

Here

P = internal pressure

S = ultimate strength.

BWG :-

BWG के द्वारा Tube की wall thickness को represent किया जाता है। इसकी reading 0-96 तक होती है। BWG बढ़ने पर का मान बढ़ने पर Tube की thickness व size कम हो जाता है।

Pipe fitting- pipe fitting वह method or process है

जिसके द्वारा fitting pieces को pipe line से connect करने Aloud जो एक स्थान से दूसरे स्थान पर transfer किया जाता है। fitting pieces निम्न हैं-

Union, socket, Elbow, Reducer, Tee, cross, Cap, Nipil etc.

उपरोक्त fitting का use flow की direction change करने या flow rate को controll करने

एक branch से एक से अधिक Branch बनाने या flow को close करने आदि में किया जाता है।

Valve-

valve वह device है जिसके द्वारा pipe line में flow को controll करने में या flow को रोकने में use किया जाता है।

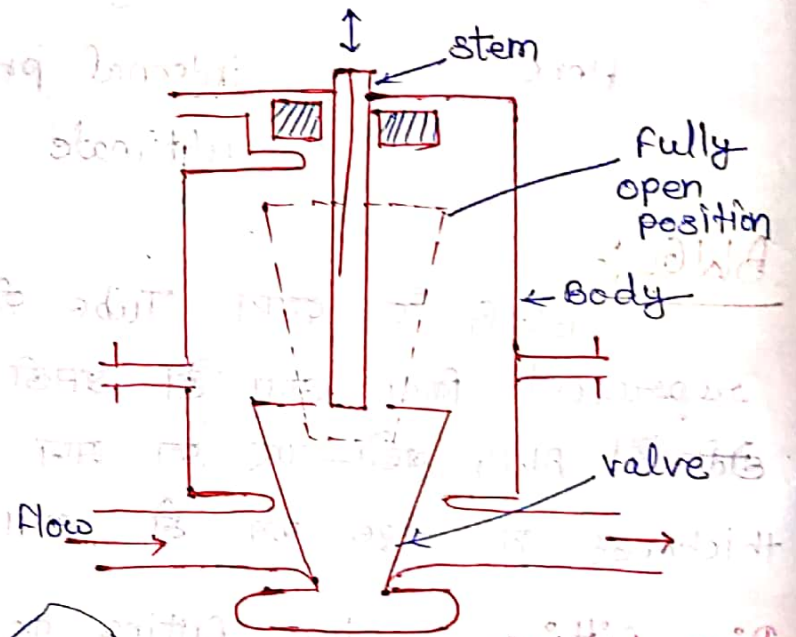
Types of valve-

1. Gate valve
2. Globe valve
3. Ball valve
4. Plug valve
5. Diaphragm valve
6. Needle valve
7. Butterfly valve
8. Control valve.

1. Gate valve-

Gate valve का use flow को fully close or open करने के लिए किया जाता है। इस valve के द्वारा flow rate को controll नहीं कर सकते। Gate

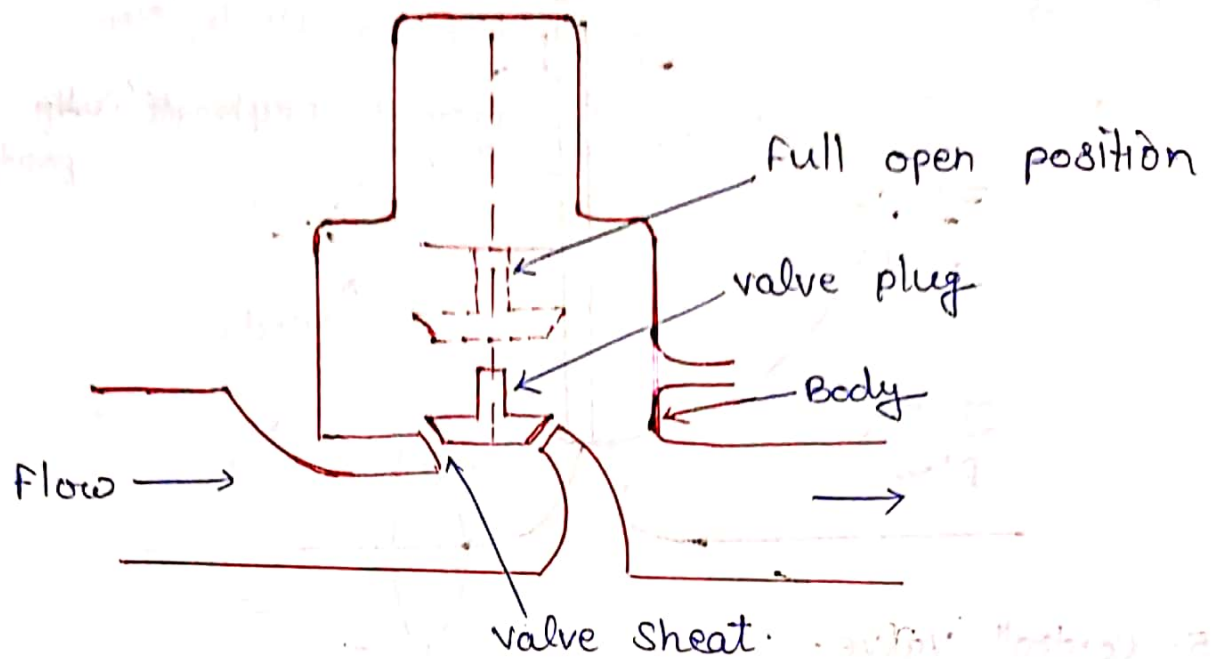
valve के द्वारा minimum pressure drop open condition में होता है।



2. Globe valve-

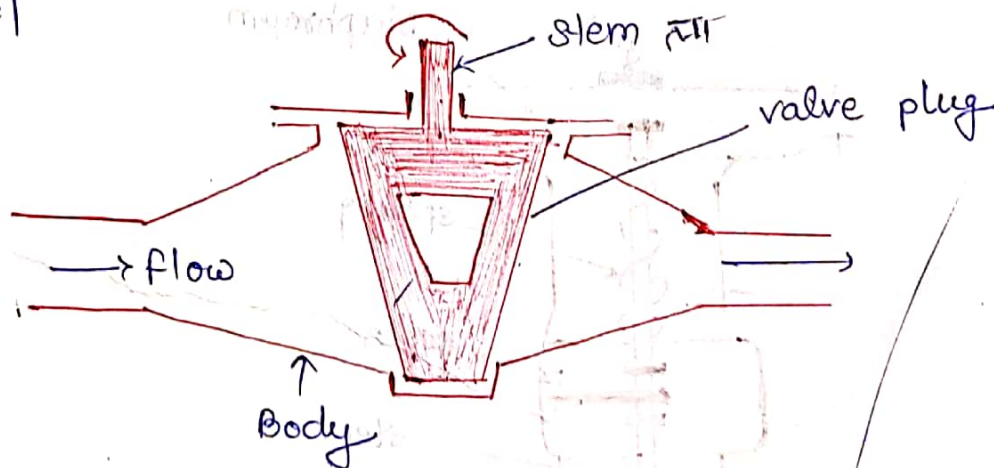
Globe valve का use fluid flow को controll करने में किया जाता है। इस valve में pressure drop maximum होता है क्योंकि valve की body flow के direction को change करती है।

Needle valve, globe valve की modified form है। इसका use flow को accurate controll करने में किया जाता है।



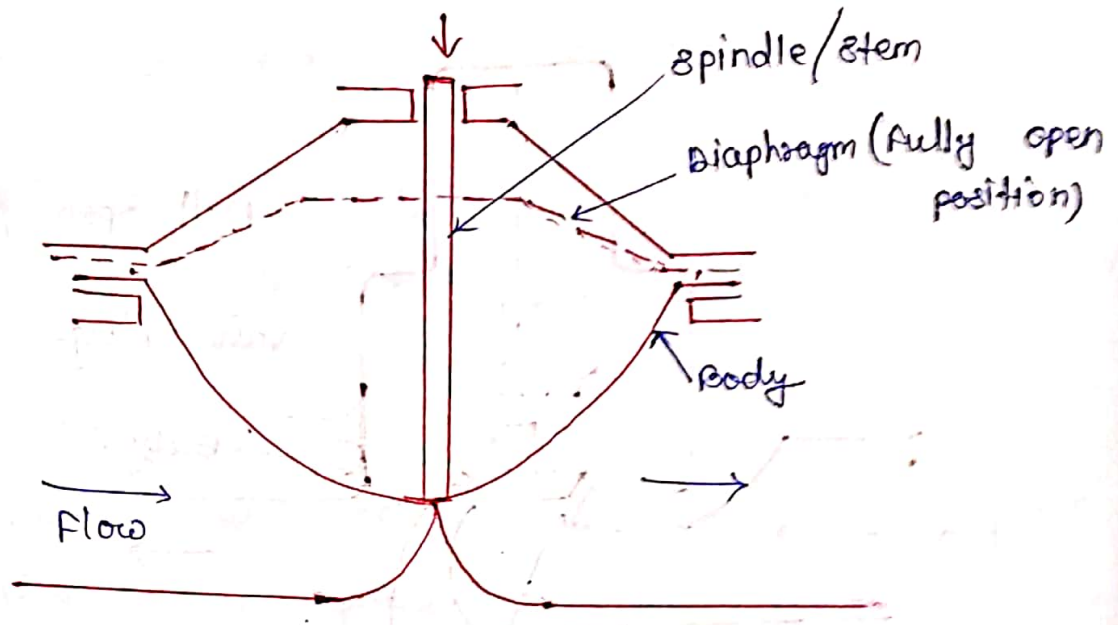
Plug valve ✓

Plug valve या Ball valve का use on-off service के लिए use किया जाता है। यह केवल 90° operate होता है।



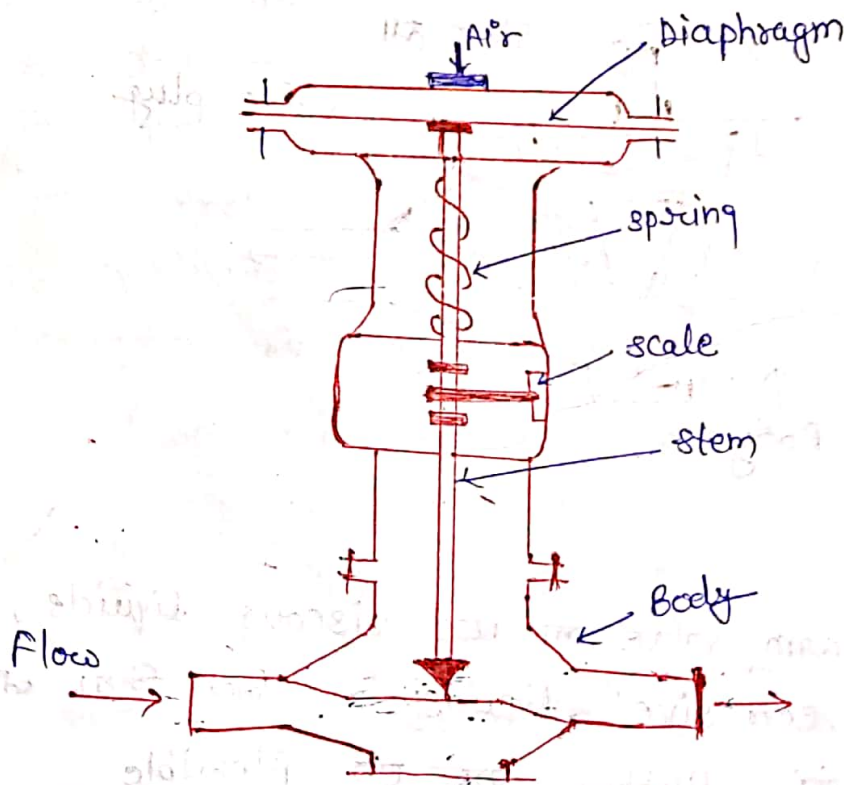
Diaphragm :- ✓

Diaphragm valve का use viscous liquids, slurries and corrosive liquids के लिए किया जाता है। इस valve में Rubber का एक flexible diaphragm होता है।



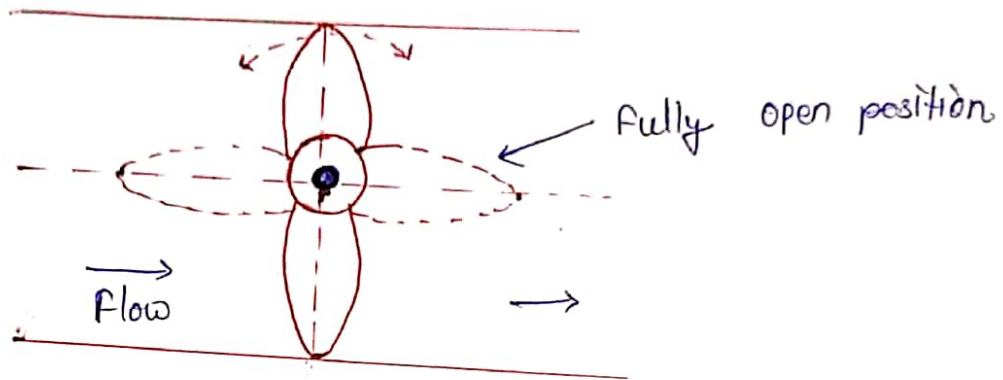
5. Controll Valve

Controll valve का use modern chemical process में automatic flow controll के लिए किया जाता है। यह valve हवा और बिजली दोनों के द्वारा operate किया जा सकते हैं।



Butterfly Valve

Butter fly valve का use large size pipe line में किया जाता है। यह damper के principle पर work करता है।



Yashveer Singh
YASHPAL VERMA [C/E]